



المركز الوطني
لتطوير المناهج
National Center
for Curriculum
Development

الرياضيات

الصف التاسع - كتاب التمارين

الفصل الدراسي الأول

9

فريق التأليف

د. عمر محمد أبوغليون (رئيسًا)

د. سميرة حسن أحمد

إبراهيم أحمد عمارة

هبه ماهر التميمي

الناشر: المركز الوطني لتطوير المناهج

يسر المركز الوطني لتطوير المناهج استقبال آرائكم وملحوظاتكم على هذا الكتاب عن طريق العناوين الآتية:

☎ 06-5376262 / 237 🏢 06-5376266 ✉ P.O.Box: 2088 Amman 11941

📌 @nccdjor 📧 feedback@nccd.gov.jo 🌐 www.nccd.gov.jo

قررت وزارة التربية والتعليم تدرّس هذا الكتاب في مدارس المملكة الأردنية الهاشمية جميعها، بناءً على قرار المجلس الأعلى للمركز الوطني لتطوير المناهج في جلسته رقم (2022/4)، تاريخ 2022/6/19 م، وقرار مجلس التربية والتعليم رقم (2022/44) تاريخ 2022/7/6 م بدءاً من العام الدراسي 2022 / 2023 م.

© HarperCollins Publishers Limited 2022.

- Prepared Originally in English for the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan

- Translated to Arabic, adapted, customised and published by the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan

ISBN: 978 - 9923 - 41 - 409 - 5

المملكة الأردنية الهاشمية
رقم الإيداع لدى دائرة المكتبة الوطنية
(2023/2/785)

373.19

الأردن. المركز الوطني لتطوير المناهج

كتاب التمارين: الصف التاسع: الفصل الدراسي الأول/ المركز الوطني لتطوير المناهج. - عمان:

المركز، 2023

(52) ص.

ر.إ.: 2023/2/785

الوصفات: / تطوير المناهج / المقررات الدراسية / مستويات التعليم / المناهج /

يتحمل المؤلف كامل المسؤولية القانونية عن محتوى مصنفه، ولا يعتبر هذا المصنف عن رأي دائرة المكتبة الوطنية.

All rights reserved. No part of this publication may be reproduced, sorted in retrieval system, or transmitted in any form by any means, electronic, mechanical, photocopying, recording or otherwise, without the prior written permission of the publisher or a license permitting restricted copying in the United Kingdom issued by the Copyright Licensing Agency Ltd, Barnard's Inn, 86 Fetter Lane, London, EC4A 1EN.

British Library Cataloguing -in- Publication Data

A catalogue record for this publication is available from the Library.



1443 هـ / 2022 م

2023 م / 2024 م

الطبعة الأولى (التجريبية)

أعيدت طباعته

أعزّاءنا الطلبة ...

يحتوي هذا الكتاب تمارين متنوعة أعدت بعناية لتغنيكم عن استعمال مراجع إضافية، وهي استكمال للتمارين الواردة في كتاب الطالب، وتهدف إلى مساعدتكم على ترسيخ المفاهيم التي تتعلمونها في كل درس، وتمي مهارتكم الحسابية.

قد يختار المعلم / المعلمة بعض تمارين هذا الكتاب واجبًا منزليًا، ويترك لكم البقية لتعلوها عند الاستعداد للاختبارات الشهرية واختبارات نهاية الفصل الدراسي.

تساعدكم الصفحات التي عنوانها (أستعد لدراسة الوحدة) في بداية كل وحدة على مراجعة المفاهيم التي درستوها سابقًا؛ مما يعزز قدرتكم على متابعة التعلم في الوحدة الجديدة بسلاسة ويسر.

يوجد فراغ كافٍ إزاء كل تمرين للكتابة إجابتة، وإذا لم يتسع هذا الفراغ لخطوات الحل جميعها فيمكنكم استعمال دفتر إضافي للكتابة بوضوح.

تمنين لكم تعلمًا ممتعًا وميسرًا.

المركز الوطني لتطوير المناهج

الوحدة 1 المتباينات الخطية

- 6 أستعدُّ لدراسة الوحدة
- 11 **الدرس 1** المجموعات والفترات
- 12 **الدرس 2** حلُّ المتباينات المركِّبة
- 13 **الدرس 3** حلُّ مُعادلات القيمة المطلقة ومتبايناتها
- 14 **الدرس 4** تمثيل المتباينات الخطية بمُتغيِّرين بيانيًّا

الوحدة 2 العلاقات والاقترانات

- 16 أستعدُّ لدراسة الوحدة
- 22 **الدرس 1** الاقترانات
- 23 **الدرس 2** تفسير التمثيلات البيانية
- 25 **الدرس 3** الاقتران التربيعي
- 26 **الدرس 4** التحويلات الهندسية للاقترانات التربيعية

الوحدة 3 حلُّ المعادلات

- 27 أَسْتَعِدُّ لدراسةِ الوحدةِ
- 30 **الدرس 1** حلُّ المُعادلاتِ التربيعيةِ بيانيًّا
- 31 **الدرس 2** حلُّ المُعادلاتِ التربيعيةِ بالتحليلِ (1)
- 32 **الدرس 3** حلُّ المُعادلاتِ التربيعيةِ بالتحليلِ (2)
- 33 **الدرس 4** حلُّ المُعادلاتِ التربيعيةِ بإكمالِ المُربَّعِ
- 34 **الدرس 5** حلُّ المُعادلاتِ التربيعيةِ باستعمالِ القانونِ العامِّ
- 35 **الدرس 6** حلُّ مُعادلاتٍ خاصَّةٍ

الوحدة 4 الهندسةُ الإحداثيَّةُ

- 36 أَسْتَعِدُّ لدراسةِ الوحدةِ
- 44 **الدرس 1** المسافةُ في المُستوى الإحداثيِّ
- 45 **الدرس 2** المسافةُ بينَ نقطةٍ ومُستقيمٍ
- 46 **الدرس 3** البرهانُ الإحداثيُّ
- 47 **أوراقُ الرسمِ البيانيِّ**
- 51 **أوراقُ مربَّعاتٍ**

أختبرُ معلوماتي بحلِّ التدريباتِ أوَّلاً، وفي حالِ عَدَمِ تأكُّدي من الإجابة، أَسْتَعِينُ بِالمثالِ المُعطى.

تحويل العباراتِ اللفظيَّةِ إلى مُتبايناتٍ (الدرس 1)

أكتبُ مُتباينةً تمثِّلُ كلَّ جملةٍ ممَّا يأتي:

- 1 عددٌ أصغرُ من 10
- 2 عددٌ مطروحٌ منه 7 أكبرُ من 120
- 3 عددٌ مضافٌ إليه 6 أكبرُ من 24
- 4 عددٌ مقسومٌ على 2 لا يزيدُ على 10

مثال: أكتبُ مُتباينةً تمثِّلُ كلَّ جملةٍ ممَّا يأتي:

(a) خمسة أمثالِ عددٍ أقلَّ من 100
أختارُ متغيِّراً: ليكنْ x ممثلاً للعدد.

$$5x < 100$$

(b) عددٌ مضافٌ إليه 6 لا يقلُّ عن 18
أختارُ متغيِّراً: ليكنْ y ممثلاً للعدد.

$$y + 6 \geq 18$$

الرموز

يبين الجدول الآتي الدلالات اللفظيَّة المختلفة لكلِّ من الرُّموز $<$, $>$, \leq , \geq .

رُموزُ المُتبايناتِ				
الرَّمزُ	$<$	$>$	\leq	\geq
بالكلماتِ	• أصغرُ من	• أكبرُ من	• أصغرُ من أو يساوي	• أكبرُ من أو يساوي
	• يقلُّ عن	• يزيدُ على	• أقلُّ من أو يساوي	• أكثرُ من أو يساوي
	• أقلُّ من	• أكثرُ من	• على الأكثرِ	• على الأقلِّ
			• لا يزيدُ على	• لا يقلُّ عن

حلُّ المعادلةِ الخطيةِ بِمُتَغَيِّرٍ واحدٍ (الدرس 1)

أحلُّ كلاً مِنَ المعادلاتِ الآتيةِ:

5 $x + 4 = -2$

6 $8 = y - 2$

7 $-4.5 + u = 6.5$

8 $4m = -24$

9 $\frac{n}{5} = -1$

10 $7.5 = \frac{h}{-2}$

11 $2(4x + 1) = 16$

12 $3 - 2b = -5(b + 2) - 1$

مثال: أحلُّ المعادلة $2(3x + 4) = 4x + 17$

$$2(3x + 4) = 4x + 17$$

المعادلةُ الأصليةُ

$$6x + 8 = 4x + 17$$

خاصيةُ التوزيعِ

$$6x + 8 - 8 = 4x + 17 - 8$$

أطرحُ 8 من طرفي المعادلةِ

$$6x - 4x = 4x - 4x + 9$$

أطرحُ $4x$ من طرفي المعادلةِ

$$\frac{2x}{2} = \frac{9}{2}$$

أقسمُ طرفي المعادلةِ على 2

$$x = 4.5$$

أبسطُ

التعبيرُ عَن مسألةٍ حياتيةٍ بمعادلةٍ، ثُمَّ حلُّها (الدرس 1)

13 هَلا أصغرُ بـ 7 سنواتٍ من ريمٍ، وسليمٌ عُمُرُهُ يساوي ضعفَ عُمُرِ ريمٍ. إذا كانَ مجموعُ عُمُرَي هَلا وريمٍ مساوياً لعُمُرِ سليمٍ مطروحاً من 57، فأكتبُ معادلةً، ثُمَّ أحلُّها لأجدَ عُمُرَ كُلِّ واحدٍ مِنْهُم.

14 فَلَكَ: يرغبُ علاءٌ في شراءِ تلسكوبٍ لمراقبةِ النجومِ ليلاً، فإذا كانَ ثمنُ التلسكوبِ JD 92، وكانَ مَعَ علاءٍ JD 32، فأكتبُ معادلةً يمكنُ بحلِّها إيجادُ المبلغِ الذي يدخرُهُ علاءٌ شهرياً؛ ليتمكنَ من شراءِ التلسكوبِ خلالَ 4 أشهرٍ، ثُمَّ أحلُّها.

مثال: لدى عليٍّ 4 علبٍ مليئةٍ بالأقلامِ، وقلمانِ إضافيَّانِ، ولدى خالدٍ علبتانِ مليئتانِ بالأقلامِ و 10 أقلامٍ إضافيَّةٍ. كم قلمًا في العلبَةِ الواحدةِ إذا كانَ لدى كلِّ منهما العددُ نفسُهُ منَ الأقلامِ؟

ليكنَ عددُ الأقلامِ في كلِّ علبَةٍ هو x . إذن، لدى عليٍّ $4x + 2$ قلمًا، ولدى خالدٍ $2x + 10$ قلمًا، وبما أنَّ لدى كلِّ من عليٍّ وخالدٍ العددَ نفسَهُ منَ الأقلامِ، فإنَّ $4x + 2 = 2x + 10$

أحلُّ المعادلةِ لأجدَ قيمةَ المتغيِّرِ الذي يمثِّلُ عددَ الأقلامِ في كلِّ علبَةٍ.

$$4x + 2 = 2x + 10$$

المعادلةُ الأصليَّةُ

$$\begin{array}{r} -2x \quad -2x \\ 2x + 2 = 10 \end{array}$$

أطرحُ $2x$ منَ كلا الطرفينِ

$$2x + 2 = 10$$

$$\begin{array}{r} -2 \quad -2 \\ 2x = 8 \end{array}$$

أطرحُ 2 منَ كلا الطرفينِ

$$2x = 8$$

$$\begin{array}{r} \div 2 \quad \div 2 \\ x = 4 \end{array}$$

أقسمُ كلا الطرفينِ على 2

$$x = 4$$

إذن، تحتوي كلُّ علبَةٍ على 4 أقلامٍ.

أنحَقُّ منَ صحَّةِ الحلِّ:

$$4(4) + 2 \stackrel{?}{=} 2(4) + 10$$

أعوِّضُ $x = 4$ في المعادلةِ الأصليَّةِ

$$16 + 2 \stackrel{?}{=} 8 + 10$$

أبسِّطُ

$$18 = 18 \checkmark$$

الطرفانِ متساويانِ. إذن، الحلُّ صحيحٌ

حلُّ المُتبايناتِ الخطيَّةِ (الدرس 1)

أحلُّ كلَّ مُتباينةٍ ممَّا يأتي، وأمثِّلُ الحلَّ على خطِّ الأعدادِ:

15 $y + 5 < 11$

16 $-1 \geq 3 + b$

17 $-4x \leq 12$

18 $144 < 12d$

19 $3x - 2 < 13$

20 $x - 4 - 7x > 1 - 6x$

مِثَالٌ: أَحُلُّ المتباينة: $6x - 5 \geq 2x + 11$ ، وأمثُلُ الحَلَّ على خطِّ الأعداد:

$$6x - 5 \geq 2x + 11$$

$$6x - 5 + 5 \geq 2x + 11 + 5$$

$$6x - 2x \geq 2x - 2x + 16$$

$$\frac{4x}{4} \geq \frac{16}{4}$$

$$x \geq 4$$

المتباينة الأصلية

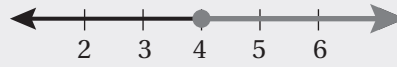
بجمع 5 لطرفي المتباينة

بطرح $2x$ من طرفي المتباينة

بقسمة طرفي المتباينة على 4

بالتبسيط

إذن، الحَلُّ هو $x \geq 4$ ، وتمثيُّه على خطِّ الأعداد على النحو الآتي:



القيمة المطلقة (الدرس 3)

أجد قيمة كلِّ من المقادير الآتية:

21 |17|

22 |-32| - 10

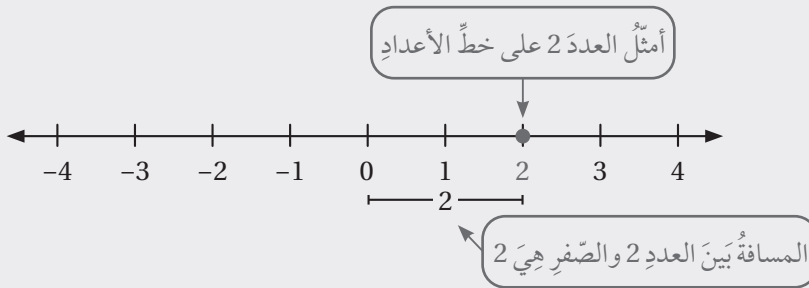
23 4 + |12|

24 3 + |-7|

25 |-8| + |-22|

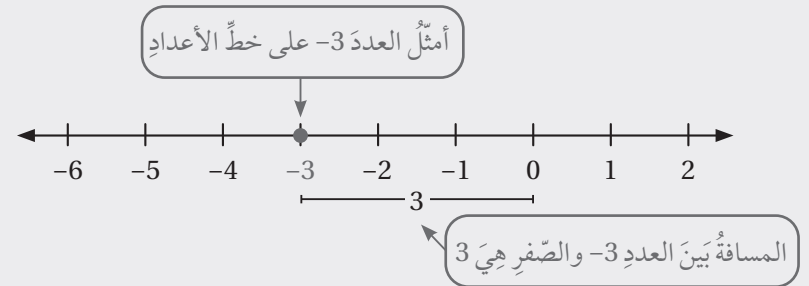
26 |-9| - 2

مِثَالٌ: أجد القيمة المطلقة لكلِّ عددٍ مما يأتي:



(a) العدد 2

بما أنَّ المسافة بين العدد 2 والصفر هي 2، فإنَّ $|2| = 2$.



(b) العدد -3

بما أنَّ المسافة بين العدد -3 والصفر هي 3، فإنَّ $|-3| = 3$.

تمثيلُ المعادلاتِ الخطيةِ بمتغيرينِ بيانيًا (الدرس 4)

أمثلُ كلَّ مُعادلةٍ ممَّا يأتي بيانيًا باستعمالِ المقطعِ x والمقطعِ y :

27 $y = -1$

28 $y - x = 8$

29 $3x + 2y = 15$

30 $x = 4$

مثال: أمثلُ المُعادلةَ $3x - 2y = 6$ بيانيًا باستعمالِ المقطعِ x والمقطعِ y :

الخطوة 1 أجدُ المقطعَ x والمقطعَ y .

لإيجادِ المقطعِ x ، أعوضُ $y = 0$ ، ثمَّ أحلُّ المُعادلةَ الناتجةَ لإيجادِ قيمةِ x .

$$3x - 2y = 6$$

المُعادلةُ الأصليةُ

$$3x - 2(0) = 6$$

بتعويضِ $y = 0$

$$\frac{3x}{3} = \frac{6}{3}$$

بقسمةِ كلا الطرفينِ على 3

$$x = 2$$

بالتبسيطِ

ولإيجادِ المقطعِ y ، أعوضُ $x = 0$ ، ثمَّ أحلُّ المُعادلةَ الناتجةَ

$$3x - 2y = 6$$

المُعادلةُ الأصليةُ

$$3(0) - 2y = 6$$

بتعويضِ $x = 0$

$$\frac{-2y}{-2} = \frac{6}{-2}$$

بقسمةِ كلا الطرفينِ على -2

$$y = -3$$

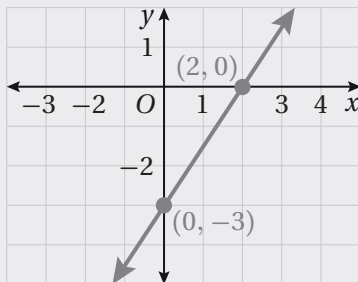
بالتبسيطِ

إذن، المقطعُ x هو 2، والمقطعُ y هو -3

الخطوة 2 أمثلُ نقطتي تقاطعِ المُستقيمِ معَ المحورينِ

الإحداثيين في المُستوى الإحداثي، ثمَّ أرسُمُ

مستقيماً يصلُ بينَ النقطتينِ.



بما أنَّ المقطعَ x هو 2، فإنَّ المُستقيمَ يقطعُ المحورَ x في النُّقطةِ

$(2, 0)$ ، وبما أنَّ المقطعَ y هو -3، فإنَّ المُستقيمَ يقطعُ المحورَ

y في النُّقطةِ $(0, -3)$. أمثلُ النقطتينِ في المُستوى الإحداثي،

ثمَّ أرسُمُ مستقيماً يصلُ بينهما.

المجموعات والفترات Sets and Intervals

أعبر عن كلٍّ من المجموعات الآتية، باستعمال طريقة سرد العناصر، وطريقة الصفة المميزة:

- 1 مجموعة الأعداد الكليّة التي تقلُّ عن 17
2 مجموعة مضاعفات العدد 10 التي تقلُّ عن 12
3 مجموعة حلّ المعادلة $0 = 28 + 7x$
4 مجموعة الأعداد الكليّة التي تزيد على 200
5 مجموعة الأعداد الصحيحة التي تقلُّ عن $-\frac{1}{2}$
6 مجموعة الأعداد الصحيحة السالبة.

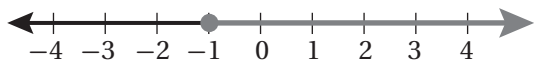
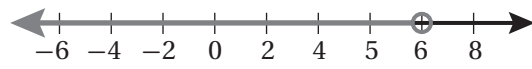
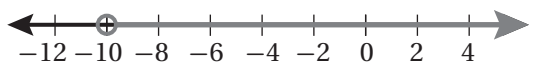
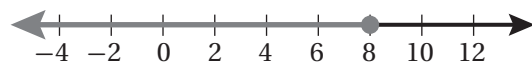
أكتب مجموعة حلّ كلِّ مُتباينةٍ مما يأتي باستعمال الصفة المميزة:

- 7 $6z - 15 > 4z + 11$
8 $3y + 6 < 2y - 8$
9 $\frac{x}{2} + 4 < 7$
10 $3(x - 2) \geq 15$
11 $-5 \leq 4x + 7$
12 $5x - 7 > 3x + 4$

أكتب كلَّ مجموعةٍ مما يأتي بطريقة سرد العناصر، ثمَّ أحدد ما إذا كانت خالية، أم مفردة، أم منتهية، أم غير منتهية:

- 13 $A = \{x \mid x \in Z, x < 5\}$
14 $B = \{x \mid 5x - 1 = 0\}$
15 $C = \{x \mid x < 7, x \in W\}$
16 $D = \{x \mid x = k - 1, k \in W, k < 11\}$
17 $E = \{x \mid x = 8k, k \in W, x > 20\}$
18 $T = \{x \mid x = 2k, k \in Z, x > 10\}$

أكتب المُتباينة الممثّلة على خطِّ الأعداد في كلِّ مما يأتي، ثمَّ أعبر عنها باستعمال رمز الفترة:

- 19 
20 
21 
22 

أكتب كلَّ مُتباينةٍ مما يأتي باستعمال رمز الفترة، ثمَّ أمثلها على خطِّ الأعداد:

- 23 $x < 15$
24 $x > -5$
25 $x \leq -10$
26 $x \geq 30$

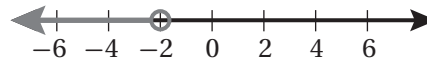
حلُّ المُتبايناتِ المُركَّبةِ Solving Compound Inequalities

أصلُّ المُتباينة بتمثيلها على خطِّ الأعدادِ في كلِّ ممَّا يأتي:

1 $x < -2$ or $x > 5$



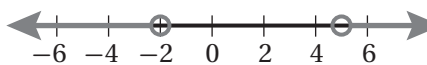
2 $-2 < x < 5$



3 $x < -2$ or $x < 5$



4 $x < -2$ and $x < 5$



أكتبُ مُتباينةً تمثِّل كلَّ جملةٍ ممَّا يأتي، ثمَّ أمثلها على خطِّ الأعدادِ:



5 عددٌ يقلُّ عن 7 ويزيدُ على -5



6 ناتجُ 4 مع ثلاثة أمثالِ عددٍ لا يقلُّ عن -8 ولا يزيدُ على 10



7 نصفُ عددٍ أكبرُ من 0 وأقلُّ من أو يساوي 1



8 عددٌ على الأقل 2 وعلى الأكثر 9

أجدُ مجموعةَ حلِّ كلِّ مُتباينةٍ ممَّا يأتي، ثمَّ أمثلها على خطِّ الأعدادِ:

9 $3b - 1 < 7$ or $4b + 1 > 9$

10 $4 + k > 3$ or $6k < -30$

11 $7 - 3c \geq 1$ or $5c + 2 \geq 17$

12 $6 - a < 1$ or $3a \leq 12$

13 $7 \leq 3 - 2p < 11$

14 $1.5 < w + 3 < 6.5$

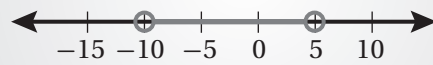
15 $-6 \leq 3x + 9 < 21$

16 $-9 < -2s - 1 \leq -7$

17 أكتشفُ الخطأ: أكتشفُ الخطأ في حلِّ المُتباينةِ المُركَّبةِ الآتية، وأصحِّحُه:

$x - 2 > 3$ or $x + 8 < -2$

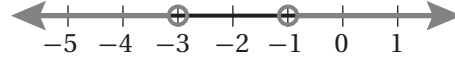
$x > 5$ $x < -10$



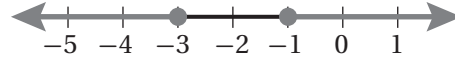
حلُّ مُعادلاتِ القيمةِ المطلقةِ ومُتبايناتِها Solving Absolute-Value Equations and Inequalities

أصلُّ المُتباينةِ بتمثيلِها على خطِّ الأعدادِ في كلِّ ممَّا يأتي:

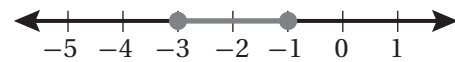
1 $|x + 2| \geq 1$



2 $|x + 2| \leq 1$



3 $|x + 2| > 1$



أكتبُ مُتباينةً تمثِّلُ كلَّ جملةٍ ممَّا يأتي، ثمَّ أمثلُها على خطِّ الأعدادِ:



4 المسافةُ بينَ عددٍ و2 على الأكثرِ 13



5 المسافةُ بينَ عددٍ والصِّفرِ على الأقلَّ 6

6 أصنِّفُ المُعادلاتِ أدناه دونَ حلِّها إلى واحدةٍ منَ الفئاتِ الآتيةِ:

ليس لها حلٌّ	لها حلٌّ واحدٌ	لها حلَّانِ

$|x-2| + 6 = 0$

$|x+3| - 1 = 0$

$|x+8| + 2 = 7$

$|x-1| + 4 = 4$

$|x-6| - 5 = -9$

$|x+5| - 8 = -8$

أحلُّ كلاً منَ المُعادلاتِ والمُتبايناتِ الآتيةِ:

7 $|x - 8| = 5$

8 $2|x+3|=8$

9 $|5x - 8| + 14 = 12$

10 $|8 - (x - 1)| \leq 9$

11 $\left| \frac{2-3x}{5} \right| \geq 2$

12 $|x - 6| + 4 > 1$

13 أكتشفُ الخطأَ: أكتشفُ الخطأَ في حلِّ مُعادلةِ القيمةِ المُطلقةِ الآتيةِ، وأصحِّحُه:

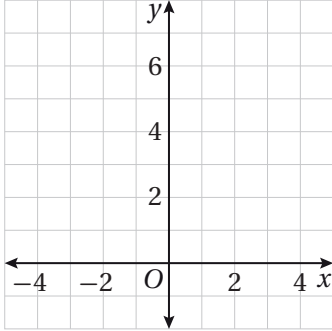
$$\begin{aligned} |2x - 1| &= -9 \\ 2x - 1 &= -9 \quad \text{or} \quad 2x - 1 = -(-9) \\ 2x &= -8 & 2x &= 10 \\ x &= -4 & x &= 5 \end{aligned}$$

تمثيل المتباينات الخطية بمتغيرين بيانياً

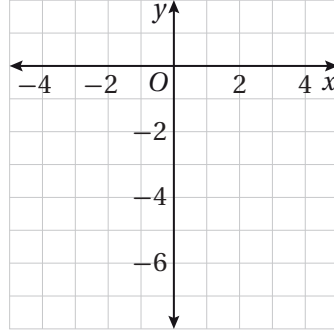
Graphing Linear Inequalities in Two Variables

أمثل كلاً من المتباينات الآتية في المستوى الإحداثي:

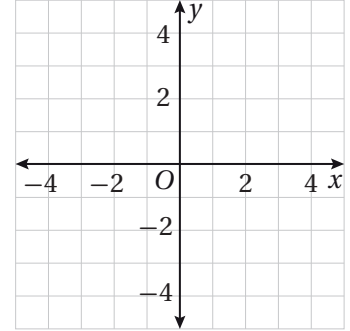
1 $y > x + 5$



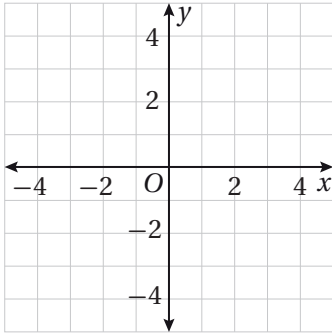
2 $y \leq -\frac{1}{2}x + 1$



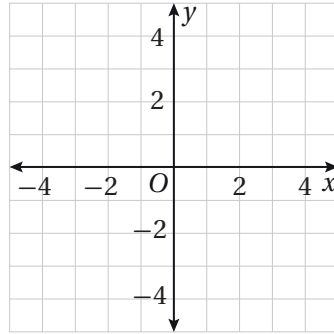
3 $y \geq -x - 5$



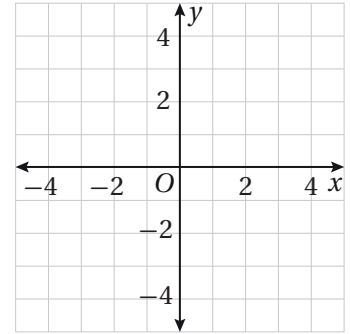
4 $y < 4$



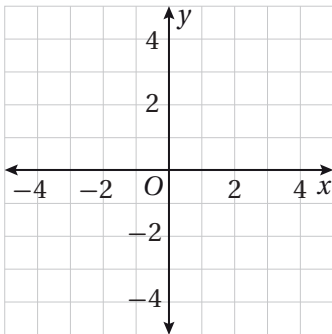
5 $x > 3$



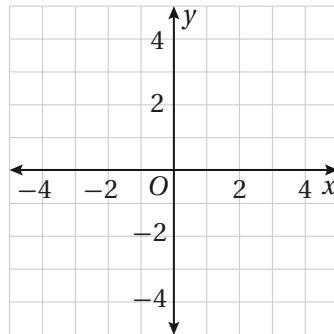
6 $x \leq -1$



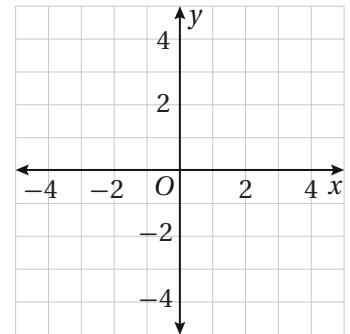
7 $3y > 6 + 2x$



8 $y \geq -x + 1$



9 $x + 2y < 4$



يتبع

تمثيل المتباينات الخطية بمتغيرين بيانياً

Graphing Linear Inequalities in Two Variables

أحدّد إذا كان الزوج المرتب يمثل حلاً للمتباينة أم لا في كل مما يأتي:

10 $x + y < 7$, (2, 11)

11 $x < 3y$, (-9, 2)

12 $-4x - 8y \leq 15$, (-6, 3)

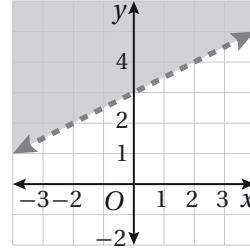
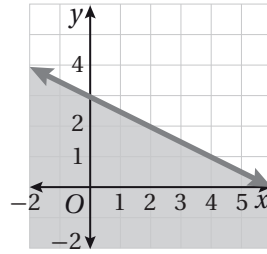
13 $-x - 6y > 12$, (-1, 3)

14 $5x + 7y \leq 10$, (-1, 2)

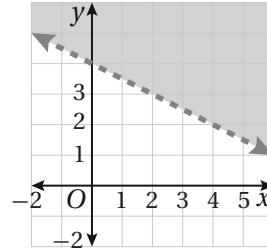
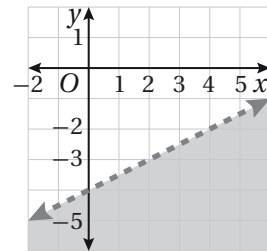
15 $8x + y > -6$, (0, -8)

أصل المتباينة بتمثيلها البياني في كل مما يأتي:

16 $2y + x \leq 6$

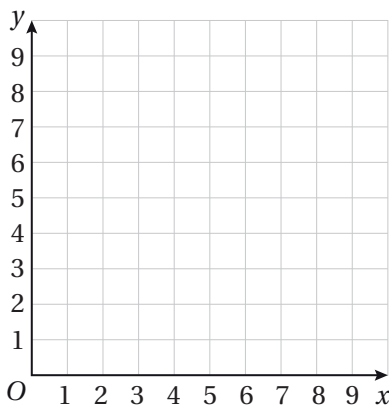


17 $\frac{1}{2}x - y > 4$



18 $y > 3 + \frac{1}{2}x$

19 $4y + 2x > 16$



20 بيع متجر على شبكة الإنترنت كاميرات رقمية وهواتف محمولة. إذا كان المتجر يقدم خصماً مقداره 5 JD عن كل كاميرا يبيعها، و 10 JD عن كل هاتف يبيعه، وكان يرغب في تقديم خصم مقداره 30 JD على الأكثر على مبيعاته من الكاميرات والهواتف، فإذا باع x من الكاميرات، و y من الهواتف، أكتب متباينة خطية بمتغيرين تمثل عدد الكاميرات والهواتف التي يجب عليه بيعها لتحقيق هدفه، ثم أمثلها في المستوى الإحداثي المجاور.

أختبرُ معلوماتي بحلِّ التدريباتِ أولاً، وفي حالِ عدمِ تأكُّدي من الإجابة، أستعينُ بالمثالِ المُعطى.

تمثيلُ الاقترانِ الخطيِّ بيانيًّا (الدرس 1)

أمثلُ كلَّ اقترانٍ ممَّا يأتي بيانيًّا:

1 $y = x + 4$

2 $y = 3x - 1$

3 $3y = 9 - 6x$

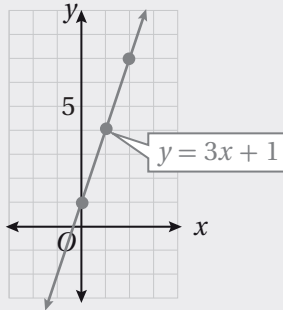
4 $5x - 2y = 10$

مثال: أمثلُ الاقترانَ $y = 3x + 1$ بيانيًّا.

الخطوة 1 أختارُ بعضَ قيمِ المُدخَلاتِ (قيم x)، ولتكن: $-1, 0, 1, 2$

الخطوة 2 أنشئُ جدولًا لإيجادِ قيمِ المُخرجاتِ المقابلةِ لهذه المُدخَلاتِ:

x	$3x + 1$	y	(x, y)
-1	$3(-1) + 1$	-2	$(-1, -2)$
0	$3(0) + 1$	1	$(0, 1)$
1	$3(1) + 1$	4	$(1, 4)$
2	$3(2) + 1$	7	$(2, 7)$



الخطوة 3 أمثلُ الأزواجِ المرتبة في المُستوى الإحداثيِّ، ثمَّ أرسمُ مُستقيماً يَمُرُّ بها جميعاً.

إيجادُ قيمةٍ مقدارٍ جبريٍّ عندَ قيمةٍ معطاةٍ (الدرس 1)

أجدُ قيمةً كلِّ من المقادير الجبرية الآتية عندَ القيمةِ المعطاة:

5 $y^2 + (4 - 2y), y = 5$

6 $8d - d^2 + 1, d = 3$

7 $(2b - b^2) - d \div 4, b = 6, d = 8$

8 $12 \times d \div d^2 - 1, d = -6$

9 $(3n + n^2) + 12 \div m, n = 5, m = 4$

10 $(3n - 1)^2 + 12 - m, n = 2, m = -1$

مثال: أجدُ قيمةَ كلِّ من المقاديرِ الآتية:

a) $x^2 - (8 + x)$, $x = 5$

$$\begin{aligned} 5^2 - (8 + 5) &= 5^2 - 13 \\ &= 25 - 13 \\ &= 12 \end{aligned}$$

أعوّضُ $x = 5$ ، ثمَّ أجدُ قيمةَ ما داخلَ القوسِ
أجدُ المقدارَ الأسيَّ
أطرحُ

b) $y^2 + 4y$, $y = -6$

$$\begin{aligned} (-6)^2 + 4 \times (-6) &= 36 + (-24) \\ &= 36 - 24 \\ &= 12 \end{aligned}$$

أعوّضُ $y = -6$ ، ثمَّ أجدُ قيمةَ القوّةِ، ثمَّ أضربُ
أطرحُ

c) $(p^2 - 4p) - 5 \div d$, $p = 3$, $d = -1$

$$\begin{aligned} (3^2 - 4 \times 3) - 5 \div (-1) &= (9 - 12) - 5 \div (-1) \\ &= (-3) - 5 \div (-1) \\ &= (-3) - (-5) \\ &= -3 + 5 = 2 \end{aligned}$$

أعوّضُ قيمتي $d = -1$ و $p = 3$ ، ثمَّ أجدُ
قيمةَ الأسِّ، ثمَّ قيمةَ الضربِ داخلَ القوسِ
أجدُ ما داخلَ القوسِ
أقسمُ
أطرحُ، ثمَّ أجمعُ

إيجادُ قِيَلِ الخَطِّ المستقيمِ المارِّ بنقطتينِ (الدرسُ 2)

أجدُ ميلَ المستقيمِ المارِّ بكلِّ نقطتينِ ممّا يأتي:

11) $(3, 3)$, $(5, 7)$

12) $(6, 1)$, $(4, 3)$

13) $(-2, -6)$, $(-2, 6)$

14) $(5, -7)$, $(0, -7)$

15) $(-1, 0)$, $(0, -5)$

16) $(4, 1)$, $(12, 8)$

17) $(-1, 2)$, $(3, 5)$

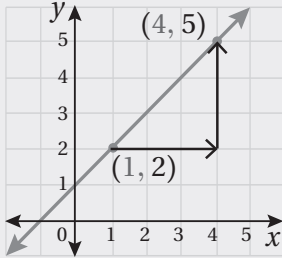
18) $(-1, -2)$, $(-4, 1)$

19) $(1, 2)$, $(-3, 2)$

20) $(1, 5)$, $(1, -4)$

مثال: أجد ميل المستقيم المارَّ بكلِّ نقطتينِ ممَّا يأتي:

a) (1, 2), (4, 5)



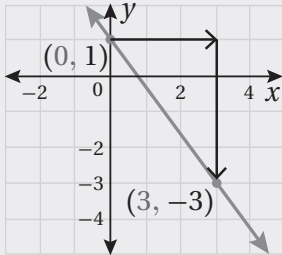
$$\begin{aligned} m &= \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \\ &= \frac{5 - 2}{4 - 1} \\ &= \frac{3}{3} = 1 \end{aligned}$$

صيغة الميل

أعوِّضُ عن (x_1, y_1) بـ (1, 2) وعن (x_2, y_2) بـ (4, 5) أبسطُ

إذن، ميل المستقيم هو 1

b) (1, 2), (4, 5)



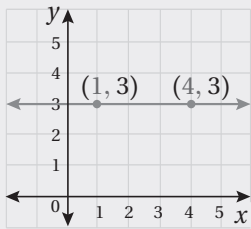
$$\begin{aligned} m &= \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \\ &= \frac{-3 - 1}{3 - 0} \\ &= -\frac{4}{3} \end{aligned}$$

صيغة الميل

أعوِّضُ عن (x_1, y_1) بـ (0, 1) وعن (x_2, y_2) بـ (3, -3) أبسطُ

إذن، ميل المستقيم هو $-\frac{4}{3}$

c) (1, 3), (4, 3)



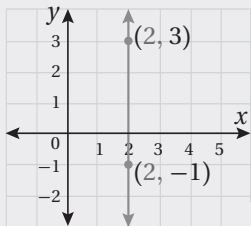
$$\begin{aligned} m &= \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \\ &= \frac{3 - 3}{4 - 1} \\ &= \frac{0}{3} = 0 \end{aligned}$$

صيغة الميل

أعوِّضُ عن (x_1, y_1) بـ (1, 3) وعن (x_2, y_2) بـ (4, 3) أبسطُ

إذن، ميل المستقيم هو 0

d) (2, 3), (2, -1)



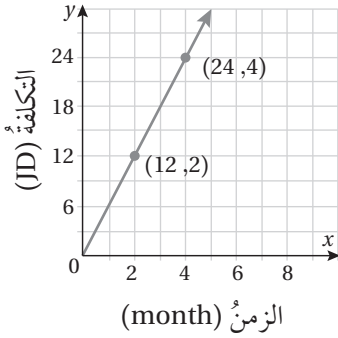
$$\begin{aligned} m &= \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \\ &= \frac{-1 - 3}{2 - 2} \\ &= \frac{-4}{0} \end{aligned}$$

صيغة الميل

أعوِّضُ عن (x_1, y_1) بـ (2, 3) وعن (x_2, y_2) بـ (2, -1) أبسطُ

إذن، ميل هذا المستقيم غيرُ مُعرَّفٍ.

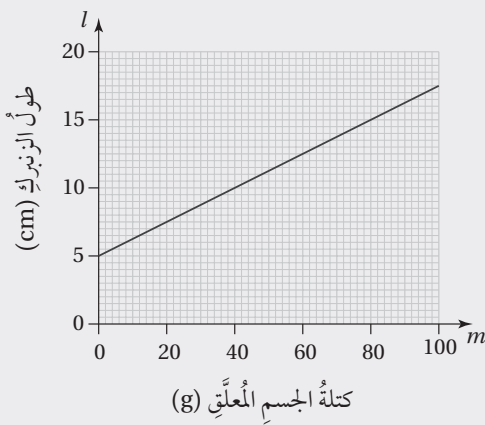
تفسير التمثيلات البيانية (الدرس 2)



يبين التمثيل البياني المجاور متوسط تكلفة تشغيل ثلاجة (بالدينار) أشهرًا عدة.

21 أجدُ تكلفة تشغيل الثلاجة مدة 3 أشهر.

22 أجدُ معدلَ تغيير تكلفة تشغيل الثلاجة بالنسبة إلى الزمن، ثم أوضح ماذا يمثل.



مثال: يبين التمثيل البياني المجاور طول زنبرك l بالسنتيمترات، عند تعليق جسم كتلته m غرام به.

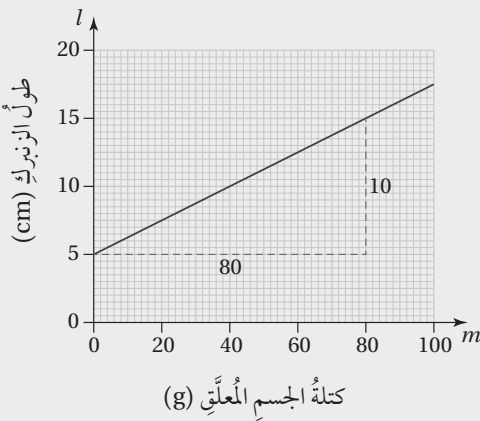
(a) أجدُ طولَ الزنبرك قبل تعليق أي كتلة به.

طولَ الزنبرك قبل تعليق أي كتلة به 5 cm، وهي القيمة التي تقابل الكتلة 0 g في التمثيل.

(b) أجدُ معدلَ تغير طول الزنبرك بالنسبة إلى كتلته، ثم أبين ماذا يمثل.

لإيجاد معدل التغير أجد ميل المستقيم الذي يمثل العلاقة بين الكتلة وطول الزنبرك.

أستعمل النقطتين (0, 5) و (80, 15) لإيجاد ميل المستقيم.



$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{15 - 5}{80 - 0} = \frac{10}{80} = \frac{1}{8}$$

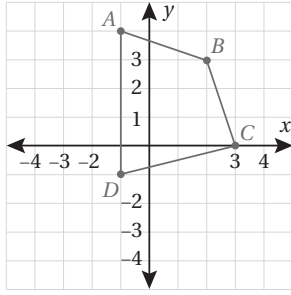
صيغة الميل

أعوّض عن (x_1, y_1) بـ (0, 5)

وعن (x_2, y_2) بـ (80, 15)

أبسط

إذن، ميل المستقيم هو $\frac{1}{8}$ ، وهو يمثل معدل التغير في طول الزنبرك لكل غرام من الكتلة، حيث إن طول الزنبرك يزداد بمقدار $\frac{1}{8}$ cm لكل غرام يُضاف إليه.



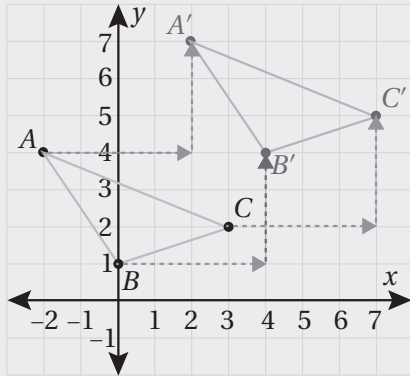
إيجاد صورة شكل في المستوى الإحداثي تحت تأثير الانسحاب (الدرس 4)

23 أنسخ الشكل المجاور على ورقة مربعات، ثم أجد إحداثيات رؤوسه تحت تأثير انسحاب مقداره وحدتان إلى اليسار، و4 وحدات إلى الأسفل.

24 أرسم المربع الذي إحداثيات رؤوسه: $A(0, 0)$, $B(2, 0)$, $C(2, 2)$, $D(0, 2)$ ، في المستوى الإحداثي، ثم أجد إحداثيات رؤوسه تحت تأثير الانسحاب 5 وحدات إلى اليمين، ووحدة إلى الأعلى.

مثال: أرسم $\triangle ABC$ الذي إحداثيات رؤوسه $A(-2, 4)$, $B(0, 1)$, $C(3, 2)$ ، ثم أجد إحداثيات رؤوسه تحت تأثير انسحاب 4 وحدات إلى اليمين، و3 وحدات إلى الأعلى.

الخطوة 2 أرسم الشكل وصورته.



الخطوة 1 أكتب إحداثيات الرؤوس.

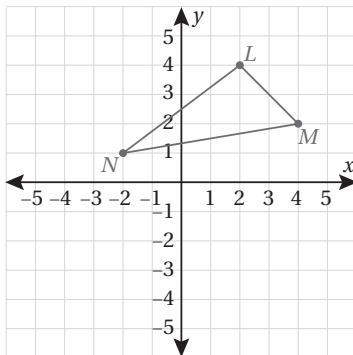
$$(x, y) \longrightarrow (x+4, y+3)$$

$$A(-2, 4) \longrightarrow A'(2, 7)$$

$$B(0, 1) \longrightarrow B'(4, 4)$$

$$C(3, 2) \longrightarrow C'(7, 5)$$

إيجاد صورة شكل في المستوى الإحداثي تحت تأثير انعكاس حول المحور x (الدرس 4)



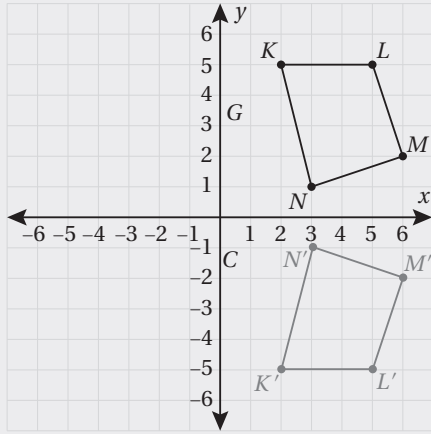
25 أرسم صورة الشكل بالانعكاس حول المحور x ، ثم أجد إحداثيات رؤوسها:

26 مثلث ABC مثلث إحداثيات رؤوسه: $A(-4, -3)$, $B(-4, -1)$, $C(-1, -1)$.

أكتب إحداثيات صور رؤوسه بالانعكاس حول المحور y ، ثم أرسم المثلث وصورته.

مثال: شكلٌ رباعيٌّ إحداثياتُ رؤوسه هي: $L(5, 5), M(6, 2), N(3, 1), K(2, 5)$. أكتبُ إحداثياتِ صُورِ رؤوسه بالانعكاسِ حولَ المحورِ x ، ثمَّ أرسمُ الشكلَ وصورتَهُ.

الخطوة 2 أرسمُ الشكلَ وصورتَهُ.



الخطوة 1 أكتبُ إحداثياتِ الرؤوسِ.

$$(x, y) \longrightarrow (x, -y)$$

$$L(5, 5) \longrightarrow L'(5, -5)$$

$$M(6, 2) \longrightarrow M'(6, -2)$$

$$N(3, 1) \longrightarrow N'(3, -1)$$

$$K(2, 5) \longrightarrow K'(2, -5)$$

إذن، إحداثياتُ صُورِ الرؤوسِ هي: $L'(5, -5), M'(6, -2), N'(3, -1), K'(2, -5)$

إيجادُ صورةِ شكلٍ في المستوى الإحداثيِّ تحت تأثيرِ انعكاسٍ حولَ المحورِ y (الدرس 4)

أكتبُ إحداثياتِ صُورِ رؤوسِ كلِّ شكلٍ ممَّا يأتي بالانعكاسِ حولَ المحورِ y ، ثمَّ أمثلُ الشكلَ وصورتَهُ:

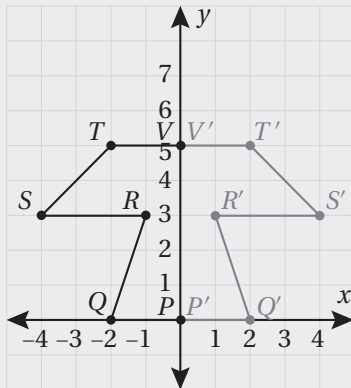
27 $Q(-4, 2), R(-2, 4), S(-1, 1)$

28 $W(2, -1), X(5, -2), Y(5, -5), Z(2, -4)$

مثال: شكلٌ سداسيٌّ إحداثياتُ رؤوسه هي: $P(0, 0), Q(-2, 0), R(-1, 3), S(-4, 3), R(-2, 5), V(0, 5)$

أجدُ إحداثياتِ رؤوسِ الصُّورة، ثمَّ أمثلُ تصميمَ الشكلِ السداسيِّ وصورتَهُ في المستوى الإحداثيِّ.

أعملُ انعكاسًا للأزواج المرتبة التي تمثل رؤوسَ الشكلِ السداسيِّ حولَ المحورِ y عكسَ إشارة الإحداثيِّ x لكلِّ منها:



$$(x, y) \longrightarrow (-x, y)$$

$$P(0, 0) \longrightarrow P'(0, 0)$$

$$Q(-2, 0) \longrightarrow Q'(2, 0)$$

$$R(-1, 3) \longrightarrow R'(1, 3)$$

$$S(-4, 3) \longrightarrow S'(4, 3)$$

$$T(-2, 5) \longrightarrow T'(2, 5)$$

$$V(0, 5) \longrightarrow V'(0, 5)$$

أي إنَّ إحداثياتِ الصُّورة بالانعكاسِ حولَ المحورِ y هي: $P'(0, 0), Q'(2, 0), R'(1, 3), S'(4, 3), T'(2, 5), V'(0, 5)$

الاقترانات Functions

أحدّد المجال والمَدَى لكلِّ علاقةٍ ممّا يأتي، ثمَّ أحدّد ما إذا كانت تمثّل اقتراناً أم لا:

1 $\{(13, 5), (-4, 12), (6, 0), (13, 10)\}$

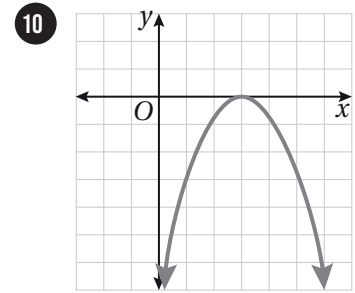
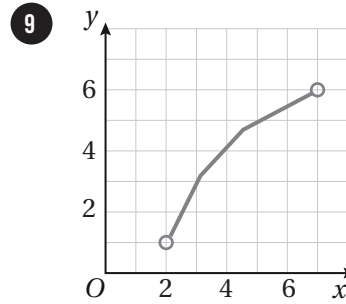
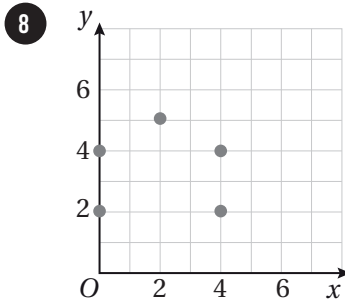
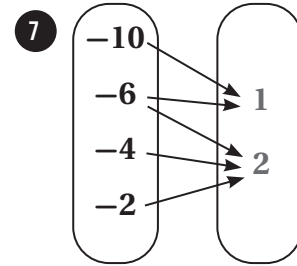
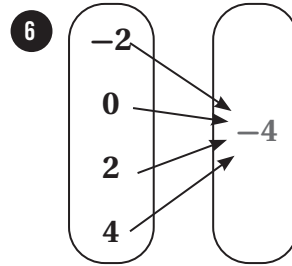
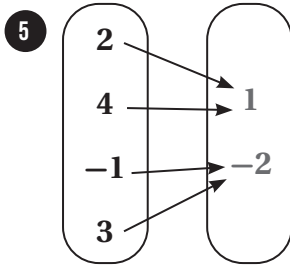
2 $\{(9.2, 7), (9.4, 11), (9.5, 9.5), (9.8, 8)\}$

3

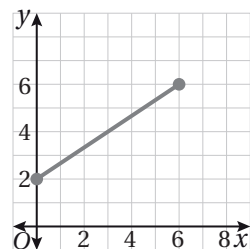
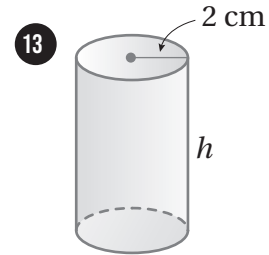
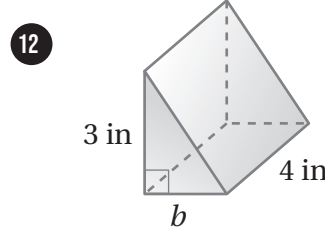
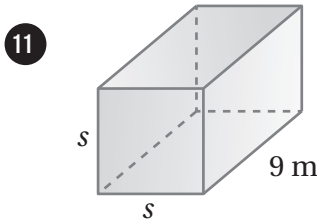
x	-3	-1	0	1	2
y	3	-4	5	-2	3

4

x	5	2	-7	2	5
y	4	8	9	12	14



أكتب اقتراناً يمثّل حجم كلِّ مِنَ الأشكالِ بدلالة البُعدِ المفقودِ، ثمَّ أحدّد ما إذا كانَ الاقترانُ خطياً أم لا:



14 **أكتشف الخطأ:** يقول زياد: يمثّل التمثيل البيانيّ المُجاوِرُ اقتراناً مُنفصلاً؛ لأنّه بدأ بنقطة وانتهى بنقطة. أكتشف خطأ زياد، وأصحّحه.

تفسير التمثيلات البيانية Interpreting Graphs

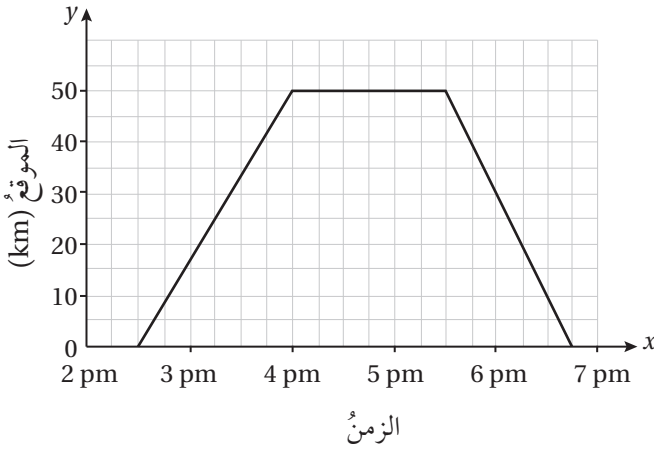
العُمُر (عام)	12	14	16	18	20
الطول (cm)	152	162	168	170	170

بيِّن الجدول المجاور طول سالم من عُمر 12 سنة إلى عُمر 20 سنة:

1 أمثل البيانات التي في الجدول بيانياً.

2 في أيّ سنتين كانت زيادة طول سالم أسرع؟ أبرر إجابتي.

3 ماذا يعني الجزء الأفقي من التمثيل البياني؟

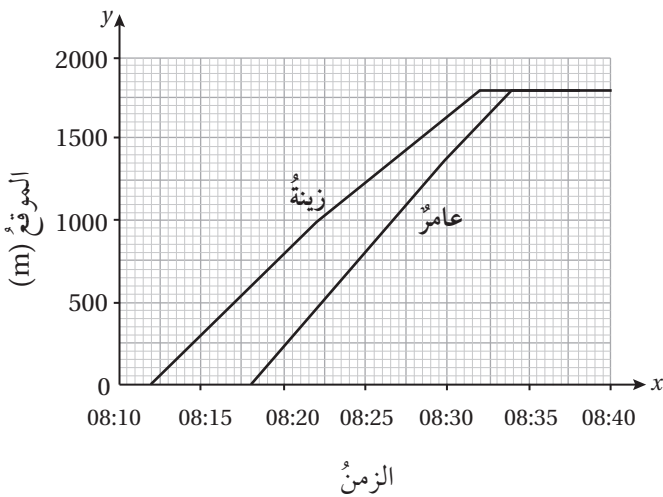


بيِّن التمثيل البياني المجاور رحلة هشام من منزله لزيارة أخته سمر ثم عودته إلى المنزل:

4 كم كيلومتراً يبعد منزل هشام عن منزل سمر؟

5 في أيّ ساعة وصل هشام إلى منزل سمر؟ وفي أيّ ساعة غادر؟

6 أجد السرعة المتوسطة لهشام في طريق عودته إلى المنزل.



بيِّن التمثيل البياني المجاور رحلة الأخوين زينة وعامر من منزلهما إلى المدرسة:

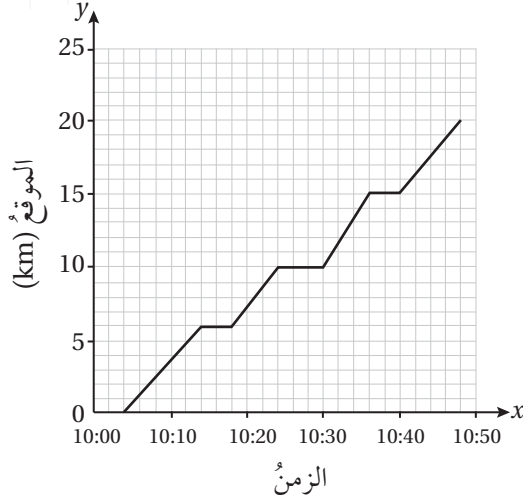
7 كم دقيقة تحتاج زينة للوصول من منزلها إلى المدرسة؟

8 هل غادر كل من عامر وزينة المنزل في الوقت نفسه؟ أبرر إجابتي.

9 ما بعد زينة عن المنزل الساعة 8:20؟

10 ما بعد عامر عن المدرسة في اللحظة التي وصلت فيها زينة إلى المدرسة؟

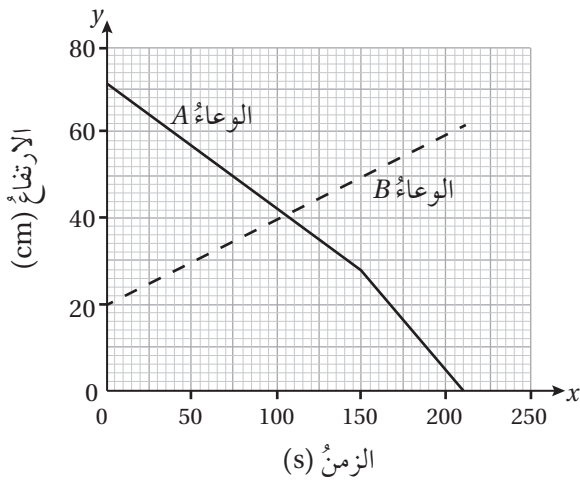
تفسير التمثيلات البيانية Interpreting Graphs



يبيّن التمثيل البياني المجاور رحلة حافلة مسافة 20 km :

11 كم مرة توقفت الحافلة في أثناء رحلتها؟ أبرر إجابتي.

12 في أي فترة زمنية كانت سرعة الحافلة أكبر؟



يبيّن التمثيل البياني المجاور ارتفاع الماء في الوعاءين A و B،

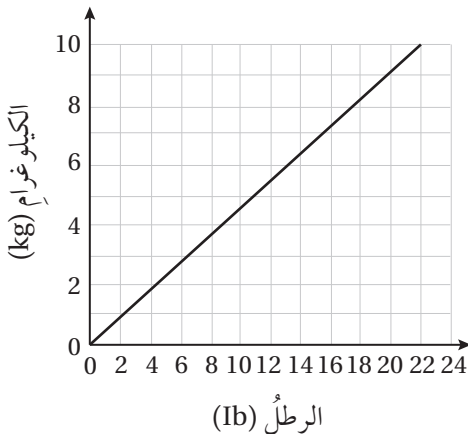
حيث يتدفق الماء من الوعاء A إلى الوعاء B :

13 أجد ارتفاع الماء الابتدائي في الوعاءين.

14 أجد مقدار النقصان في ارتفاع الماء في الوعاء A خلال أول دقيقة.

15 كم من الوقت استغرق ارتفاع الماء في الوعاء B ليصبح ضعف الارتفاع الابتدائي؟

16 كم من الوقت استغرق تفريغ الوعاء A كاملاً من الماء؟



يبيّن منحنى التحويل المجاور العلاقة بين وحدتي قياس الكتلة: الرطل

(Ib)، والكيلوغرام (kg). أستعمل المنحنى التحويلي لأجد تحويلًا تقريبياً

لكل ممّا يأتي:

17 18 Ib إلى الكيلوغرام.

18 5 Ib إلى الكيلوغرام.

19 4 kg إلى الرطل.

20 10 kg إلى الرطل.

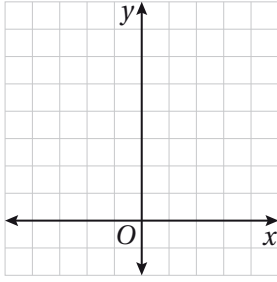
21 أبين كيف يمكنني استعمال المنحنى التحويلي لتحويل 48 Ib إلى

الكيلوغرام.

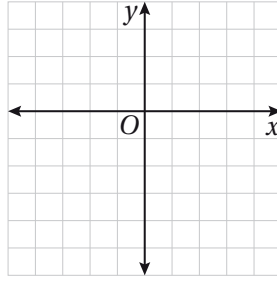
الاقتران التربيعي
Quadratic Function

أجد إحداثيي الرأس ومعادلة محور التماثل، والقيمة العظمى أو الصغرى ومجال ومدى كلٍّ من الاقترانات التربيعية الآتية، ثم أمثله بيانياً:

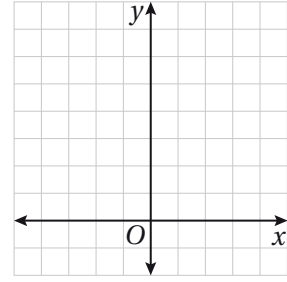
1 $f(x) = x^2 + 3$



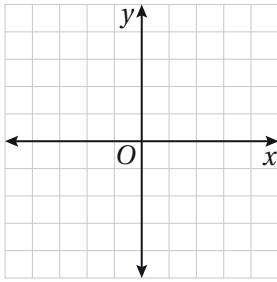
2 $f(x) = -x^2 - 4x - 4$



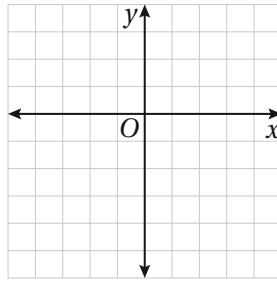
3 $f(x) = x^2 + 2x + 3$



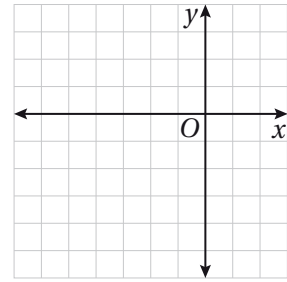
4 $f(x) = x^2 - 4$



5 $f(x) = -x^2 + 3$

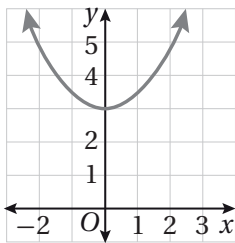


6 $f(x) = -2x^2 - 8x - 5$

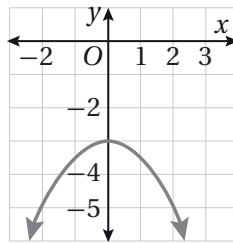


أصل الاقتران بتمثيله البياني في كلِّ مما يأتي:

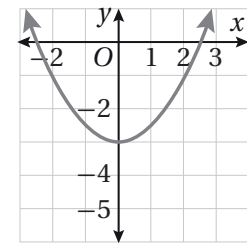
7 $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - 3$



8 $f(x) = \frac{1}{2}x^2 + 3$



9 $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 - 3$



رياضة: يمثل الاقتران $h = -5t^2 + 20t + 2$ ارتفاع رمح بالمتر عن سطح الأرض، بعد t ثانية من رميه.

10 أجد مقطع المنحنى من محور t ، وأفسر معناه في سياق المسألة.

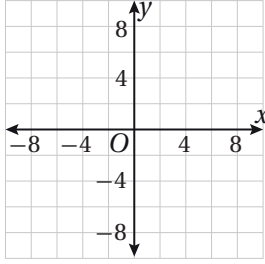
11 أجد القيمة العظمى للاقتران، وأفسر معناها في سياق المسألة.

12 أمثل الاقتران h بيانياً.

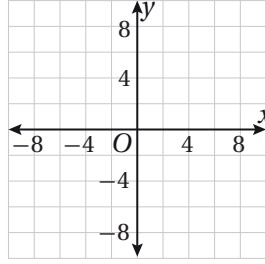
التحويلات الهندسية للاقتران التربيعية Transformations of Quadratic Functions

أصِفْ كيف يرتبط مُنحني كلِّ اقترانٍ مِمَّا يأتي بِمُنحني الاقترانِ الرئيسِ $f(x) = x^2$ ، ثمَّ أمثلهُ بيانيًّا:

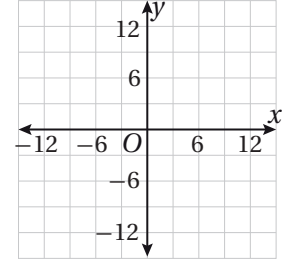
1 $h(x) = x^2 + 4$



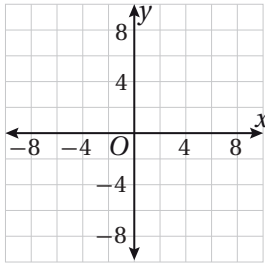
2 $g(x) = (x - 2)^2 - 3$



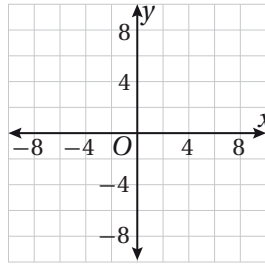
3 $h(x) = -(x + 9)^2$



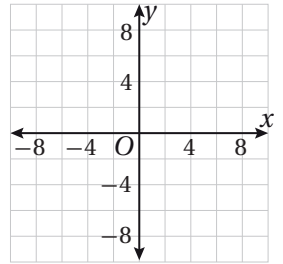
4 $g(x) = x^2 - 7$



5 $v(x) = \frac{1}{3}x^2 - 6$



6 $u(x) = 2(x - 4)^2 + 1$



7 **بيسبول:** رمى لاعبُ كرة البيسبول في الهواء، فكان ارتفاعُها بالقدم h مُعطىً بالاقتران $h(t) = -16(t-1)^2 + 20$ ؛ حيثُ t الزمنُ بالثواني بعدَ إفلاتِ الكرة من يد اللاعب. أصِفْ العلاقةَ بين مُنحني الاقترانِ h ومُنحني الاقترانِ $f(t) = t^2$.

إذا كان مُنحني الاقترانِ $g(x)$ ناتجًا من تضييقِ رأسي لمُنحني الاقترانِ الرئيسِ $f(x) = x^2$ بمعاملٍ مقداره $\frac{1}{4}$ ، ثمَّ انسحابٍ إلى الأسفلٍ بمقدارٍ 3 وحداتٍ، ثمَّ انسحابٍ إلى اليسارٍ بمقدارٍ وحدتينٍ، فأجيبْ عَنِ الأسئلةِ الآتية:

8 أكتبْ قاعدةَ الاقترانِ $g(x)$ باستعمالِ صيغةِ الرأسِ.

9 أجدُ إحداثيَّ رأسِ القطعِ، ومعادلةَ محورِ التماثلِ، والقيمةَ العظمى أو الصُّغرى للاقترانِ $g(x)$.

10 أمثلُ الاقترانَ $g(x)$ بيانيًّا.

أختبرُ معلوماتي بحلِّ التدريباتِ أولاً، وفي حالِ عدمِ تأكُّدي منَ الإجابةِ، أستعينُ بالمثالِ المُعطى.

التحليلُ بإخراجِ العاملِ المُشتركِ (الدرسُ 2)

أحللُ كلَّ مقدارٍ جبريٍّ ممَّا يأتي تحليلاً كاملاً:

1 $3x + 21$

2 $6x - 14x^2$

3 $5x^3 - 10x^2 + 25x$

مثالٌ: أحلُّ المقدارَ $36x^2 + 54x$ تحليلاً كاملاً

الخطوة 1: أجدُ العاملَ المُشتركَ الأكبرَ للحدَّينِ $36x^2$ و $54x$

$$\begin{array}{l} 36x^2 = \textcircled{2} \times 2 \times \textcircled{3} \times \textcircled{3} \times \textcircled{x} \times x \\ 54x = \textcircled{2} \times \textcircled{3} \times \textcircled{3} \times 3 \times \textcircled{x} \end{array}$$

أحلُّ كلَّ حدٍّ إلى عواملِهِ الأوليةِ، وأحدِّدُ العواملَ الأوليةَ المُشتركةَ.

إذن، العاملُ المُشتركُ الأكبرُ هو: $2 \times 3 \times 3 \times x = 18x$

الخطوة 2: أُخرجُ العاملَ المُشتركَ الأكبرَ خارجَ القوسِ

$$36x^2 + 54x = 18x(2x + 3)$$

بإخراجِ العاملِ المُشتركِ الأكبرِ

تحليلُ ثلاثيِّ الحدودِ $x^2 + bx + c$ (الدرسُ 2)

أحللُ كلَّ ممَّا يأتي:

4 $x^2 + 2x - 24$

5 $x^2 + 16x + 28$

6 $x^2 - 22x + 72$

مثالٌ: أحلُّ المقدارَ $x^2 - 10x + 16$

$$\begin{aligned} x^2 - 10x + 16 &= (x + m)(x + n) \\ &= (x - 2)(x - 8) \end{aligned}$$

بكتابةِ القاعدةِ

بتعويضِ $m = -2, n = -8$

تحليلُ الفرقِ بينِ مربعينِ (الدرسُ 2)

أحللُ كلَّ ممَّا يأتي:

7 $x^2 - 64$

8 $4x^2 - 100$

9 $64x^2 - 1$

مثال: أحلُّ المقدارَ $16x^2 - 25$

$$16x^2 - 25 = (4x)^2 - (5)^2 \\ = (4x - 5)(4x + 5)$$

بكتابة المقدارِ على صورة فرقٍ بينَ مربعينِ
بتحليل الفرقِ بينَ مربعينِ

حلُّ المعادلاتِ باستعمالِ الجذرِ التربيعيِّ (الدرسُ 2)

أحلُّ كلاً من المعادلاتِ الآتية، وأتحرَّق من صحة الحلِّ:

10 $y^2 = 2.25$

11 $x^2 = \frac{16}{169}$

12 $t^2 = \frac{64}{100}$

13 $y^2 = 0.0144$

مثال: أحلُّ كلاً من المعادلاتِ الآتية، وأتحرَّق من صحة الحلِّ:

a) $x^2 = 144$

$$x^2 = 144$$

$$x = \pm \sqrt{144}$$

$$= \pm 12$$

المعادلةُ الأصليةُ

تعريفُ الجذرِ التربيعيِّ

أجدُ قيمةَ الجذرِ

أتحرَّق من صحة الحلِّ:

عندما $x = -12$

$$(-12)^2 \stackrel{?}{=} 144$$

$$144 = 144 \quad \checkmark$$

عندما $x = 12$

$$(12)^2 \stackrel{?}{=} 144$$

$$144 = 144 \quad \checkmark$$

b) $t^2 = \frac{1}{36}$

$$t^2 = \frac{1}{36}$$

$$t = \pm \sqrt{\frac{1}{36}}$$

$$= \pm \frac{1}{6}$$

المعادلةُ الأصليةُ

تعريفُ الجذرِ التربيعيِّ

أجدُ قيمةَ الجذرِ

أتحققُ مِنْ صحّةِ الحلِّ:

$$\begin{aligned} \text{عندما } x &= -\frac{1}{6} \\ \left(-\frac{1}{6}\right)^2 &\stackrel{?}{=} \frac{1}{36} \\ \frac{1}{36} &= \frac{1}{36} \quad \checkmark \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{عندما } x &= \frac{1}{6} \\ \left(\frac{1}{6}\right)^2 &\stackrel{?}{=} \frac{1}{36} \\ \frac{1}{36} &= \frac{1}{36} \quad \checkmark \end{aligned}$$

ضربُ المقاديرِ الجبريّةِ (الدرسُ 3)

أجدُ ناتجَ ضربِ كلِّ ممّا يأتي بأبسطِ صورةٍ:

14 $(x-3)(x+5)$

15 $(12-4x)(1+2x)$

16 $(2x-5)(4x-8x^2)$

17 $(3x+4)^2$

18 $(x^2+7)^2$

19 $(3x-1)(3x+1)$

مثالٌ: أجدُ ناتجَ ضربِ $(2x+1)(3x-4)$ بأبسطِ صورةٍ:

$$\begin{aligned} (2x+1)(3x-4) &= 2x(3x-4) + 1(3x-4) \\ &= 6x^2 - 8x + 3x - 4 \\ &= 6x^2 - 5x - 4 \end{aligned}$$

بفصلِ المقدارِ $(2x+1)$ إلى حدّين، ثمَّ ضربِ كلِّ منهما في $(3x-4)$ باستعمالِ خاصيّةِ التوزيع بتجميعِ الحدودِ المتشابهة

التحليلُ بالتجميعِ (الدرسُ 6)

أحلُّ كلَّ مقدارٍ جبريٍّ ممّا يأتي تحليلاً كاملاً:

20 $5x^3 - 15x^2 + 4x - 12$

21 $5x - 10x^2 + 2y - 4xy$

مثالٌ: أحلُّ المقدارَ $4xy + 8y + 3x + 6$ تحليلاً كاملاً.

$$\begin{aligned} 4xy + 8y + 3x + 6 &= (4xy + 8y) + (3x + 6) \\ &= 4y(x + 2) + 3(x + 2) \\ &= (x + 2)(4y + 3) \end{aligned}$$

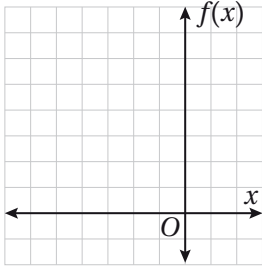
بتجميعِ الحدودِ ذاتِ العواملِ المُشتركةِ بتحليلِ كلِّ تجميعٍ بإخراجِ العاملِ المُشتركِ الأكبرِ بإخراجِ $(x + 2)$ عاملاً مشتركاً

حلُّ المُعادلاتِ التربيعيةِ بيانيًا

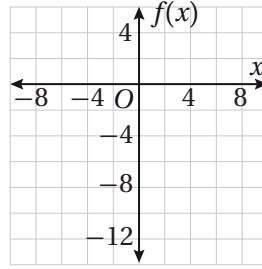
Solving Quadratic Equations by Graphing

أحلُّ كُلاً مِنَ المُعادلاتِ الآتيةِ بيانيًا:

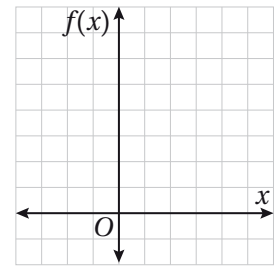
1 $x^2 + 7x + 12 = 0$



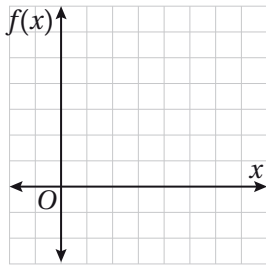
2 $x^2 - x - 12 = 0$



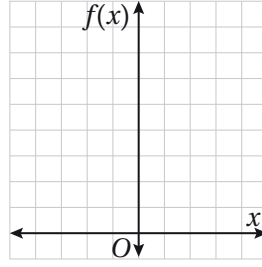
3 $x^2 - 4x - 5 = 0$



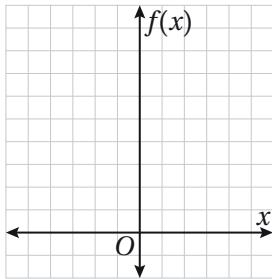
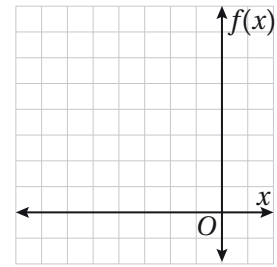
4 $x^2 - 7x = -10$



5 $x^2 - 2x = -1$



6 $x^2 + 6x = -8$



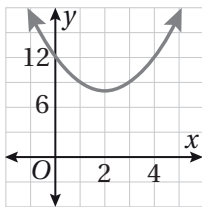
أعداد: عددان صحيحان مجموعُهُما 2، وحاصل ضربيهما -8. يمكن استعمال المعادلة $-x^2 + 2x + 8 = 0$ لتحديد هذين العددين.

7 أمثل الاقتران المرتبط بالمعادلة $-x^2 + 2x + 8 = 0$ بيانيًا.

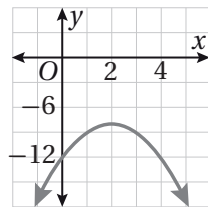
8 أستعمل التمثيل البياني لإيجاد العددين.

9 اختيار من متعدد: أي مما يأتي يعدُّ التمثيل البياني لمنحنى الاقتران المرتبط بالمعادلة $x^2 = -4x + 12$ ؟

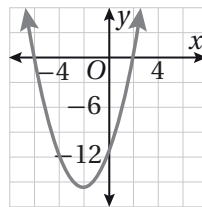
a)



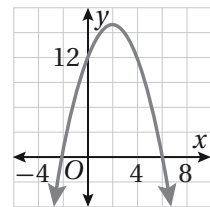
b)



c)



d)



حلُّ المُعادلاتِ التربيعيةِ بالتحليل (1) Solving Quadratic Equations by Factoring (1)

أحلُّ المُعادلاتِ الآتيةِ بالتحليل:

1 $9m^2 - 18m = 0$

2 $x^2 + 11x + 18 = 0$

3 $x^2 - 6x + 8 = 0$

4 $x^2 - 2x - 15 = 0$

5 $x^2 + 10x = -24$

6 $a^2 - 14a + 49 = 0$

7 $16t^2 - 1 = 0$

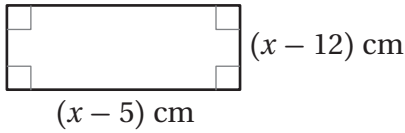
8 $(2x - 1)^2 = 81$

9 $4(x-2)^2 = 25$

10 $t^2 + 4t - 12 = 0$

11 $x^2 + 4x + 4 = 0$

12 $27 - 3y^2 = 0$



13 هندسة: بيِّن الشكلُ المُجاوِرُ مستطيلاً مساحته 44 cm^2 . أجد أبعاده.

14 أجد عددين زوجيين متتاليين حاصل ضربيهما 168



15 بيِّن الشكلُ المُجاوِرُ متوازي مستطيلاتٍ طوله يساوي 4 أمثال عرضه، وحجمه 320 m^3 . أجد طوله وعرضه.

16 أكتشف الخطأ: حلَّ عامرُ المُعادلةَ التربيعيةَ $2x^2 - 33 = 39$ ، كما هو مبين أدناه. أكتشف الخطأ في حله، وأصحِّحه.

$$2x^2 - 33 = 39$$

$$2x^2 = 72$$

$$x^2 = 36$$

$$x = 6$$



حلُّ المُعادلاتِ التربيعيةِ بالتحليلِ (2) Solving Quadratic Equations by Factoring (2)

أحلُّ كُلَّ ممَّا يأتي:

1 $3n^2 + 5n - 2$

2 $2x^2 + 3x + 1$

3 $3x^2 - x - 2$

4 $5b^2 - 13b + 6$

5 $30x^2 - 25x - 30$

6 $21x^2 + 2x - 3$

7 $3x^2 + 8x - 3 = 0$

8 $3t^2 - 14t + 8 = 0$

9 $6x^2 - 5x - 4 = 0$

10 $24x^2 - 19x + 2 = 0$

11 $15k^2 + 4k - 35 = 0$

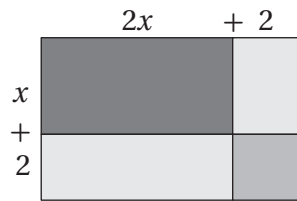
12 $6x^2 + 30 = 5 - 3x^2 - 30x$

13 $2k^2 - 5k - 18 = 0$

14 $12m^2 + 11m = 15$

15 $40n^2 - 70n + 15 = 0$

أحلُّ المُعادلاتِ الآتيةِ بالتحليلِ:



هندسة: أعمدُ الشكلِ المُجاورِ، وأحلُّ السُّؤالينِ الآتيينِ تَباعاً:

16 أجدُ مساحةَ المُستطيلِ المُجاورِ بدلالةِ x .

17 إذا كانتُ مساحةُ المُستطيلِ 40 وحدةٍ مربعةٍ، فأجدُ قيمةَ x .

18 رياضة: إذا كانَ الاقترانُ $h(t) = -16t^2 + 8t + 24$ يمثُلُ ارتفاعَ غطَّاسٍ بالأقدامِ فوقَ سطحِ الماءِ، بعدَ t ثانيةٍ مِن قفزِهِ

عَن مَنْصَةِ القفزِ، فما الزمنُ الذي يستغرُقُهُ للوصولُ إلى سطحِ الماءِ؟

19 أكتشفُ الخطأ: أكتشفُ الخطأَ في الحلِّ الآتي، وأصحِّحُهُ.



$$2x^2 - 2x - 24 = 2(2x^2 - 2x - 24)$$

$$= 2(x - 6)(x + 4)$$

حلُّ المُعادلاتِ التربيعيةِ بِإكمالِ المُربَّعِ

Solving Quadratic Equations by Completing the Square

أجعلُ كلَّ مقدارٍ ممَّا يأتي مُربَّعًا كاملاً، ثمَّ أحلُّ المُربَّعِ الكاملِ ثلاثيِّ الحدودِ الناتجَ:

1 $x^2 - 9x$

2 $x^2 + 10x$

3 $x^2 + 13x$

4 $x^2 - 18x$

5 $x^2 - \frac{1}{2}x$

6 $x^2 + 5x$

أحلُّ المُعادلاتِ الآتيةِ بِإكمالِ المُربَّعِ، وأقربُ إجابتي لأقربِ جزءٍ مِنْ عَشْرَةٍ (إنَّ لَزِمَ):

7 $x^2 + 2x - 7 = 0$

8 $x^2 = 3x + \frac{-9}{4}$

9 $x^2 = 8x - 16$

10 $x^2 - 11x = 0$

11 $x^2 - 5x = 0.5$

12 $5x^2 + 20x = 10$

13 $2x^2 + 14 = 16x$

14 $4x = x^2 - 4x - 32$

15 $x + 1 = 6x - x^2$

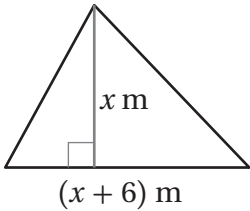
16 تبيِّنُ البطاقاتُ الآتيةُ خطواتِ حلِّ المُعادلةِ $x^2 + 6x + 7 = 0$ بطريقةِ إكمالِ المُربَّعِ. أرَتبُ هذهِ البطاقاتِ مِنْ الخُطوةِ الأولى في الحلِّ إلى الخُطوةِ الأخيرةِ.

أجمعُ 9 لطرفي
المعادلةِ.

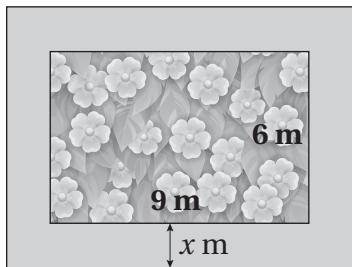
أطرحُ 7 مِنْ طرفي
المعادلةِ.

أكتبُ $x^2 + 6x + 9 = 2$
على صورةِ $(x + 3)^2 = 2$

بأخذِ الجذرِ التربيعيِّ
لطرفي المعادلةِ.



17 هندسة: يبيِّنُ الشكلُ المُجاورُ مثلثًا مساحتهُ 108 m^2 . أجدُ قيمةَ x ، وأقربُ إجابتي لأقربِ جزءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.



18 حديقة: حديقةٌ زهورٍ مُستطيلةُ الشكلِ طولُها 9 m وعرضُها 6 m، مُحاطةٌ بِمَمَرٍ عرضهُ $x \text{ m}$. إذا كانت مساحتُها مُساويةً لمساحةِ المَمَرِّ، فأجدُ عرضَ المَمَرِّ.

حلُّ المُعادلاتِ التربيعيةِ باستعمالِ القانونِ العامِّ Solving Quadratic Equations Using the Quadratic Formula

أحلُّ المُعادلاتِ الآتيةِ بالقانونِ العامِّ، وأقربُ إجابتي لأقربِ جُزءٍ مِنْ عَشْرَةٍ (إنْ لَزِمَ):

1 $x^2 + 3x - 3 = 0$

2 $x^2 - 43x = -6$

3 $4x^2 - 20x = -25$

4 $5x + 6 - x^2 = 0$

5 $-6x - x^2 = 9$

6 $-2x^2 + 3x = -4$

7 $3x^2 - 5 + 14x = 0$

8 $2x^2 - 5x = 11$

9 $7 - 4x^2 = 16x$

أحلُّ كلِّ مُعادلةٍ ممَّا يأتي باستعمالِ أيِّ طريقةٍ، وأبرِّزْ سببَ اختيارِ الطريقةِ:

10 $x^2 + 3x + 2 = 2$

11 $x^2 - 9 = 0$

12 $x^2 - 5x - 7 = 0$

13 $x^2 - 6x = 0$

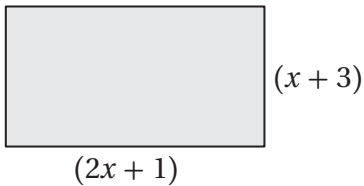
14 $(x - 4)^2 = 13$

15 $x^2 + 10x = 1$

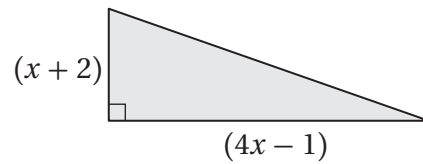
16 **أرضيات:** أرضيةٌ على شكلٍ مُتوازي أضلاعٍ طولُ قاعدته $(5x - 2)$ m، وارتفاعه $(3x + 1)$ m. إذا كانت مساحةُ الأرضية 130 m^2 ، فما طولُ قاعدةِ المُتوازي وما ارتفاعه؟

أستعملُ المساحةَ المُعطاةَ في كلِّ ممَّا يأتي لأجدَ قيمةَ x ، وأقربُ إجابتي لأقربِ جُزءٍ مِنْ عَشْرَةٍ:

17 $A = 150 \text{ cm}^2$



18 $A = 45 \text{ cm}^2$



19 **أكتشف الخطأ:** حلَّ كريمٌ معادلةً تربيعيةً باستعمالِ القانونِ العامِّ كما هو مبينٌ أدناه. أكتشف الخطأ في حلِّ كريم، وأصحِّحهُ.

X

$$\begin{aligned} x &= \frac{-7 \pm \sqrt{(-7)^2 - 4(3)(-6)}}{2(3)} \\ &= \frac{-7 \pm \sqrt{121}}{6} \\ x &= \frac{2}{3} \quad \text{or} \quad x = -3 \end{aligned}$$

حلُّ مُعادلاتٍ خاصَّةٍ
Solving Special Equations

أحلُّ المُعادلاتِ الآتية:

1 $24x^3 + 18x^2 = 0$

2 $x^3 - 2x^2 - 24x = 0$

3 $3x^5 = 192x^3$

4 $2x^3 - 20x^2 + 5x - 50 = 0$

5 $x^3 - 5x^2 + 6x = 30$

6 $16x^3 + 32x^2 - x - 2 = 0$

7 $x^3 + 512 = 0$

8 $3x^9 - 192x^6 = 0$

9 $3x + 1 = x^2 + 3x^3$

10 $2x^5 + 2x^4 - 144x^3 = 0$

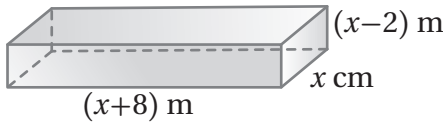
11 $x^4 - 3x^2 - 28 = 0$

12 $16x^4 - 81 = 0$

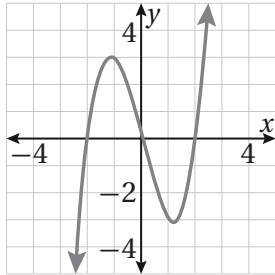
13 $4x^{12} - 32x^7 + 48x^2 = 0$

14 $4x^3 - 7x^2 - 16x + 28 = 0$

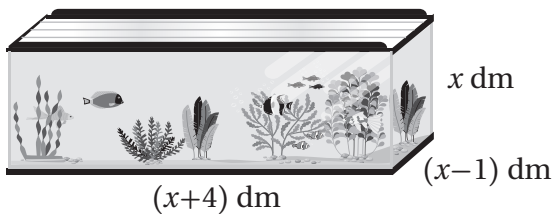
15 $4x^4 - 25 = 0$



16 هندسة: بيِّنُ الشكلُ المُجاوِرُ مُتوازيَ مستطيلاتٍ حجمُهُ 96 m^3 .
أجدُ أبعادهُ.



17 أكتبُ مُعادلةً مُرتبطةً بِمُنحنى الاقترانِ المُمثَّلِ بيانيًّا في الشكلِ المُجاوِرِ،
وأبرِّرُ إجابتي.



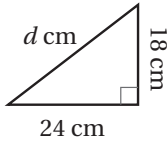
18 حوضُ أسماكٍ: بيِّنُ الشكلُ المُجاوِرُ حوضًا للأسماكِ
على شكلِ مُتوازيِ مستطيلاتٍ حجمُهُ 12 dm^3 . أجدُ أبعادهُ.

أختبرُ معلوماتي بحلِّ التدريباتِ أولاً، وفي حالِ عدمِ تأكُّدي من الإجابة، أستخدمُ المثلث المُعطى.

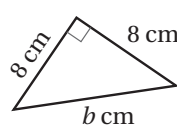
نظرية فيثاغورس (الدرس 1)

أجدُ طولَ الضلعِ المجهولِ في كلِّ مثلثٍ قائم الزاويةٍ ممَّا يأتي (أقربُ إجابتي لأقربِ جزءٍ من عشرةٍ إذا لزم الأمرُ):

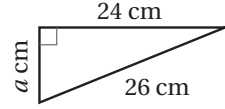
1



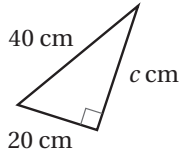
2



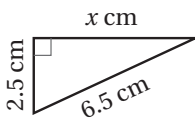
3



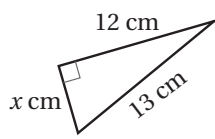
4



5

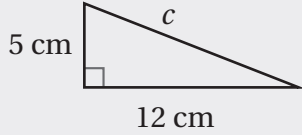


6



مِثَالٌ: أجدُ طولَ الضلعِ المجهولِ في كلِّ مثلثٍ قائم الزاويةٍ ممَّا يأتي (أقربُ إجابتي لأقربِ جزءٍ من عشرةٍ إذا لزم الأمرُ):

a)



$$a^2 + b^2 = c^2$$

$$5^2 + 12^2 = c^2$$

$$25 + 144 = c^2$$

$$169 = c^2$$

$$c = \pm \sqrt{169}$$

$$= \pm 13$$

نظرية فيثاغورس

أعوّضُ $a = 5, b = 12$

أجدُ القوى

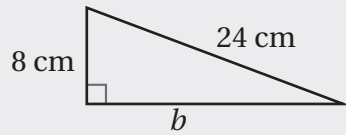
أجمعُ

تعريفُ الجذرِ التربيعيِّ

أبسطُ

للمعادلة حلان: 13 و -13، وبما أنَّ الطولَ يجبُ أن يكونَ عددًا موجبًا، إذن طولُ الوترِ 13 cm

b)



$$a^2 + b^2 = c^2$$

$$8^2 + b^2 = 24^2$$

$$64 + b^2 = 576$$

$$64 - 64 + b^2 = 576 - 64$$

$$b^2 = 512$$

$$b = \pm \sqrt{512}$$

$$b \approx \pm 22.6$$

نظرية فيثاغورس

أعوّضُ $a = 8, c = 24$

أجدُ القوى

أطرحُ 64 من كلا الطرفين

أبسطُ

تعريفُ الجذرِ التربيعيِّ

أستخدمُ الآلة الحاسبة

إذن، طولُ الضلعِ المجهولِ b يساوي 22.6 cm

حلُّ نظامٍ مكوّنٍ من معادلتين خطيتين بالحدف (الدرس 2)

أحلُّ نظامَ المُعادلاتِ في كلِّ ممّا يأتي بطريقةِ الحذف:

7 $y = 2x + 1$

$y = -x + 4$

8 $y + x = 2$

$3y + x = 0$

9 $y = -0.4x - 1$

$y = x - 8$

مثال: أحلُّ نظامَ المُعادلاتِ الآتي بطريقةِ الحذف:

$3x + 2y = 18$

$2x - y = 5$

الخطوة 1: أضربُ المُعادلةَ الثانيةَ في 2

$3x + 2y = 18$

$2x - y = 5$

أضربُ كلَّ حدٍّ في 2

$3x + 2y = 18$

$4x - 2y = 10$

الخطوة 2: أجمعُ المُعادلتين.

$$\begin{array}{r} 3x + 2y = 18 \\ (+) 4x - 2y = 10 \\ \hline 7x = 28 \\ \frac{7x}{7} = \frac{28}{7} \\ x = 4 \end{array}$$

بحذفِ المُتغيّرِ y
بقسمةِ طرفي المُعادلةِ على 7
بالتبسيطِ

الخطوة 3: أعوّضُ 4 بدلاً من x في إحدى المُعادلتين؛ لإيجادِ قيمةِ y .

$$\begin{array}{r} 2x - y = 5 \\ 2(4) - y = 5 \\ 8 - y = 5 \\ 8 - 8 - y = 5 - 8 \\ -y = -3 \\ \frac{-y}{-1} = \frac{-3}{-1} \\ y = 3 \end{array}$$

المعادلةُ الثانيةُ
بالتعويضِ عن x بـ 4
بالتبسيطِ
بالطرحِ 8 من كلا الطرفين
بالتبسيطِ
بقسمةِ طرفي المُعادلةِ على -1
أبسّطُ

إذن، حلُّ النظامِ هو (3, 4).

إيجاد ميل المُستقيم (الدرس 2)

أجدُ ميلَ المُستقيمِ المارِّ بكلِّ نقطتينِ ممَّا يأتي:

10 (3, 4), (1, 0)

11 (-2, 5), (8, -3)

12 (2, 1), (3, 1)

13 (5, 6), (5, -1)

مثال: أجدُ ميلَ المُستقيمِ المارِّ بالنقطتينِ، (1, 6)، (-1, 2).

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$= \frac{2 - 6}{(-1) - 1}$$

$$= \frac{-4}{-2} = 2$$

صيغةُ الميلِ

بالتعويضِ عَنْ (x₁, y₁) بِ (1, 6) وَعَنْ (x₂, y₂) بِ (-1, 2)

بالتبسيطِ

إيجادُ مُعادلةِ مُستقيمٍ بصيغةِ الميلِ والمقطعِ (الدرس 2)

14 أجدُ مُعادلةَ المُستقيمِ المارِّ بالنقطةِ (-1, 4)، الذي ميلُهُ 2، بصيغةِ الميلِ والمقطعِ.

15 أجدُ مُعادلةَ المُستقيمِ المارِّ بالنقطتينِ (1, 2)، (2, 1)، بصيغةِ الميلِ والمقطعِ.

مثال: أجدُ مُعادلةَ المُستقيمِ المارِّ بالنقطةِ (1, -1)، الذي ميلُهُ $\frac{1}{4}$ ، بصيغةِ الميلِ والمقطعِ.

$$y = m x + b$$

صيغةُ الميلِ والمقطعِ

$$-1 = \frac{1}{4} (1) + b$$

بالتعويضِ عَنْ (x, y) بِ (1, -1) وَ m = $\frac{1}{4}$

$$-1 = \frac{1}{4} + b$$

بالتبسيطِ

$$\frac{-1}{4} - 1 = \frac{1}{4} + b + \frac{-1}{4}$$

بجمعِ $\frac{-1}{4}$ لطرفيِ المُعادلةِ

$$b = \frac{-5}{4}$$

بالتبسيطِ

$$y = \frac{1}{4} x - \frac{5}{4}$$

بالتعويضِ b = $\frac{-5}{4}$, m = $\frac{1}{4}$

• كتابة معادلة المستقيم المارّ بنقطةٍ معطاةٍ ويوازي مستقيمًا معلومًا (الدرس 2)

أكتب بصيغة الميل والمقطع معادلة المستقيم المارّ بالنقطة المعطاة والموازي للمستقيم المعطاة معادلته في كلِّ ممّا يأتي:

16 $(-1, 5), y = \frac{1}{2}x - 10$

17 $(2, -7), 2y = 5x - 3$

18 $(4, 8), x + 4y - 9 = 0$

19 $(9, 3), 2x - 7y + 1 = 0$

مثال: أكتب بصيغة الميل والمقطع معادلة المستقيم المارّ بالنقطة $(-2, 5)$ والموازي للمستقيم $y = \frac{3}{2}x - 7$.

الخطوة 1 أجد ميل المستقيم المعطى.

ميل المستقيم $y = \frac{3}{2}x - 7$ هو $\frac{3}{2}$

الخطوة 2 أكتب معادلة المستقيم بصيغة الميل والمقطع باستعمال الميل والنقطة المعطاة.

$y - y_1 = m(x - x_1)$ أبدأ بصيغة الميل ونقطة

$y - 5 = \frac{3}{2}(x - (-2))$ أعوض $m = \frac{3}{2}, (x_1, y_1) = (-2, 5)$

$y - 5 = \frac{3}{2}(x + 2)$ أبسط

$y - 5 = \frac{3}{2}x + 3$ خاصية التوزيع

$y - 5 + 5 = \frac{3}{2}x + 3 + 5$ أجمع 5 إلى الطرفين

$y = \frac{3}{2}x + 8$ أبسط

• كتابة معادلة المستقيم المارّ بنقطةٍ معطاةٍ ويعامد مستقيمًا معلومًا (الدرس 2)

أكتب بصيغة الميل والمقطع معادلة المستقيم المارّ بالنقطة المعطاة والمُعامد للمستقيم المعطاة معادلته في كلِّ ممّا يأتي:

20 $(2, -7), y = x - 2$

21 $(-5, -4), y = \frac{1}{2}x + 1$

22 $(2, 2), 3y = -2x + 6$

23 $(-3, 0), 3x - 4y = -4$

مثال: أكتب بصيغة الميل والمقطع معادلة المستقيم المارَّ بالنقطة (4, 0) والعموديِّ على المستقيم $4y = -8x + 1$

الخطوة 1 أجد ميل المستقيم المُعطى.

لإيجاد ميل المستقيم المُعطى أحتاج إلى كتابة المعادلة بصورة الميل والمقطع.

$$4y = -8x + 1$$

$$\frac{4y}{4} = \frac{-8x}{4} + \frac{1}{4}$$

$$y = -2x + \frac{1}{4}$$

معادلة المستقيم المُعطى

أقسم طرفي المعادلة على 4

أبسطُ

ميل المستقيم $y = -2x + \frac{1}{4}$ هو -2

الخطوة 2 أجد ميل المستقيم العموديِّ على المستقيم المُعطى.

ميل المستقيم العموديِّ على المستقيم المُعطى يساوي معكوس مقلوب العدد -2؛ أي $\frac{1}{2}$

الخطوة 3 أكتب معادلة المستقيم بصيغة الميل والمقطع.

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 0 = \frac{1}{2}(x - 4)$$

$$y = \frac{1}{2}(x - 4)$$

$$y = \frac{1}{2}x - 2$$

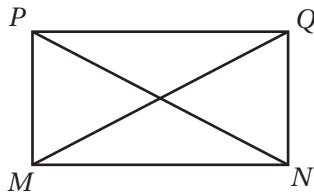
أبدأ بصيغة الميل ونقطة

أعوِّض $m = -2$, $(x_1, y_1) = (4, 0)$

أبسطُ

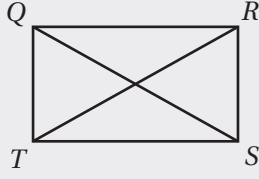
خاصية التوزيع

حالات خاصة من متوازي الأضلاع (المستطيل) (الدرس 3)



24 إذا كان $PQMN$ مستطيلاً، وكان $MQ = 2x + 11$ و $PN = 5x - 31$ ،

فأجد قيمة المتغير x .



مثال: إذا كان $QRST$ مستطيلاً، وكان $QS = 6x + 14$ و $RT = 9x + 5$ ، فأجد قيمة المتغير x .

بما أن $QRST$ مستطيل، فإن قُطْرَيْهِ متطابقان، إذن أجد قيمة x التي تجعل $\overline{QS} \cong \overline{RT}$

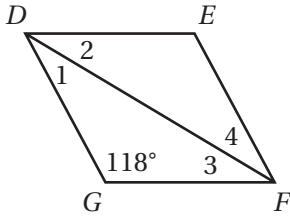
التذكير

المستطيل: هو متوازي أضلاع قُطْرَاهُ متطابقان، وزواياه قوائم.

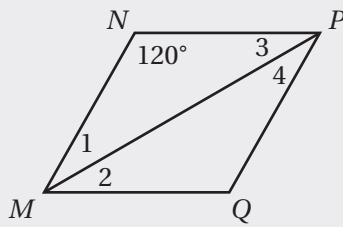
$$\begin{aligned} QS &= RT \\ 9x + 5 &= 6x + 14 \\ 3x + 5 &= 14 \\ 3x &= 9 \\ x &= 3 \end{aligned}$$

قُطْرَا المستطيل متساويان في الطول
أعوّض
أطرح $6x$ من طرفي المعادلة
أطرح 5 من طرفي المعادلة
أقسم طرفي المعادلة على 3

حالات خاصة من متوازي الأضلاع (المعين) (الدرس 3)



25 بيّن الشكل المجاور المعين $DEFG$. إذا كانت $m\angle G = 118$ ، فأجد قياسات الزوايا المرقّمة في الشكل.



مثال: بيّن الشكل المجاور المعين $NPQM$. إذا كانت $m\angle N = 120^\circ$ ، فأجد قياسات الزوايا المرقّمة في الشكل.

$$\begin{aligned} m\angle 1 &= m\angle 3 \\ m\angle 1 + m\angle 3 + 120^\circ &= 180^\circ \\ 2(m\angle 1) + 120^\circ &= 180^\circ \\ 2(m\angle 1) &= 60^\circ \\ m\angle 1 &= 30^\circ \end{aligned}$$

نظريّة المثلث المتطابق الضلعين
مجموع زوايا المثلث
أعوّض
أطرح 120 من طرفي المعادلة
أقسم طرفي المعادلة على 2
ومنهُ فإن $m\angle 1 = m\angle 3 = 30^\circ$

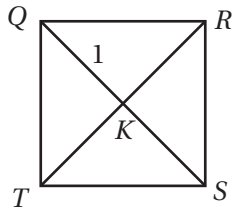
التذكير

المعين: هو متوازي أضلاع جميع أضلاعه متساوية، وقُطْرَاهُ متعامدان، وكل قُطْرٍ من قُطْرَيْهِ ينصّف الزاويتين المتقابلتين اللتين يصل بين رأسيهما.

وبحسب نظرية الزوايا المتقابلة في المَعين فإنَّ $m\angle 1 = m\angle 2$ و $m\angle 3 = m\angle 4$ ، وهذا يعني أنَّ:

$$m\angle 1 = m\angle 2 = m\angle 3 = m\angle 4 = 30^\circ$$

حالاتٌ خاصَّةٌ مِنْ متوازي الأضلاع (المربَّع) (الدرس 3)



يبيِّن الشكلُ المجاورُ المربَّعَ $QRST$. إذا كانَ قُطرَاهُ يتقاطعانِ في النقطةِ K و $QK = 1$ ، فأجدُ كلاً ممَّا يأتي:

26 $m\angle RKS$

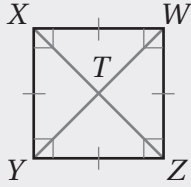
27 $m\angle QTK$

28 $m\angle QRK$

29 KS

30 QS

31 RT



مِثَالٌ: يبيِّن الشكلُ المجاورُ المربَّعَ $XWZY$. إذا كانَ $WT = 3$ ، فأجدُ كلاً ممَّا يأتي:

a) $m\angle WYZ$

$$m\angle WYZ = 45^\circ$$

قُطرُ المربَّعِ ينصِّفُ الزاويتينِ الواصلِ بينَ رأسيهما

b) ZX

$$ZX = WY$$

قُطرَا المربَّعِ متطابقانِ

$$ZX = 2WT$$

قُطرَا المربَّعِ ينصِّفُ كلَّ منهما الآخرَ

$$ZX = 2(3)$$

أعوَّضُ

$$ZX = 6$$

أبسِّطُ

أنتِ كُتِّبِ

المربَّعُ: هُوَ متوازي أضلاعٍ
يحققُ شروطَ المستطيلِ
والمَعينِ معاً.

المستقيمات المتوازية والمتعامدة (الدرس 3)

أحدّد ما إذا كان المستقيمان \overleftrightarrow{BA} و \overleftrightarrow{DC} متوازيين أو متعامدين أو غير ذلك في كلّ ممّا يأتي:

32 $A(8, -2), B(4, -1), C(3, 11), D(-2, -9)$

33 $A(8, 4), B(4, 3), C(4, -9), D(2, -1)$

34 $A(1, 5), B(4, 4), C(9, -1), D(-6, -5)$

35 $A(4, 2), B(-3, 1), C(6, 0), D(-10, 8)$

مثال: أحدّد ما إذا كان \overleftrightarrow{BA} و \overleftrightarrow{DC} متوازيين أو متعامدين أو غير ذلك، حيث $A(1, 1), B(-1, -5), C(3, 2), D(6, 1)$

الخطوة 1 أجد ميل كلّ مستقيم.

• ميل \overleftrightarrow{AB}

صيغة الميل

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$= \frac{-5 - 1}{-1 - 1}$$

$$= \frac{-6}{-2} = 3$$

أعوّض عن (x_1, y_1) و (x_2, y_2) عن $(1, 1)$ و $(-1, -5)$

أبسّط

• ميل \overleftrightarrow{CD}

صيغة الميل

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$= \frac{1 - 2}{6 - 3}$$

$$= -\frac{1}{3}$$

أعوّض عن (x_1, y_1) و (x_2, y_2) عن $(3, 2)$ و $(6, 1)$

أبسّط

الخطوة 2 أحدّد العلاقة بين المستقيمين.

الميلان غير متساويين، إذن، المستقيمان غير متوازيين. ولتحديد ما إذا كان المستقيمان متعامدين أجد حاصل ضرب ميليّهما.

$$3 \times -\frac{1}{3} = -1$$

بما أن حاصل ضرب ميليّ \overleftrightarrow{AB} و \overleftrightarrow{CD} يساوي -1 ، إذن، المستقيمان متعامدان.

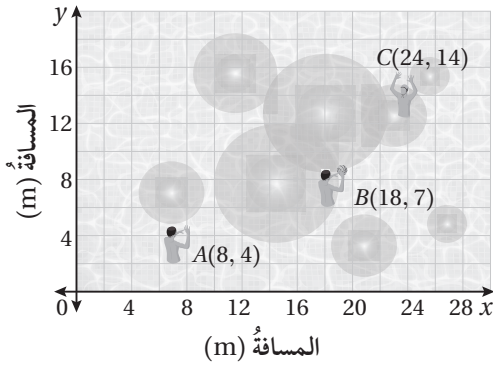
المسافة في المُستوى الإحداثي Distance in the Coordinate Plane

أجد المسافة بين كل نقطتين مما يأتي، وأقرب إجابتي لأقرب جزءٍ من عشرةٍ (إن لزم):

1 $A(1, 2), B(0, -7)$

2 $C(-1, -2), D(3, -4)$

3 $E(9, 1), F(-2, 3)$



يبين الشكل المُجاورُ مواقعَ ثلاثة لاعبين في مباراة كرة الماء. أجد:

4 المسافة بين اللاعبين A و B .

5 المسافة بين اللاعبين B و C .

6 المسافة بين اللاعبين A و C .

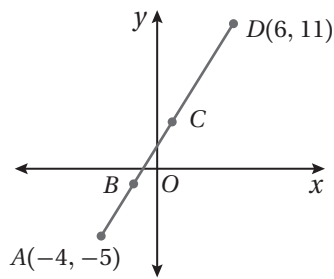
إذا كانت M نقطة مُنتصفِ \overline{FG} ، فأجد القيمة المجهولة في كل مما يأتي:

7 $FM = 3x - 4, MG = 5x - 26, FG = ?$

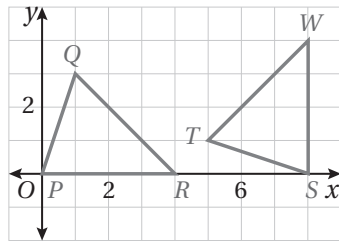
8 $FM = 5y + 13, MG = 5 - 3y, FG = ?$

9 $MG = 7x - 15, FG = 33, x = ?$

10 $FM = 8a + 1, FG = 42, a = ?$



11 إذا علمت أن النقطة B هي مُنتصف \overline{AC} والنقطة C هي مُنتصف \overline{AD} ، كما هو مبين في الشكل المُجاور، فأجد إحداثي B .



12 هل المثلثان المرسومان في المُستوى الإحداثي المُجاور متطابقان؟ أبرر إجابتي.

المسافة بين نقطة ومستقيم Distance between a Point and a Line

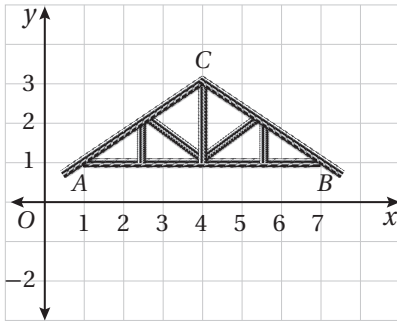
- 1 أجد المسافة بين المستقيم l ، المارّ بالنقطتين $(-3, -1)$ ، $(1, 2)$ ، والنقطة $P(5, 8)$.
- 2 أجد المسافة بين المستقيم l ، المارّ بالنقطتين $(-4, 1)$ ، $(-1, 3)$ ، والنقطة $P(1, 7)$.

أجد المسافة بين النقطة P والمستقيم l في كلِّ مما يأتي:

- 3 $l: y = 3x - 4$, $P(0, 0)$ 4 $l: y + 2x = 5$, $P(1, \frac{-1}{2})$ 5 $l: x = \frac{-1}{2}$, $P(\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$

أجد المسافة بين كلِّ مُستقيمين مُتوازيين في ما يأتي:

- 6 $y = x - 11$ 7 $y + 2x = 1$ 8 $2y + 5x - 7 = 0$
 $y = x - 7$ $y = -2x + 16$ $2y + 5x - 11 = 0$

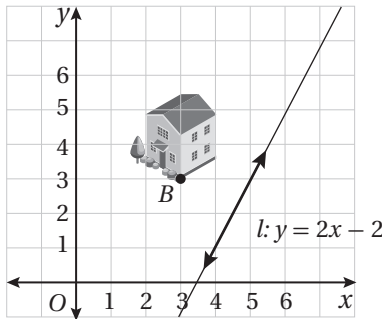


يمثل الشكل المُجاور دعاماتٍ مُستخدمةً في سقفٍ موقفٍ للسيّارات.

9 أجد المسافة بين رأسِ الدعامَةِ C و \overline{AB} .

10 أجد مساحةَ المنطقةِ المُثلثيةِ ABC .

(علمًا أنّ كلَّ وحدةٍ في المُستوى تمثلُ مترًا واحدًا).



11 يمثل الشكل المُجاور خطَّ توزيعِ المياهِ تحت الأرضِ، الذي يمثلهُ المُستقيمُ

$l: y = 2x - 2$ ، وتمثلُ B فيه نقطةَ تزويدِ المنزلِ بالمياهِ. أجد أقصرَ مسافةٍ بينَ

خطِّ التوزيعِ l والنقطةِ B .

(علمًا أنّ كلَّ وحدةٍ في المُستوى تمثلُ 10 أمتارًا).

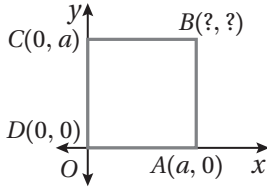
البرهان الإحداثي Coordinate Proof

أرسم كلاً من المضلعات الآتية في المستوى الإحداثي، وأحدّد إحداثيات رؤوس كل منها:

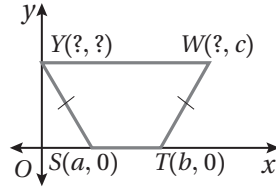
- 1 مثلث متطابق الضلعين طول قاعدته $2b$ وارتفاعه $2c$
- 2 مربع طول ضلعه $2a$ ، ويلتقي قطراه في نقطة الأصل.
- 3 مثلث متطابق الأضلاع طول قاعدته a .
- 4 مستطيل طوله $2k$ و عرضه k وحدة.

أجد الإحداثيات المجهولة في كل شكل من الأشكال الآتية:

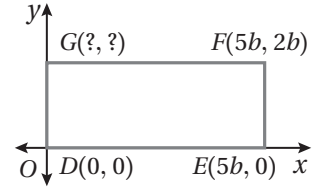
7 مربع



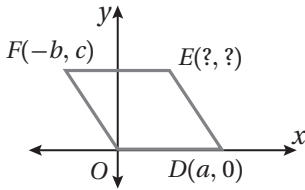
6 شبه منحرف



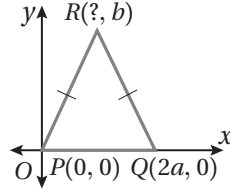
5 مستطيل



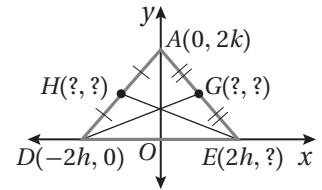
10 متوازي أضلاع



9 مثلث

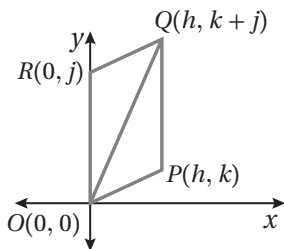


8 مثلث



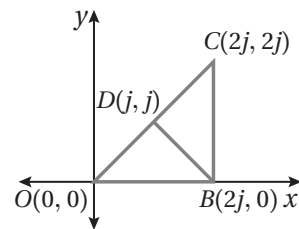
12 أستعمل المعلومات المعطاة في الشكل الآتي؛ لإثبت باستعمال البرهان الإحداثي أن

$$\triangle OPQ \cong \triangle QRO$$

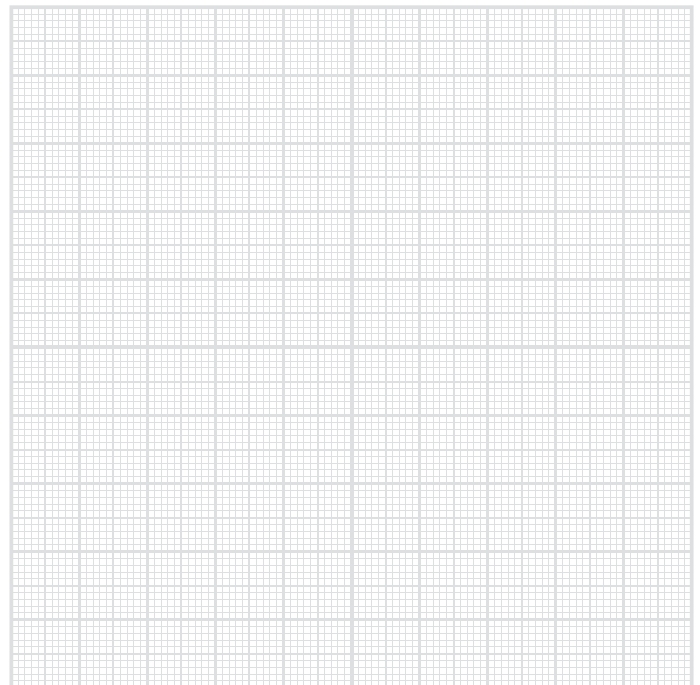
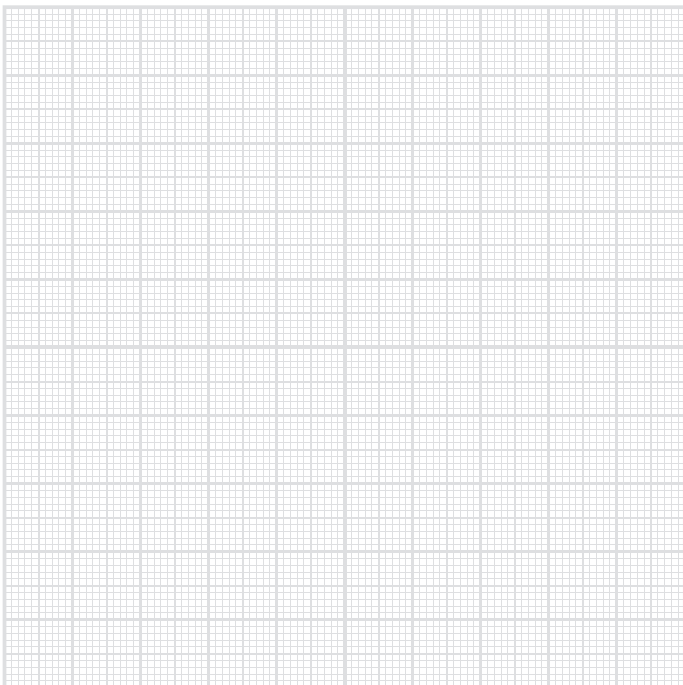
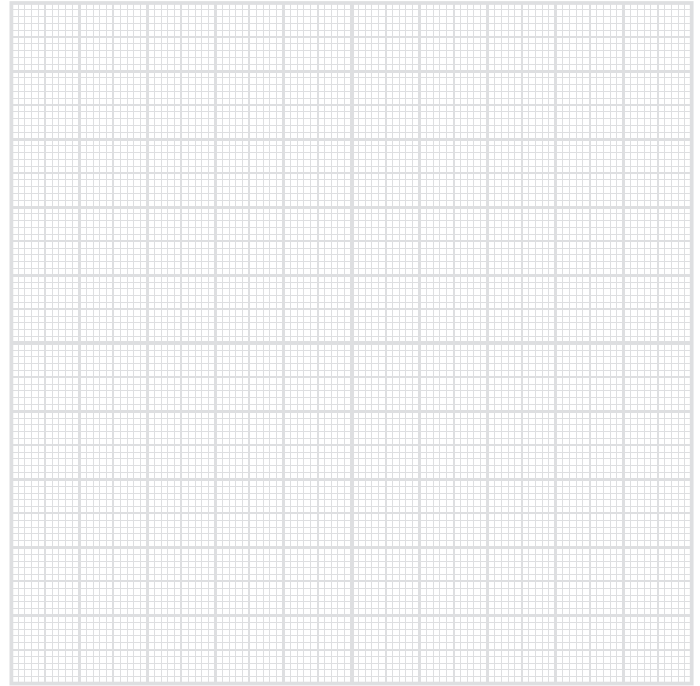
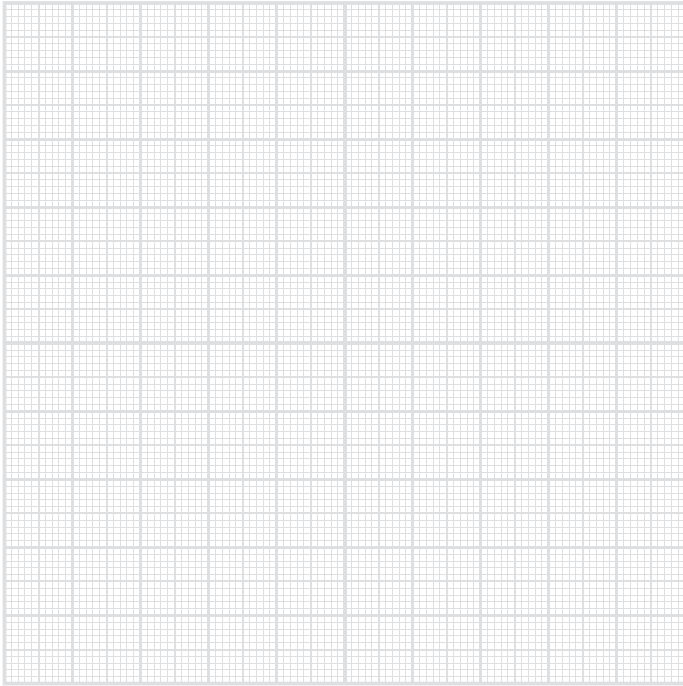


11 أستعمل المعلومات المعطاة في الشكل الآتي؛ لإثبت باستعمال البرهان الإحداثي أن

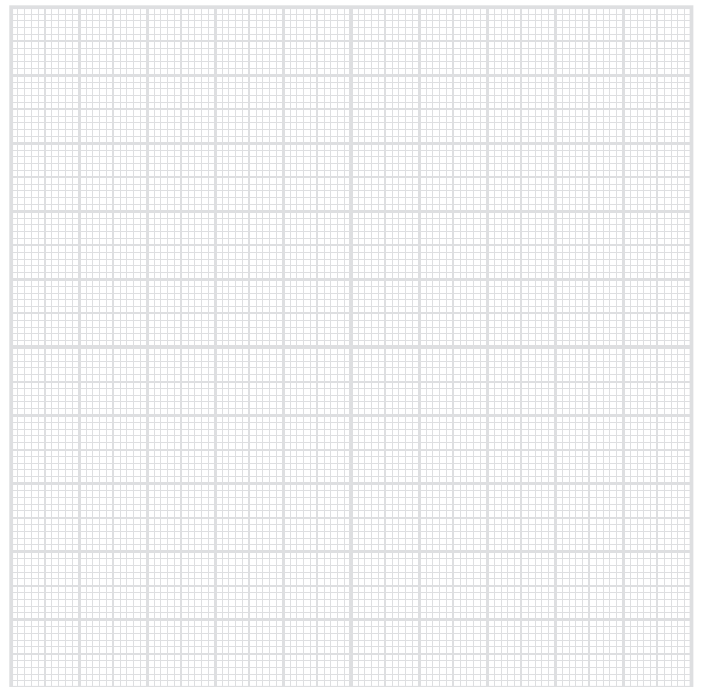
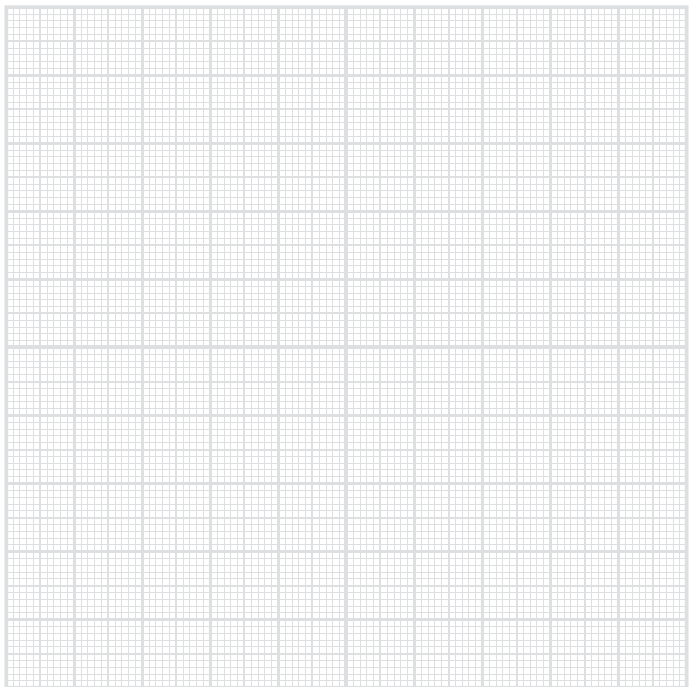
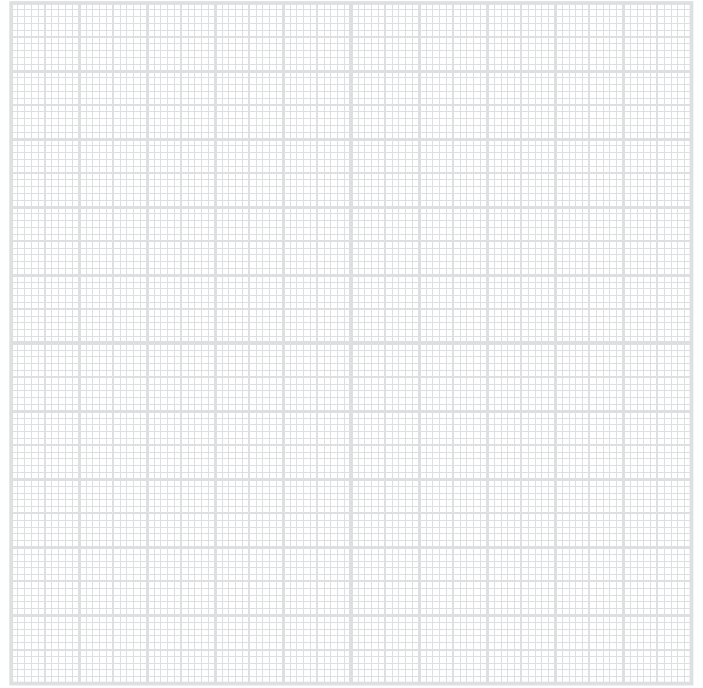
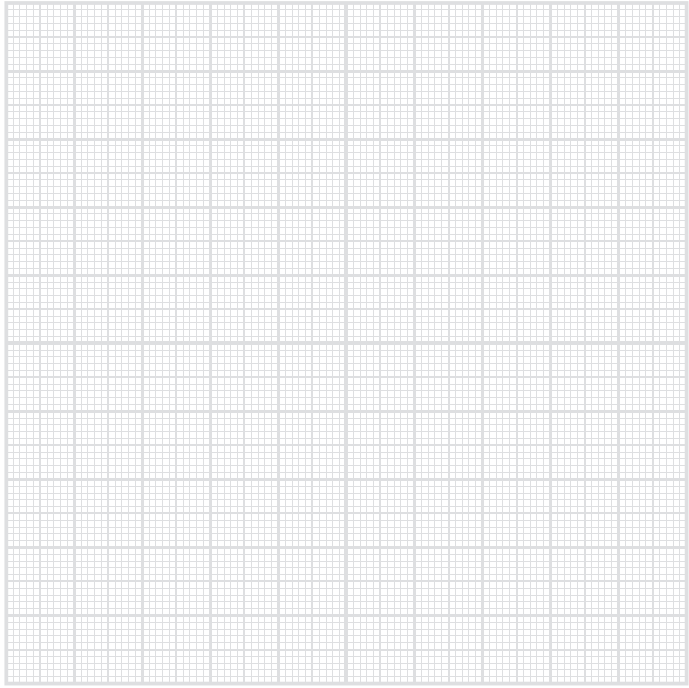
$$\triangle ODB \cong \triangle BDC$$



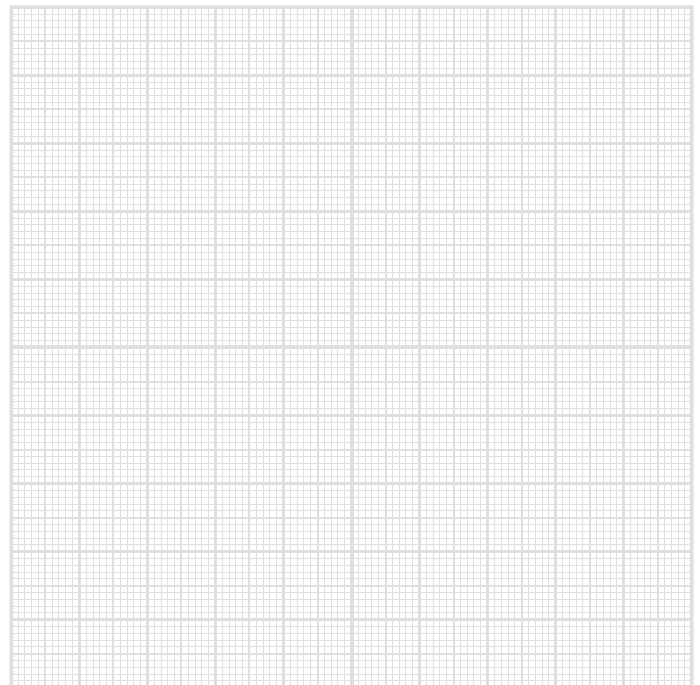
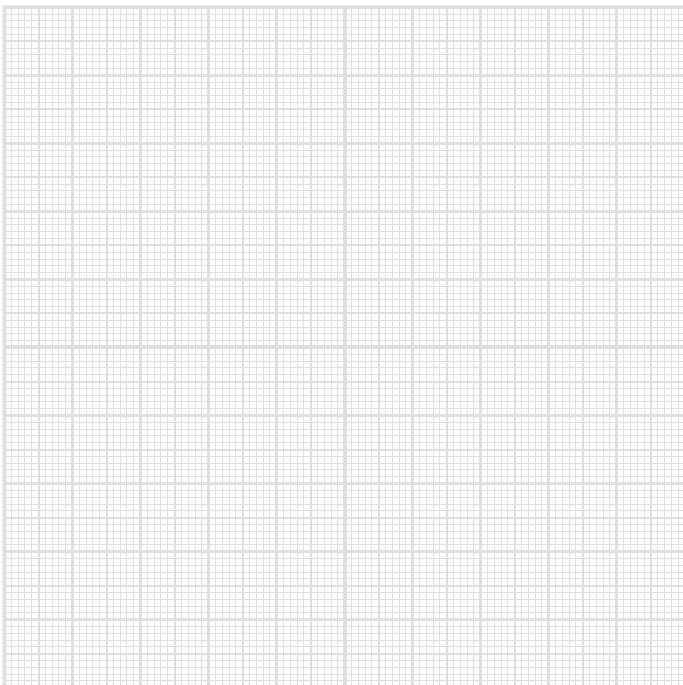
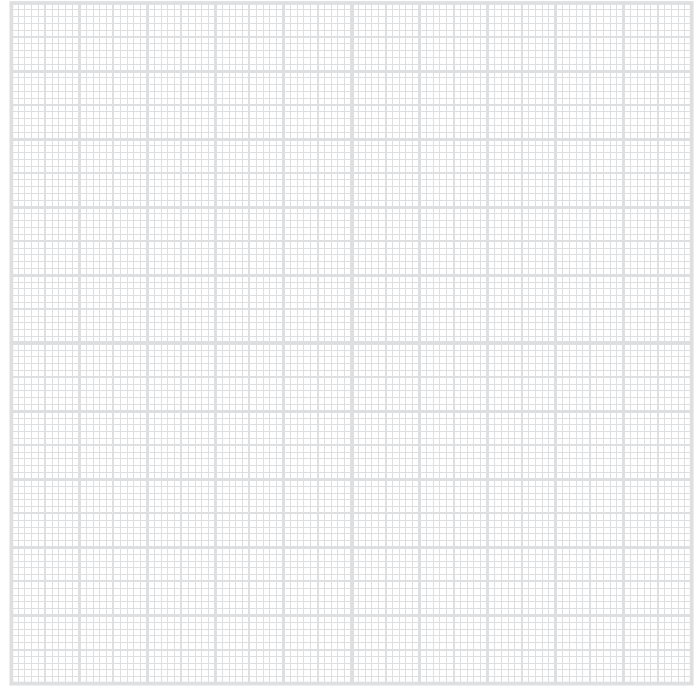
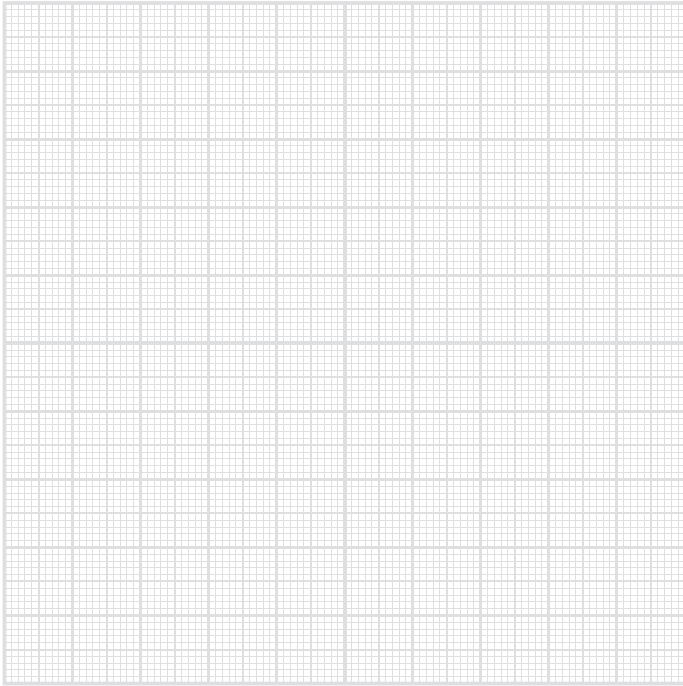
أوراق الرسم البياني



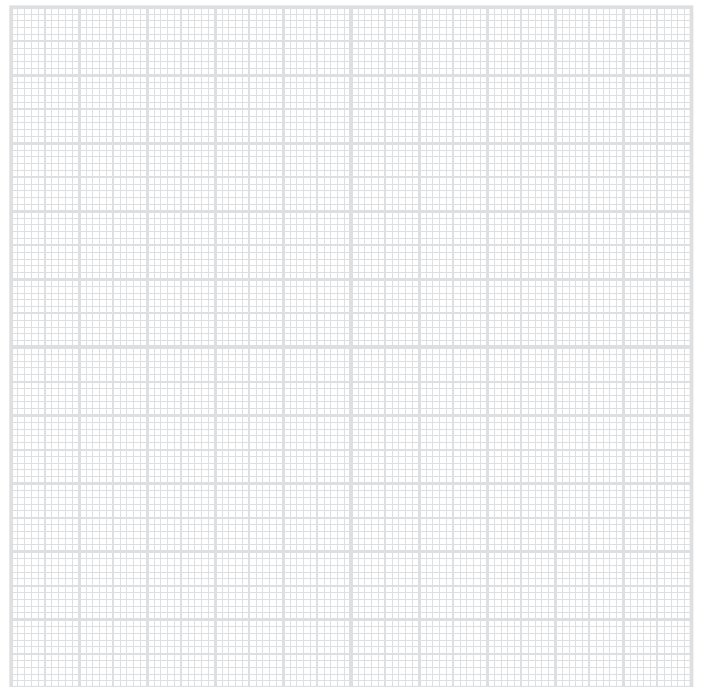
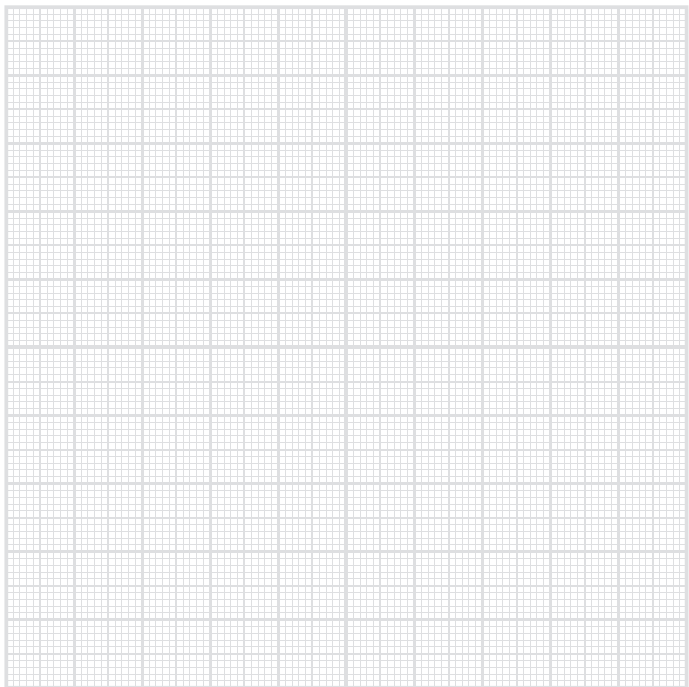
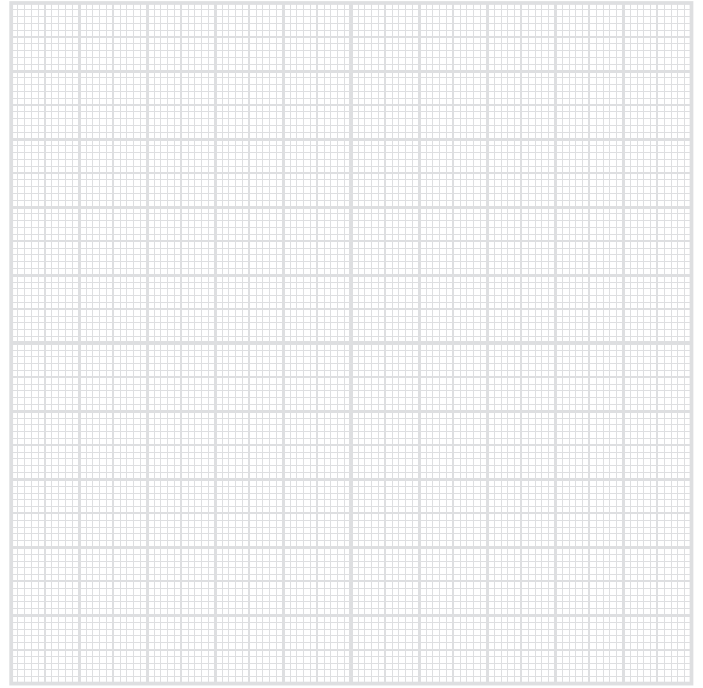
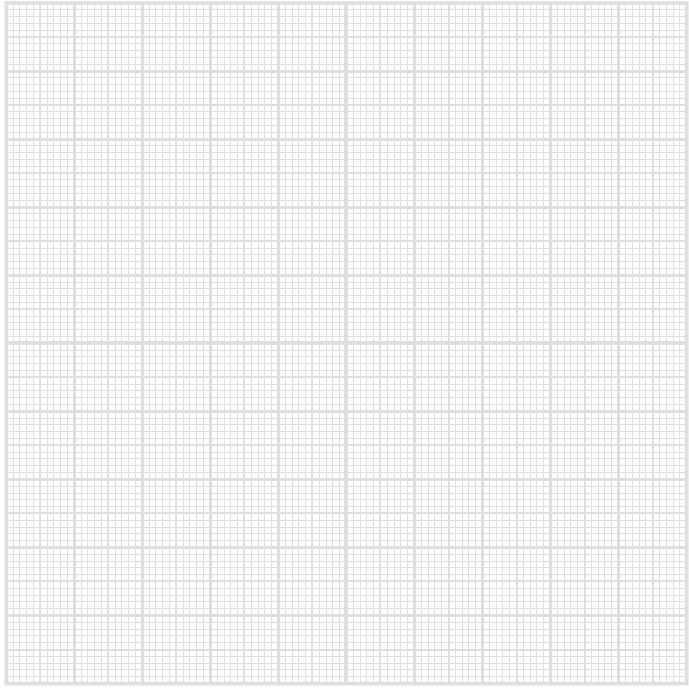
أوراق الرسم البياني



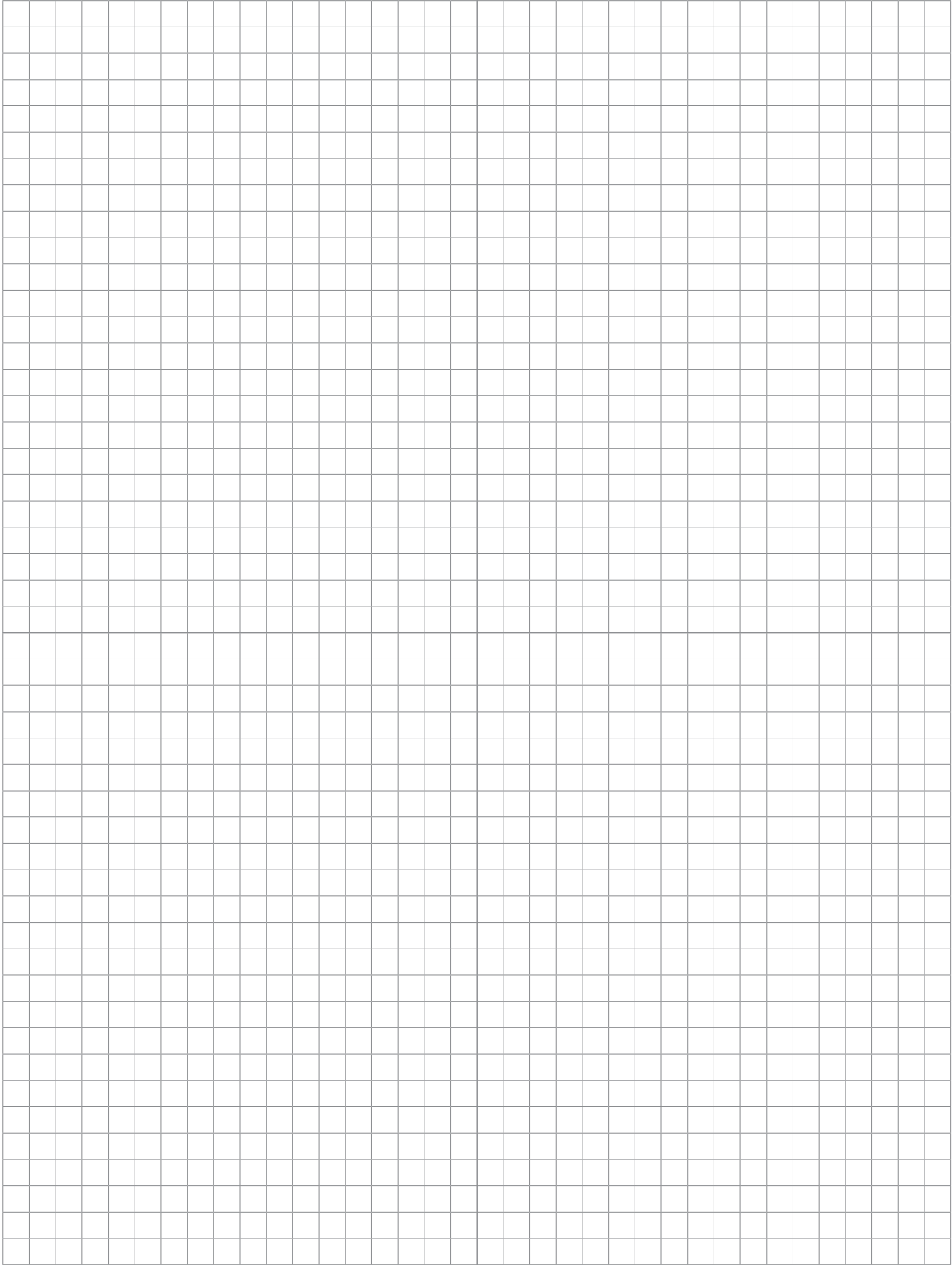
أوراق الرسم البياني



أوراق الرسم البياني



أوراقُ مربّعاتٍ



أوراقُ مربّعاتٍ

