



6) يمثل الاقتران  $A(t) = 70(0.55)^t + 3$  اقتران الاضمحلال الاسي لعدد الأغنام في مزرعة ما، حيث  $t$  الزمن بالسنوات، فإن نسبة الاضمحلال تساوي :

- a) 55%                      b) 45%                      c) 25%                      d) 5%

7) تتزايد 30g من أحد النظائر المشعة لعنصر الراديوم بنسبة 3.5% كل دقيقة نتيجة الإشعاع. ما اقتران النمو الأسي الذي يمثل كمية الراديوم (بالغرام) المتزايدة بعد  $t$  دقيقة:

- a)  $A(t) = 30(1.035)^t$                       b)  $A(t) = 30(1.35)^t$   
c)  $A(t) = 30(0.035)^t$                       d)  $A(t) = 30(0.35)^t$

8) خط التقارب الرأسي للاقتران  $f(x) = \log_2(x - 3)$  هو :

- a)  $x = -3$                       b)  $x = 3$                       c)  $y = -3$                       d)  $x = 2$

9) إذا كان  $f(x) = 2^{\log_2 x} + 3 \log_3 \frac{x}{2}$  ، فإن  $f(6)$  تساوي :

- a) 6                      b) 9                      c) 5                      d) 3

10) إذا كان  $\log_a 5 \approx 0.25$  ،  $\log_a 3 \approx 0.35$  فإن  $\log_a 25$  هي :

- a) 0.50                      b) 0.25                      c) 0.35                      d) 0.60

11) أي المقادير الآتية يكافئ المقدار  $\log_2 \frac{1}{x \sqrt{2}}$  ، علما بأن المتغيرات جميعها تمثل أعدادا حقيقية موجبة؟

- a)  $1 - \log_2 x - \log_2 3$                       b)  $-3 - \log_2 x$   
c)  $1 + \log_2 x + \log_2 3$                       d)  $\log_2 x - 3$

12) المقدار  $\log_e 5$  يكافئ :

- a)  $\log 5$                       b)  $5 - e$                       c)  $\ln e$                       d)  $\ln 5$

13) حل المعادلة الأسية  $3^{2x} - 7(3)^x = 0$  هو:

- a)  $\frac{\ln 3}{\ln 7}$                       b)  $\ln 7 - \ln 3$                       c)  $\ln \frac{7}{3}$                       d)  $\frac{\ln 7}{\ln 3}$

14) إذا كان  $f(x) = (-3x^3 - 5)^{-2}$  ، فإن  $f'(x)$  تساوي :

a)  $18x^2(-3x^3 - 5)^{-3}$

b)  $-18x^2(-3x^3 - 5)^{-2}$

c)  $-2(-9x^2)^{-3}$

d)  $-2(-3x^3 - 5)^{-3}$

15) يمثل الاقتران :  $s(t) = t^3 - 6t^2 + 5, t \geq 0$  موقع جسم يتحرك في مسار مستقيم، حيث  $s$  الموقع بالأمتار ، و  $t$  الزمن بالثواني. أجد تسارع الجسم عندما يكون في حالة سكون لحظي ؟

a) -12

b) 12

c) 0

d) 4

16) إذا كان  $P(x) = 10 - x$  يمثل اقتران سعر بيع جهاز الحاسوب الواحد  $x$  بالدينار، فإن أعلى إيراد يمكن تحقيقه بالدينار هو :

a) 5

b) 25

c) 50

d) 75

17) إذا كان  $g(x) = 20(5 + \frac{3}{1-2x})$  ، فإن  $f'(x)$  تساوي :

a)  $\frac{-120}{(1-2x)^2}$

b)  $\frac{-60}{(1-2x)^2}$

c)  $\frac{120}{(1-2x)^2}$

d)  $\frac{60}{(1-2x)^2}$

18) إذا كان اقترانين قابلين للاشتقاق عندما  $x = 1$  ، وكان  $f'(1) = 5, f(1) = 1, g(1) = -1, g'(1) = 2$  ، فإن  $(fg - 2g)'(1)$  يساوي :

a) -1

b) 1

c) -7

d) 3

19) إذا كان  $u$  اقترانا قابلا للاشتقاق ، حيث  $u(3) = -2, u'(3) = -5$  ، فإن  $(\frac{-6}{u})'(3)$  هي :

a)  $\frac{1}{7.5}$

b)  $\frac{-30}{4}$

c)  $\frac{15}{2}$

d)  $\frac{-15}{4}$

20) إذا كان  $f(x) = e^5 - \ln x$  فإن  $f'(-1)$  يساوي :

a) e

b) 1

c) -1

d)  $\frac{1}{\ln 1}$

21) ميل العمودي على المماس للعلاقة  $\ln xy = 10$  عند النقطة (1 ، 1) هو :

a) -1

b) 1

c) 0

d) -2

(22) إذا كان  $f'(x) = \sin(\cos x) - \ln e$  فإن  $f''(x)$  يساوي:

- a)  $\sin^2 x + \cos^2 x$       b)  $\sin x \cos x$       c)  $-\sin x \cos^2 x$       d)  $\sin^2 x$

(23) إذا كان  $f(x) = 4x + 2x^2$  فإن القيمة الصغرى للاقتران  $f(x)$  هي:

- a) 2      b) 1      c) -2      d) -1

(24) يمثل الاقتران  $A(x) = 20x - x^2$  مساحة موقف سيارات مستطيل الشكل بالأمتار المربعة، حيث أحد بعدي الحديقة، أكبر مساحة ممكنة لهذا الموقف تساوي:

- a) 200      b) 10      c) 200      d) 300

(25) إذا كان  $x^2 = 4y^3$ ، فإن قيمة  $\frac{dy}{dx}$  عند النقطة  $(-1, 6)$  هو:

- a) 2      b) 1      c) -2      d) -1

السؤال الثاني : (13 علامة)

(a) اشترى شخص ثلاجة بمبلغ 220JD، إذا كان ثمن الثلاجة يزايد بنسبة 5% سنويا، فما ثمن الثلاجة بعد 6 سنوات؟ (6 علامات)

(b) استثمرت عبيير مبلغ 30000JD في شركة بنسبة ربح مركب تبلغ 6%، وتضاف كل شهرين، ما جملة المبلغ بعد سنة واحدة؟ (7 علامات)

السؤال الثالث : (34 علامة)

(13 علامة)

(a) جد  $\frac{dy}{dx}$  لكل مما يأتي عند قيمة  $x$  المعطاة:

1)  $y = 3x - x\sqrt{x}$  ،  $x = 4$

2)  $y = 3u^2 + 4u$  ،  $u = \frac{2}{x}$  ،  $x = 1$

(b) جد مشتقة كل اقتران مما يأتي :

(21 علامة)

a)  $y = \sin^4(7 - 3x) - \cos(7 - 3x)^{-4}$

b)  $f(x) = \sqrt{3x + \sqrt{\sin x}} + \frac{x}{x+5}$  ,  $x \neq 5$

c)  $f(x) = \ln \frac{e}{x-1}$  ,  $x \neq 1$

السؤال الرابع : (24 علامة)

(a) جد إحداثيي النقطة (النقاط) الواقعة على منحنى الاقتران  $f(x) = xe^x$  التي يكون عندها المماس أفقياً

(12 علامات)

(b) يمثل الاقتران :  $s(t) = 3t^3 - 36t$  ,  $t \geq 0$  موقع جسم يتحرك على خط مستقيم، حيث  $s$  الموقع بالأمتار، و  $t$  الزمن بالثواني، ما تسارع الجسم عندما يكون في حالة سكون لحظي؟  
(12 علامات)

السؤال الخامس : (28 علامة)

(a) أرادت إحدى الشركات أن تصنع خزانات من الفولاذ الرقيق المقاوم للصدأ على شكل متوازي مستطيلات، بحيث يكون كل منها مفتوحاً من الأعلى، وحجمه  $400m^3$ ، وقاعدته مربعة الشكل. أجد الأبعاد التي تجعل مساحة سطح الخزان أقل ما يمكن.  
(12 علامة)

(b) لاحظ مصنع أن التكلفة الكلية لإنتاج  $x$  لعبة هي  $C(x) = 0.3x^2 - 60x + 70$  دينار، وأن الربح الناتج من بيع لعبة هو  $R(x) = 0.5x$  دينار، جد :

(1) عدد اللعب اللازم انتاجها حتى تكون التكلفة أقل ما يمكن. (5 علامات)

(2) الايراد الحدي الناتج من بيع (1000) لعبة. (3 علامات)

(c) يخرج الهواء من منطاد كروي الشكل بمعدل ثابت مقداره  $0.3cm^3/s$ . أجد معدل تناقص نصف قطر المنطاد عند اللحظة التي يكون فيها نصف القطر  $2m$ ، علماً بأن العلاقة التي تربط بين حجم المنطاد ( $V$ ) ونصف قطره  $r$  هي :

(8 علامات)  $V = \frac{4}{3}\pi r^3$

(انتهت الأسئلة)

مع تمنياتي للجميع بالتوفيق والنجاح  
أ. حسام الكوفحي

اربد - 0795472430