

إجابات أسئلة الدرس

القيم القصوى

(١) جد القيم القصوى (العظمى والصغرى) المحلية (إن وجدت) لكل مما يأتي:

أ) ق (س) = $3s^2 - s^3 + 1$

ب) ل (س) = $4s^2 - 6s^2 + 2$

ج) هـ (س) = $s^2 + 4$

د) ك (س) = $8s^4 - 2s^2 - s^3$

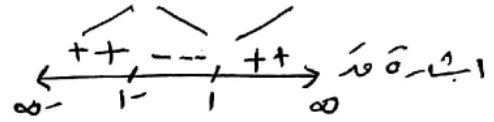
الحل

أ) عند (س) = $3s^2 - s^3 + 1$

عند (س) = $3 - 3s^2$

$3 - 3s^2 = 0 \Rightarrow 3 = 3s^2 \Rightarrow \frac{3}{3} = \frac{3s^2}{3}$

$1 = s^2 \Rightarrow s = 1$ و $s = -1$



عند $s = 1$ هي عظمى محلية هي

عند $s = -1$ هي صغرى محلية هي $3 = 1 + (1-)^3 - (1-)$

عند $s = 1$ هي صغرى محلية هي

عند $s = -1$ هي عظمى محلية هي $1 - = 1 + (1)^3 - 1^3$

(ب) ل (س) = ٤س^٣ - ٦س^٢ + ٢

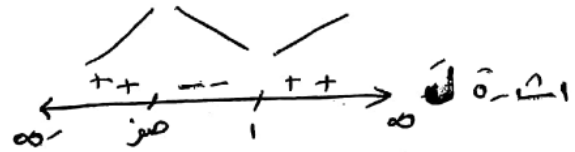
ل' (س) = ١٢س^٢ - ١٢س

١٢س^٢ - ١٢س = ٠

١٢س(س - ١) = ٠

$\frac{١٢س}{١٢} = \frac{١٢(س-١)}{١٢} \Rightarrow \boxed{س = ١}$

س - ١ = ٠ $\Rightarrow \boxed{س = ١}$



عند س = ١ = صفر يتجه على طرفيه هي ل(١) = ٢

عند س = ٢ = صفر يتجه صفرى عليه هي

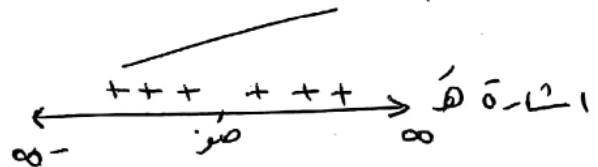
ل(١) = ٤ - ٦(١) + ٢ = ٢

٢ = ٢ - ٤ + ٦ - ٢ = صفر

(ج) ه (س) = ٤س^٣ + ٤

ه' (س) = ١٢س^٢

$\frac{١٢س^٢}{١٢} = \frac{١٢(س-٢)}{١٢} \Rightarrow \boxed{س = ٢}$



اللاقرانه ه (س) قترابه على (-∞, ∞) لا يوجد قيم صغرى

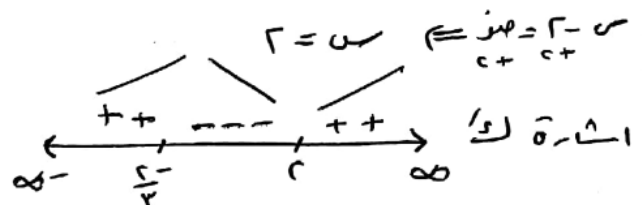
(د) ل (س) = ٣س^٣ - ٤س^٢ + ٨

ل' (س) = ٩س^٢ - ٨س

٩س^٢ - ٨س = ٠

٩س(س - ٨/٩) = ٠

$\frac{٩س}{٩} = \frac{٩(س-٨/٩)}{٩} \Rightarrow \boxed{س = ٨/٩}$



عند $s = \frac{2}{3}$ قيمة c هي

$$8 + \left(\frac{2}{3}\right)^2 - \left(\frac{2}{3}\right)^3 = \left(\frac{2}{3}\right)^4$$

$$8 + \frac{4}{9} + \frac{4}{9} - \frac{8}{27} =$$

$$\frac{207}{27} = \frac{217}{27} + \frac{10}{27} + \frac{10}{27} - \frac{8}{27} =$$

عند $s = 2$ قيمة c هي (2)

$$8 + 2 \times 4 - 2^3 = (2)^4$$

$$c = 8 + 8 - 8 - 8 =$$

٢) جد القيم القصوى (العظمى والصغرى) المحلية (إن وجدت) لكل مما يأتي باستخدام اختبار المشتقة الثانية:

أ) $c(s) = s^2 - 8$

ب) $c(s) = s^2 + 4$

ج) $c(s) = 2s^2 - 6s$

الحل

أ) $c'(s) = 2s - 8 = 0$

$s = 4$

$c''(s) = 2 > 0$ عند $s = 4$

$c(4) = 16 - 8 = 8$

ب) $c'(s) = 2s = 0$ عند $s = 0$

$c''(s) = 2 > 0$ عند $s = 0$

$c(0) = 0^2 + 4 = 4$

$c(0) = 4$

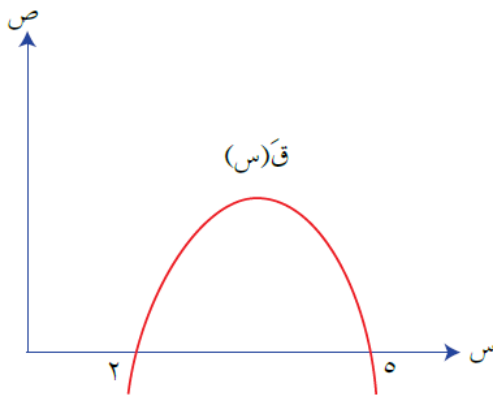
ج) $c'(s) = 4s - 6 = 0$

$s = \frac{3}{2}$

د) $c'(s) = 4s - 6 = 0$ عند $s = \frac{3}{2}$ هي $c(\frac{3}{2}) = 9 - 9 = 0$

$$\begin{aligned} \text{ج) عند } s=2 &= 6 - 2^2 = 2 \\ \text{عند } s=4 &= 6 - 4^2 = -10 \\ \frac{7}{6} &= \frac{6 - s^2}{6} \Leftrightarrow 6 - s^2 = \frac{7}{6} \cdot 6 \\ s^2 &= 5 \Leftrightarrow s = \sqrt{5} \\ \text{عند } s &= \sqrt{5} \\ \text{عند } s=1 &= 6 - 1^2 = 5 \\ \text{عند } s=12 &< . \text{ منحه صفوة هي } s=12 \\ \text{عند } s=1 &= 6 - 1^2 = 5 \\ \text{عند } s=1 &= 6 - 1^2 = 5 \\ \text{عند } s=1 &= 6 - 1^2 = 5 \end{aligned}$$

٣) اعتماداً على الشكل (٣-١٢) الذي يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتزان ق، حيث



الشكل (٣-١٢).

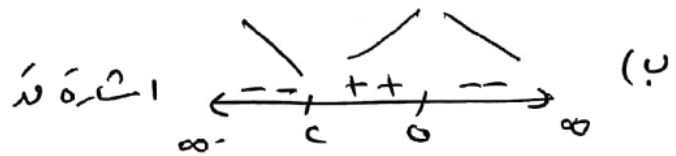
ق(٢) = ق(٥) = صفرًا، جد كلاً مما يأتي:

- أ) قيم س الحرجة للاقتزان ق.
ب) فترات التزايد والتناقص للاقتزان ق.
ج) نقط القيم القصوى المحلية للاقتزان ق مُحدِّدًا نوعها.

الحل

أصفار المشتقة الأولى

هـ { ٢ ، ٥ } وهي التقاطح الحرجة



ب) [٢، ٥] تناقص .

ج) [٥، ٢] تزايد .

د) عند $s=2$ منحه صفوة هي $s=2$

عند $s=5$ منحه صفوة هي $s=5$

٤) إذا كان للاقتران $Q(s) = 3s^2 - 4s + 2$ ، فجد قيمة الثابت أ.

الحل

$$Q(s) = 3s^2 - 4s + 2$$

$$\text{قيمة صفره عند } s = 2 \Rightarrow \text{عند } (2) = \text{صفر}$$

$$Q(2) = 3(2)^2 - 4(2) + 2$$

$$Q(2) = 12 - 8 + 2$$

$$Q(2) = 6$$

$$\boxed{6 = Q} \quad 1-x \quad (P - = 12)$$