

المنهاج الجديد

الملاذ في مهارات الرياضيات الاستاذ حمزة ابو الغول

# الملاذ في مهارات الرياضيات

المنهاج الجديد

٢٠١٧

الاستاذ حمزة ابو الغول

الفرع  
العلمي

المستوى الثالث  
وحدة النهايات والاتصال

حل تدريبات وتمارين درس

نهاية اقترانات كسرية

0772259503

NEW

موقع منهاجي التعليمي

<https://www.facebook.com/mathstawjehee>

# المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

الاستاذ حمزة ابو الفول  
0772259503

الملاذ في مهارات الرياضيات  
وحدة النهايات والاتصال  
نهاية اقترانات كسرية

حل التدريبات

ت (1) جد كلاً من النهايات الآتية:

$$(1) \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s^2 + 3s - 10}{s + 5}$$

الحل:

$$(2) \lim_{s \rightarrow 2} \frac{s^2 + 1}{s - 3}$$

$$(1) \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s^2 + 3s - 10}{s + 5} = \frac{s^2 + 3s - 10}{s + 5}$$

$$= \frac{(s + 5)(s - 2)}{(s + 5)}$$

$$= s - 2$$

$$(2) \lim_{s \rightarrow 2} \frac{s^2 + 1}{s - 3} = \frac{s^2 + 1}{s - 3}$$

= غير موجودة

ت (2) جد كلاً من النهايات الآتية:

$$(1) \lim_{s \rightarrow 0} \left( \frac{2}{s} - \frac{2}{5} \right) \left( \frac{1}{25 - s^2} \right)$$

الحل:

$$(3) \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s^2 + 1}{s} - \frac{1}{s^2 - 1}$$

$$(1) \lim_{s \rightarrow 0} \left( \frac{2}{s} - \frac{2}{5} \right) \left( \frac{1}{25 - s^2} \right) = \left( \frac{2}{s} - \frac{2}{5} \right) \left( \frac{1}{(5 - s)(5 + s)} \right)$$

$$= \left( \frac{2}{s} - \frac{2}{5} \right) \left( \frac{1}{(5 - s)(5 + s)} \right)$$

$$= \left( \frac{2}{s} - \frac{2}{5} \right) \left( \frac{1}{(5 - s)(5 + s)} \right)$$

$$= \left( \frac{2}{s} - \frac{2}{5} \right) \left( \frac{1}{(5 - s)(5 + s)} \right)$$

$$= \frac{2}{25} - \frac{2}{250}$$



موقع منهاجي التعليمي



# المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

الاستاذ حمزة ابو الفول  
0772259503

الملاذ في مهارات الرياضيات  
وحدة النهايات والاتصال  
نهاية اقترانات كسرية

حل التدريبات

ت (٢) جد كلاً من النهايات الآتية:

$$\lim_{s \rightarrow 2} \frac{2-s}{\sqrt{6-3s} + s}$$

$$\lim_{s \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2s-1} - \sqrt{1+s}}{s}$$

الحل :

الضرب بالمرافق

$$\lim_{s \rightarrow 2} \frac{2-s}{\sqrt{6-3s} + s} \times \frac{\sqrt{6-3s} - s}{\sqrt{6-3s} - s}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 2} \frac{(2-s)(\sqrt{6-3s} - s)}{6-3s-s^2}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 2} \frac{(2-s)(\sqrt{6-3s} - s)}{36-3s-s^2}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 2} \frac{(2-s)(\sqrt{6-3s} - s)}{2-s}$$

$$= 12$$

الضرب بالمرافق

$$\lim_{s \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2s-1} - \sqrt{1+s}}{s} \times \frac{\sqrt{2s-1} + \sqrt{1+s}}{\sqrt{2s-1} + \sqrt{1+s}}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 2} \frac{1}{\sqrt{1+s}} \times \frac{2s-1-1-s}{s(\sqrt{2s-1} + \sqrt{1+s})}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 2} \frac{1}{2} \times \frac{2s-2}{s(\sqrt{2s-1} + \sqrt{1+s})}$$

$$= \frac{1}{2}$$



<https://www.facebook.com/mathstawjehee>

موقع منهاجي التعليمي

# المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

الاستاذ حمزة ابو الفول  
0772259503

الملاذ في مهارات الرياضيات  
وحدة النهايات والاتصال  
نهاية اقترانات كسرية

حل الاسئلة :

س (1) جد كلاً من النهايات الآتية:

$$\lim_{s \rightarrow 8} \frac{(9 + (1+s))(9 - (1+s))}{(8-s)} = \lim_{s \rightarrow 8} \frac{81 - (1+s)^2}{(8-s)}$$

$$\lim_{s \rightarrow 8} \frac{(10+s)(8-s)}{(8-s)} =$$

$$\lim_{s \rightarrow 8} 18 = 10 + s$$



$$\lim_{s \rightarrow 8} \frac{2 - \sqrt{s}^3}{s - 4} \times \frac{2 + \sqrt{s}^3}{2 + \sqrt{s}^3} = \lim_{s \rightarrow 8} \frac{4 + 2 \times \sqrt{s}^3 + 2 + (\sqrt{s}^3)^2}{2}$$

$$\lim_{s \rightarrow 8} \frac{1}{4 + 2 \times \sqrt{s}^3 + 2 + (\sqrt{s}^3)^2} \times \frac{(8-s)}{s-8} =$$

$$\lim_{s \rightarrow 8} \frac{1}{4 + 2 \times \sqrt{s}^3 + 2 + (\sqrt{s}^3)^2} \times \frac{1-s}{(8-s)} =$$

$$\frac{1-}{6} = \frac{2-}{12} = \frac{1}{12} \times 2- = \frac{1}{4+4+4} \times \frac{1-}{8-s}$$

$$\lim_{s \rightarrow 8} \frac{1}{\frac{2(s+2)-4}{2(s+2)4}} = \lim_{s \rightarrow 8} \frac{1}{s} \left( \frac{1}{4} - \frac{1}{2(s+2)} \right)$$

$$\lim_{s \rightarrow 8} \frac{1}{s} \left( \frac{2-4-4-4}{2(s+2)4} \right) =$$

$$\lim_{s \rightarrow 8} \frac{1}{s} \left( \frac{-4-4-4}{2(s+2)4} \right) =$$

$$\lim_{s \rightarrow 8} \frac{1}{s} \left( \frac{-4-4-4}{2(s+2)4} \right) =$$

$$\frac{1-}{4} = \frac{4-}{16} =$$

موقع منهاجي التعليمي

<https://www.facebook.com/mathstawjeeh>







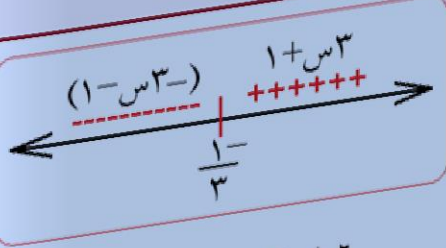
# المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

الاستاذ حمزة ابو الفول  
0772259503

الملاذ في مهارات الرياضيات  
وحدة النهايات والاتصال  
نهاية اقترانات كسرية

حل الاسئلة :  
س (1) جد كلاً من النهايات الآتية:



$$\text{نهاية } \frac{|1+s^3|^{-5}}{8+s^2} = \frac{(1-s^3)^{-5}}{8+s^2}$$

$$\text{نهاية } \frac{1+s^3+5}{8+s^2} = \frac{3}{4}$$

$$\text{نهاية } \frac{3}{(4+s^2)(2+s)} = \frac{3}{4}$$

$$\text{نهاية } \frac{3}{(4+s^2)(2+s)} = \frac{3}{4}$$

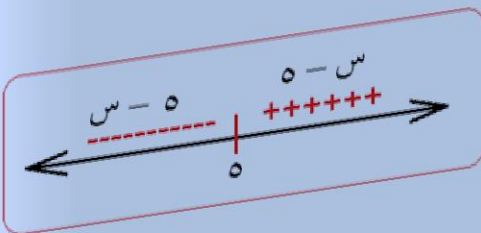


$$\frac{1}{1+3\sqrt{3+6}} \times \frac{(1+s)^2 - 36}{(s-3)^3} = \frac{1+s\sqrt{3+6}}{1+s\sqrt{3+6}} \times \frac{1+s\sqrt{3+6}}{s^3-9}$$

$$\frac{36-s^2+s^2-36}{(s-3)^3} = \frac{1}{12} \times \frac{1-s^2-36}{(s-3)^3}$$

$$\frac{1-s^2-36}{(s-3)^3} = \frac{1-s^2-36}{(s-3)^3}$$

$$\frac{11}{12} = \frac{33}{3} \times \frac{1}{12} = \frac{(12+s^2+4s)}{3}$$



$$\text{نهاية } \frac{(5-s)^{-2}}{5-s} = \frac{25+10s-s^2}{5-s}$$

$$\text{نهاية } \frac{|5-s|}{5-s} = 1$$

$$\text{نهاية } \frac{5-s}{5-s} = 1$$

$$\text{نهاية } \frac{5-s}{5-s} = 1$$

$$\text{نهاية } \frac{|5-s|}{5-s} = 1$$



موقع منهاجي التعليمي

<https://www.facebook.com/mathstawjeeh>



# المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

الاستاذ حمزة ابو الفول  
0772259503

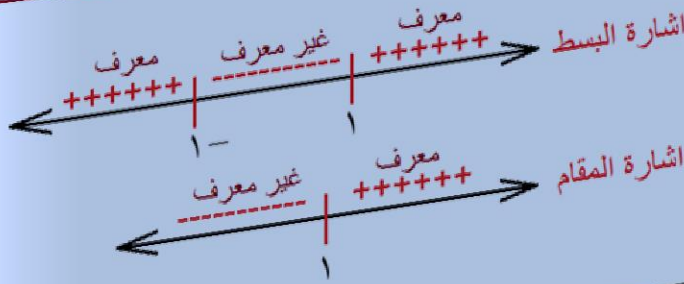
الملاذ في مهارات الرياضيات  
وحدة النهايات والاتصال  
نهاية اقتترانات كسرية

حل الاسئلة:

س (ا) جد كلاً من النهايات الآتية:

$$\lim_{s \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1-2s}}{1-s}$$

$$\lim_{s \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1-2s}}{1-s} = \lim_{s \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1-2s}}{1-s} \cdot \frac{1+s}{1+s} = \lim_{s \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1-2s}(1+s)}{1-s^2}$$



$$\lim_{s \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1-2s}(1+s)}{1-s^2} = \lim_{s \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1-2s}(1+s)}{(1-s)(1+s)} = \lim_{s \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1-2s}}{1-s}$$

غير موجودة لان كل من البسط والمقام غير معرفين على يسار العدد 1

غير موجودة لان كل من البسط والمقام غير معرفين على يسار العدد 1

$$\lim_{s \rightarrow 1} \frac{4-s^3+s^2}{1-2s} = \lim_{s \rightarrow 1} \frac{(4+s^2+s)(1-s)}{(1-s)(1+s)} = \lim_{s \rightarrow 1} \frac{4+s^2+s}{1+s}$$

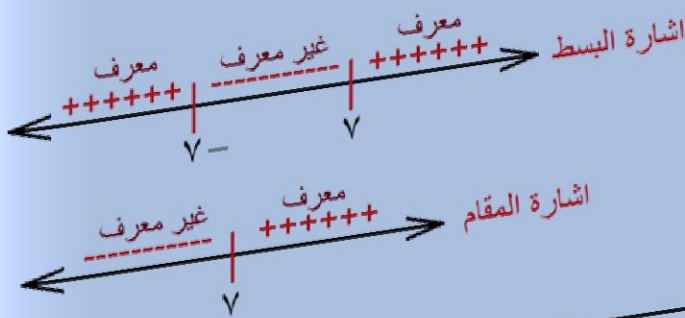
$$\lim_{s \rightarrow 1} \frac{4+s^2+s}{1+s} = \frac{4+1+1}{1+1} = \frac{6}{2} = 3$$

$$3 = \frac{6}{2} = \frac{(4+1+1)}{(1+1)}$$

$s^2$	$s$	$s^2$	$s$	1
4	3	0	1	1
4	1	1		
صفر	4	1	1	

$$\lim_{s \rightarrow 7} \frac{\sqrt{49-2s}}{7-s}$$

$$\lim_{s \rightarrow 7} \frac{\sqrt{49-2s}}{7-s} = \lim_{s \rightarrow 7} \frac{\sqrt{49-2s}}{7-s} \cdot \frac{7+s}{7+s} = \lim_{s \rightarrow 7} \frac{\sqrt{49-2s}(7+s)}{7^2-s^2}$$



$$\lim_{s \rightarrow 7} \frac{\sqrt{49-2s}(7+s)}{7^2-s^2} = \lim_{s \rightarrow 7} \frac{\sqrt{49-2s}(7+s)}{(7-s)(7+s)} = \lim_{s \rightarrow 7} \frac{\sqrt{49-2s}}{7-s}$$



موقع منهاجي التعليمي

<https://www.facebook.com/mathstawjeeh>



# المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

الاستاذ حمزة ابو الفول  
0772259503

الملاذ في مهارات الرياضيات  
وحدة النهايات والاتصال  
نهاية اقتدرات كسرية

حل الاسئلة:  
س (1) جد كلاً من النهايات الآتية:

$$\lim_{s \rightarrow 2.5} \frac{s^2 - [s^2]}{2.5 - 2s^4}$$

$$\left. \begin{array}{l} 2.5 > s \geq 2, \quad 4 \\ 3 > s \geq 2.5, \quad 5 \end{array} \right\} = [s^2]$$

$$\frac{1}{1.} = \frac{(5-s^2)}{(5+s^2)(5-s^2)} \lim_{s \rightarrow 2.5} = \frac{5-s^2}{2.5-2s^4} \lim_{s \rightarrow 2.5} = \frac{[s^2]-s^2}{2.5-2s^4} \lim_{s \rightarrow 2.5}$$

$$\frac{1}{.} = \frac{4-s^2}{2.5-2s^4} \lim_{s \rightarrow 2.5} = \frac{4-s^2}{2.5-2s^4} \lim_{s \rightarrow 2.5} = \frac{[s^2]-s^2}{2.5-2s^4} \lim_{s \rightarrow 2.5}$$

$$\text{غير موجودة} = \frac{[s^2]-s^2}{2.5-2s^4} \lim_{s \rightarrow 2.5}$$



$$\lim_{s \rightarrow 2} \frac{\sqrt{s-1} - \sqrt{s+1}}{s}$$

$$\lim_{s \rightarrow 2} \frac{\sqrt{s-1} + \sqrt{s+1}}{\sqrt{s-1} + \sqrt{s+1}} \times \frac{\sqrt{s-1} - \sqrt{s+1}}{s}$$

$$\lim_{s \rightarrow 2} \frac{1}{\sqrt{s-1} + \sqrt{s+1}} \times \frac{s-1 - (s+1)}{s}$$

$$1 = \frac{1}{2} \times \frac{2}{s} \lim_{s \rightarrow 2}$$



موقع منهاجي التعليمي







# المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

الاستاذ حمزة ابو الفول  
0772259503

الملاذ في مهارات الرياضيات  
وحدة النهايات والاتصال  
نهاية اقترانات كسرية

حل الاسئلة :

$$\text{س ٥) جد نهايا } \frac{8 - (64)^x}{8 - 1}$$

$$\frac{8 - (8)^x}{8 - 1} = \frac{8 - (28)^x}{8 - 1} = \frac{8 - (64)^x}{8 - 1}$$

$$1 - = 8 - \text{نهايا} = \frac{(1 - 8)^x}{8 - 1}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{س ٦) إذا كان ل (س) = } \frac{27 - 3^x}{18 + 6^x + 2^x} \\ \text{س } \leq \text{ع} \\ \text{س } > \text{ع} \end{array} \right\}$$

فجد قيمة الثابت ع التي تجعل نهايا ل (س) موجودة.

$$\text{الحل : نهايا ل (س) موجودة} \Rightarrow \text{نهايا ل (س) = نهايا ل (س)}$$

$$\text{نهايا ل (س) = نهايا ل (س)} = \frac{27 - 3^x}{18 + 6^x + 2^x} = 5 + \text{نهايا ل (س)}$$

$$\text{نهايا ل (س) = نهايا ل (س)} = \frac{(3 - \text{نهايا ل (س)}) (6 + 3^x + 2^x)}{(6 + 3^x + 2^x)^2}$$

$$\text{نهايا ل (س) = نهايا ل (س)} = \frac{(3 - \text{نهايا ل (س)})}{2}$$

$$5 + \text{نهايا ل (س)} = \frac{(3 - \text{نهايا ل (س)})}{2}$$

$$(5 + \text{نهايا ل (س)}) 2 = (3 - \text{نهايا ل (س)})$$

$$13 - = \text{نهايا ل (س)}$$



موقع منهاجي التعليمي

<https://www.facebook.com/mathstawjehee>



# المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

الاستاذ حمزة ابو الفول  
0772259503

الملاذ في مهارات الرياضيات  
وحدة النهايات والاتصال  
نهاية اقتدرات كسرية

حل الاسئلة :

س ٧) إذا كان  $Q(s) = \frac{s^2 + 5}{s^2 + 6s - 2}$  ، فجد قيم  $A$  التي تجعل  $Q(s)$  غير موجودة.

الحل : عند اصفار المقام  $s^2 + 6s - 2 = 0$  صفر

$$s^2 + 6s - 2 = (s - 2)(s + 3) = 0$$

$$s = 2, s = -3$$

اذن قيم  $A$  التي تجعل  $Q(s)$  غير موجودة هي  $\{ 2, -3 \}$

س ٨) إذا كانت  $Q(s) = \frac{6 - s}{s - 1}$  ، وكانت  $R(s) = \frac{s^2 + 2s - 3}{6 - s}$  ، فجد قيمة الثابت  $B$ .

$$\frac{3}{2} = B + \frac{s^2 + 2s - 3}{6 - s}$$

$$\frac{3}{2} = B + \frac{(s + 3)(1 - s)}{6 - s} \leftarrow$$

$$\frac{3}{2} = B + \frac{(s + 3)}{6 - s} \leftarrow$$

$$\frac{3}{2} = B + \frac{(3 + 1)}{8} \leftarrow$$

$$\frac{3}{2} = B + \frac{1}{2} \leftarrow$$

$$\frac{1}{2} - \frac{3}{2} = B \leftarrow$$

$$1 = B \leftarrow$$



موقع منهاجي التعليمي

<https://www.facebook.com/mathstawjehee>

# المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

الاستاذ حمزة ابو الفول  
0772259503

الملاذ في مهارات الرياضيات  
وحدة النهايات والاتصال  
نهاية اقتدرات كسرية

حل الاسئلة :

س ٧) إذا كان  $Q(s) = \frac{s^2 + 5}{s^2 - 5s + 6}$  ، فجد قيم  $A$  التي تجعل  $\frac{A}{s-1}$  نهيا  $Q(s)$  غير موجودة.

الحل : عند اصفار المقام  $s^2 - 5s + 6 = 0$  صفر

$$(s-2)(s-3) = 0$$

$$s = 2, s = 3$$

اذن قيم  $A$  التي تجعل  $\frac{A}{s-1}$  نهيا  $Q(s)$  غير موجودة هي  $\{2, 3\}$

س ٨) إذا كانت نهيا  $\frac{Q(s)}{s-1} = \frac{6-s}{s-1}$  ، وكانت نهيا  $\frac{s^2 + 2s - 3}{s-1} + \frac{B}{s-2} = \frac{3}{2}$  فجد قيمة الثابت  $B$ .

الحل : نهيا  $\frac{s^2 + 2s - 3}{s-1} + \frac{B}{s-2} = \frac{3}{2}$

$$\frac{3}{2} = B + \frac{(s-1)(s+3)}{(s-1)(s-2)}$$

$$\frac{3}{2} = B + \frac{(s+3)}{(s-2)}$$

$$\frac{3}{2} = B + \frac{(3+1)}{1}$$

$$\frac{3}{2} = B + \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{2} = B - \frac{3}{2}$$

$$0 = B - \frac{3}{2}$$

موقع منهاجي التعليمي

<https://www.facebook.com/mathstawjeeh>



# المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

الاستاذ حمزة ابو الفول  
0772259503

الملاذ في مهارات الرياضيات  
وحدة النهايات والاتصال  
نهاية اقتترانات كسرية

$$\text{س } 9) \text{ إذا كان هـ كثير حدود، وكانت نهايا هـ (س) } = \frac{5 + \text{س}}{2} ،$$
$$\text{نهايا هـ (س) } = (5 - \text{س} + 3 \text{ج}) = 2 ، \text{ فجد قيمة الثابت جـ.}$$

الحل : من المعطيات :

النهاية موجودة ، وناتج التعويض في المقام = صفر اذن ناتج التعويض في البسط = صفر  
اذن (س) من عوامل البسط

$$\text{هـ (صفر) } = 5 + \text{صفر} \Rightarrow \text{هـ (صفر) } = 5 -$$

$$\text{هـ كثير حدود} \Rightarrow \text{نهايا هـ (س) } = \text{هـ (صفر) } = 5 -$$

المطلوب ايجاد قيمة جـ

$$\text{نهايا هـ (س) } = (5 - \text{س} + 3 \text{ج}) = 2 \Rightarrow \text{نهايا هـ (س) } + \text{نهايا (س) } = 2$$

$$5 - 5 + 3 \text{ج} = 2 \Rightarrow 3 \text{ج} = 2 - 5 + 5 = 2 - 5 + 5 = 2$$

$$3 \text{ج} = 2 - 5 + 5 = 2 \Rightarrow 12 = 3 \text{ج} \Rightarrow 4 = \text{ج}$$



موقع منهاجي التعليمي



الأستاذ: حمزة أبو الفول  
٠٧٧٢٢٥٩٥٠٣

الملاذ في مهارات الرياضيات  
الصف الثاني الثانوي  
التوجيهي  
كورسات الملاذ في مهارات الرياضيات

جميع الفروع

## كورسات الملاذ في الرياضيات للتوجيهي

### الملاذ في الرياضيات / كورسات الفروع العلمي

المنهاج الجديد

- الملاذ في الرياضيات للفرع العلمي / وحدة النهايات والاتصال
- الملاذ في الرياضيات للفرع العلمي / وحدة التفاضل
- الملاذ في الرياضيات للفرع العلمي / وحدة تطبيقات التفاضل
- الملاذ في الرياضيات للفرع العلمي / وحدة التكامل وتطبيقاته
- الملاذ في الرياضيات للفرع العلمي / وحدة القطوع المخروطية وتطبيقاتها
- الملاذ في الرياضيات للفرع العلمي / وحدة الاحصاء والاحتمالات
- الملاذ في الرياضيات للفرع العلمي / اسئلة التدريبات والتمارين مع الحلول للمستوى الثالث
- الملاذ في الرياضيات للفرع العلمي / اسئلة التدريبات والتمارين مع الحلول للمستوى الرابع
- الملاذ في الرياضيات للفرع العلمي / اسئلة الوزارة من ٢٠٠٧ الى اخر دورة للمستوى الثالث
- الملاذ في الرياضيات للفرع العلمي / اسئلة الوزارة من ٢٠٠٧ الى اخر دورة للمستوى الرابع

### الملاذ في مهارات الرياضيات / الفرع الادبي

- الملاذ في مهارات الرياضيات للفرع الادبي / المستوى الثالث
- الملاذ في مهارات الرياضيات للفرع الادبي / المستوى الرابع
- الملاذ في مهارات الرياضيات للفرع الادبي / اسئلة التدريبات والتمارين مع الحلول / للمستوى الثالث
- الملاذ في مهارات الرياضيات للفرع الادبي / اسئلة الوزارة من ٢٠٠٧ الى اخر دورة / للمستوى الرابع
- الملاذ في مهارات الرياضيات للفرع الادبي / اسئلة الوزارة من ٢٠٠٧ الى اخر دورة / للمستوى الثالث
- الملاذ في مهارات الرياضيات للفرع الادبي / اسئلة الوزارة من ٢٠٠٧ الى اخر دورة / للمستوى الرابع

لتحميل <https://www.facebook.com/mathstawjehee> الاجابات

المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

المنهاج الجديد

## الملاذ في الرياضيات / ملخصات واسئلة متوقعة

لتحميل <https://www.facebook.com/mathstawjehee> الاجابات

موقع منهاجي التعليمي