

تجميع أسئلة وزارة الدراس

وحدة تطبيقات التفاضل
توجيهي أدبي



إعداد وتجميع أ. سلسبيل الخطيب

توجيهي 2020 - 2021



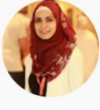
الفصل الأول: التفسير الهندسي والفيزيائي للمشتقة

أولاً: التفسير الهندسي

سلسلة الخطيب

اشترك

YouTube



وزارة ٢٠٢٠ طلبة نظاميون

٢٠) إذا كان ق(س) = $4س^2 + م س + ٥$ ، وكان ميل المماس لمنحنى الاقتران ق عندما $س = ٢$ يساوي (٢٠) ،
فما قيمة الثابت م ؟

- (أ) ٤ (ب) -٤ (ج) ٣٦ (د) -٣٦

وزارة ٢٠٢٠ دراسة خاصة

١٦) إذا كان ق(س) اقتراناً متصلًا ، حيث ق(١) = ٢ ، ق'(١) = صفر ، فإن معادلة المماس لمنحنى
الاقتران ق عند س = ١ هي:

- (أ) $س = ٢$ (ب) $س - ٢ = ٢$ (ج) $ص - ٢ = ٢$ (د) $ص = ٢$

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

ج) إذا كان ق(س) = $\frac{٨}{س}$ ، $س \neq ٠$ ، فجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق عندما $س = ٢$
(١١ علامة)

سلسلة الخطيب

اشترك

YouTube





٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

(ج) إذا كان ق (س) = $\frac{5}{س}$ ، س ≠ ٠ ، فجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق عندما س = ١
(١٠ اعلات)

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

(٤) إذا كان ق (س) = $س^٢ - ١٢س$ ، فما قيمة س التي يكون لمنحنى الاقتران ق عندها مماسًا موازيًا لمحور السينات؟
أ) صفر ب) ١٢ ج) ٦ د) -٦

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

(٤) إذا كان ق (س) = $س^٢ - ٤س$ ، فما قيمة س التي يكون لمنحنى الاقتران ق عندها مماسًا موازيًا لمحور السينات؟
أ) -٤ ب) -٢ ج) صفر د) ٢

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٨) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

أ) انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها:
(٤ اعلات)
١) إذا كان ق (س) = $كس^٢ + س$ ، وكان ميل المماس لمنحنى الاقتران ق عندما س = ١ يساوي ٣ ،
فإن قيمة الثابت ك تساوي:
أ) ٢ ب) -٢ ج) ١ د) -١



٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٨) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

ب) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق (س) = $\frac{س-٢}{س+١}$ ، س $\neq ١$ عند النقطة (٠ ، ق(٠)) (٥ علامات)

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٨) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

ب) إذا كان ق (س) = $\frac{س}{س-١}$ ، س $\neq ١$ ، فجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق عندما س = ٢ (٥ علامات)

٢٠١٩ صيفي الكتاب القديم – الامتحان العام

ج) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق (س) = (س + ١) (س + ٢) عند س = ١ (٦ علامات)

٢٠١٩ صيفي الكتاب القديم – الامتحان التكميلي

أ) إذا كان ق (س) = $\frac{٥}{س+١}$ ، س $\neq ١$ ، فجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق عند النقطة (٠ ، ٥) (٤ علامات)

٢٠١٩ شتوي الكتاب الجديد

١) إذا كان ق (س) = $١ + \frac{٣}{س}$ ، فإن ميل المماس لمنحنى الاقتران ق عند النقطة (١ ، ٢) يساوي:

أ) ١ ب) ٢ ج) $\frac{٣}{٢}$ د) $\frac{٥}{٢}$



٢) إذا كان ق (س) اقتراناً متصلاً ، حيث ق (٠) = ١ ، ق (٠) = ٠ ، فإن معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق عند س = ٠ هي:

أ) ص = ١ - ب) ص = ١ ج) س = ١ د) س = ١ -

٢٠١٩ شتوي الكتاب القديم

أ) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق (س) = $\frac{4}{1+s}$ عند س = ١ (٤ علامات)

٢٠١٨ صيفي الكتاب الجديد

ج) إذا كان ق (س) = $\frac{s^2 + 5}{4s + 2}$ ، س ≠ $\frac{1}{2}$ ، فجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق عند النقطة (١ ، ١) (٤ علامات)

٢٠١٨ صيفي الكتاب القديم

ج) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق (س) = (س + ١) (س + ٣) عند س = ١ (٦ علامات)

٢٠١٨ شتوي الكتاب الجديد

ج) إذا كان ق (س) = $\sqrt[3]{s}$ ، فجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق عندما س = ١ (٤ علامات)



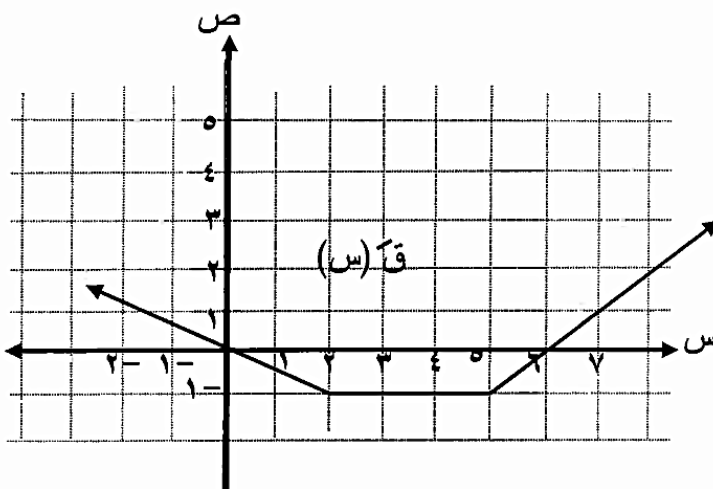
ج) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق(س) = س² + س ، عند س = ١ (٥ علامات)

٢٠١٧ صيفي

ب) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق(س) = $\sqrt{1 - 2س}$ ، عند س = ٥ (٥ علامات)

٢٠١٧ صيفي

ب) معتمداً الشكل المجاور الذي يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق(س) ، جد كلاً مما يأتي: (٦ علامات)



(١) قيم س الحرجة للاقتران ق.

$$(٢) \text{ نهـا } \frac{ق(٢+٥) - ق(٢)}{٥}$$

(٣) ميل المماس المرسوم لمنحنى

الاقتران ق عند س = ٧

٢٠١٧ شتوي

ج) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق(س) = س(٣ - ١) عند س = ١ (٥ علامات)



(ب) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق (س) = $\frac{س^٦}{س^٢ + ٢}$ عند النقطة (١-، ٢-) . (٥ علامات)

٢٠١٦ شتوي

(٤ علامات) (ج) إذا كان ق (س) = $\frac{س^٢}{س^٣ + ٤}$ ، فجد ميل المماس لمنحنى ق (س) عند س = ١-

٢٠١٥ صيفي

(ب) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق (س) = $\frac{١}{س}$ عند س = ١- . (٤ علامات)

٢٠١٥ شتوي

(ج) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق (س) = $\sqrt{٦ + ٢س^٣}$ عند النقطة (١، ٣) . (٤ علامات)

٢٠١٤ صيفي

(ب) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق (س) = $\frac{٢}{١ - س^٣}$ عند النقطة (٠، ٢-) . (٤ علامات)



(أ) إذا كان ق(س) = س(٣ - ١) ، فجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق(س) عند س = ١
(٦ علامات)

٢٠١٣ صيفي

(ب) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق(س) = $\sqrt{2 - س} + ٤$ عند النقطة (٣ ، ٥) .
(٤ علامات)

٢٠١٣ شتوي

(ج) جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق(س) = $\frac{٣}{٢ + س}$ عند النقطة (٣ ، ٠) .
(٤ علامات)



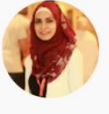


ثانياً: التفسير الفيزيائي

سلسيل الخطيب

اشترك

YouTube



وزارة ٢٠٢٠ طلبة نظاميون

(٢١) إذا كان ف (ن) = $٦ - ٣$ ن هي المسافة التي يقطعها جسيم ، حيث ف المسافة بالأمطار ، ن الزمن بالثواني ، ما سرعة الجسيم بعد ٣ ثوانٍ من بدء الحركة؟

(أ) ١٨ م/ث (ب) ١٨- م/ث (ج) ٢١ م/ث (د) ٢١- م/ث

وزارة ٢٠٢٠ دراسة خاصة

(١٧) يتحرك جسيم وفق العلاقة: ف (ن) = $٣ - ٢$ ن + ٢ ، حيث ف المسافة بالامطار ، ن الزمن بالثواني ، فإن تسارع الجسيم بعد مرور (٣) ثوانٍ من بدء الحركة يساوي:

(أ) ٣ م/ث^٢ (ب) ٢ م/ث^٢ (ج) ٦ م/ث^٢ (د) ٥ م/ث^٢

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

(ب) يتحرك جسيم وفقاً للعلاقة: ف (ن) = $٣ - ٣$ ن + ١٨ ن + ١٠ ، حيث ف المسافة المقطوعة بالأمطار ، ن الزمن بالثواني، جد سرعة الجسيم عندما ينعدم تسارعه. (٨ علامات)



٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٨) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

٢) يتحرك جُسيم وفق العلاقة: $f(n) = n^2 + 2n + 2$ ، حيث f المسافة التي يقطعها الجُسيم بالأمتار، n الزمن بالثواني، ما سرعة الجُسيم بعد مرور ثانييتين من بدء الحركة؟
 أ (١٦ م/ث ب (١٨ م/ث ج (٢٠ م/ث د (٢٨ م/ث

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

ب) يتحرك جُسيم وفقاً للعلاقة: $f(n) = n^3 - 3n$ ، حيث f المسافة التي يقطعها الجُسيم بالأمتار، n الزمن بالثواني، جد سرعة الجُسيم عندما يكون تسارعه ١٢ م/ث^٢ (٧ علامات)

٢٠١٩ صيفي الكتاب القديم – الامتحان التكميلي

٢) يتحرك جُسيم على خط مستقيم وفق العلاقة $f(n) = n^3 - n + 1$ ، حيث f المسافة التي يقطعها الجُسيم بالأمتار ، n الزمن بالثواني ، ما تسارع الجُسيم بعد مرور (٣) ثوانٍ من بدء الحركة ؟
 أ (١٨ م/ث^٢ ب (٢٤ م/ث^٢ ج (٢٦ م/ث^٢ د (٢٧ م/ث^٢

٢٠١٩ شتوي الكتاب الجديد

١) يتحرك جُسيم في خط مستقيم وفقاً للعلاقة $f(n) = 3n^2 - n + 1$ ، حيث f المسافة التي يقطعها الجُسيم بالأمتار، n الزمن بالثواني، احسب سرعة الجُسيم عندما ينعدم تسارعه. (٥ علامات)



٢) يتحرك جسيم وفق العلاقة: $v = 4n^2 - 3n$ ، حيث v المسافة التي يقطعها الجسيم بالأمتار، n الزمن بالثواني. إذا كانت سرعة الجسيم المقطوعة بعد ثنيتين من بدء الحركة تساوي (٢٤) م/ث، فإن قيمة الثابت a تساوي:

- أ) ٢ ب) ٣ ج) ٩ د) ٨

٢٠١٨ صيفي الكتاب الجديد

٣) يتحرك جسيم وفق العلاقة: $v = 3n^2 + n$ ، حيث v المسافة التي يقطعها الجسيم بالأمتار، n الزمن بالثواني، ما سرعة الجسيم بعد مرور ثانية واحدة من بدء الحركة؟

- أ) ٨ م/ث ب) ٥ م/ث ج) ٤ م/ث د) ٢ م/ث

٢٠١٨ شتوي الكتاب الجديد

ب) يتحرك جسيم على خط مستقيم وفق العلاقة $v = 3n^3 - 7n^2 + 7$ ، حيث v المسافة التي يقطعها الجسيم بالأمتار، n الزمن بالثواني، جد سرعة الجسيم بعد مرور ٤ ثوان من بدء الحركة. (٣ علامات)

٢٠١٨ شتوي الكتاب القديم

١) يتحرك جسيم وفق العلاقة $v = 2n^2 - 6n - 3$ ، حيث v المسافة المقطوعة بالأمتار، n الزمن بالثواني، ما تسارع الجسيم في اللحظة $n = ١$ ؟

- أ) ١٢ ن^٢ ب) ١٢ ن ج) ٦ ن - ٦ د) ٦ ن - ٢



أ) يتحرك جسيم وفق العلاقة $f(n) = n^3 + 9n + 1$ ، حيث f المسافة التي يقطعها الجسيم بالأمطار،
ن الزمن بالثواني، جد تسارع الجسيم عندما تكون سرعته ١٢ م/ث. (٥ علامات)

٢٠١٧ شتوي

ب) يتحرك جسيم على خط مستقيم وفق العلاقة $f(n) = n^3 - 4n^2 + 8n$ ، حيث f المسافة التي يقطعها
الجسيم بالأمطار، ن الزمن بالثواني، جد المسافة التي يقطعها الجسيم عندما يكون تسارعه ٤ م/ث^٢.
(٥ علامات)

٢٠١٦ صيفي

ب) يتحرك جسيم على خط مستقيم وفقاً للاقتران $f(n) = 2n^3 - n^2 + 8$ ، حيث f المسافة
التي يقطعها الجسيم بالأمطار، ن الزمن بالثواني، جد سرعة الجسيم عندما يكون تسارعه (٤) م/ث^٢.
(٤ علامات)

٢٠١٦ شتوي

ب) يتحرك جسيم على خط مستقيم وفقاً للاقتران $f(n) = n^3 + 9n + 6$ ، f المسافة التي
يقطعها الجسيم بالأمطار، ن الزمن بالثواني، $n < 1$ ، جد تسارع الجسيم عندما تكون سرعته ١ م/ث. (٤ علامات)

٢٠١٥ صيفي

ب) يتحرك جسيم وفق العلاقة $f(n) = 2n^3 - 3n^2$ ، حيث f المسافة التي يقطعها الجسيم بالأمطار، ن الزمن
بالثواني، $n \leq 0$ صفر. جد المسافة التي يقطعها الجسيم عندما يكون تسارعه ٣٠ م/ث^٢. (٤ علامات)



(أ) يتحرك جسيم على خط مستقيم وفقاً للاقتران $f(n) = 3n^2 - 7n + 7$ ، حيث f المسافة التي يقطعها الجسيم بالأمتار، n الزمن بالثواني، $n \leq 0$. جد سرعة الجسيم عندما يكون تسارعه 12 م/ث^2 . (٥ علامات)

٢٠١٤ صيفي

(ج) يتحرك جسيم على خط مستقيم وفقاً للاقتران $f(n) = 2n^2 - 1n + 1$ ، حيث f المسافة التي يقطعها الجسيم بالأمتار، n الزمن بالثواني، $n \leq 0$. جد تسارع الجسيم عندما تكون سرعته 25 م/ث . (٥ علامات)

٢٠١٤ شتوي

(أ) يتحرك جسيم على خط مستقيم وفقاً للاقتران $f(n) = 2n^2 - 10n + 10$ ، حيث f المسافة التي يقطعها الجسيم بالأمتار، n الزمن بالثواني، جد سرعة الجسيم عندما يكون تسارعه 4 م/ث^2 . (٥ علامات)

٢٠١٣ صيفي

(ج) يتحرك جسيم على خط مستقيم وفقاً للاقتران $f(n) = 2n^2 - 6n + 8$ ، $n \leq 0$. جد تسارع الجسيم عندما تكون سرعته 8 م/ث . (٤ علامات)

٢٠١٣ شتوي

(ب) يتحرك جسيم على خط مستقيم وفقاً للاقتران $f(n) = 2n^2 - 5n + 5$ ، حيث f : المسافة التي يقطعها الجسيم بالأمتار، n : الزمن بالثواني ، جد سرعة الجسيم عندما يكون تسارعه (10 م/ث^2) . (٤ علامات)



الفصل الثاني: تطبيقات الاشتقاق

أولاً: التزايد والتناقص

سلسيل الخطيب

اشترك

YouTube



وزارة ٢٠٢٠ طلبة نظاميون

٢٥) ما الفترة التي يكون فيها منحنى الاقتران ق(س) = ٢٧ س - س^٣ متزايداً؟
 (أ) [٣ ، ∞) (ب) (٣ ، ∞-) (ج) [٣ ، ٣-) (د) (٣- ، ∞-)

وزارة ٢٠٢٠ دراسة خاصة

١٨) إذا كانت ق(س) = ٤ - س^٤ ، فإن الاقتران ق يكون متزايداً في الفترة:
 (أ) [٤ ، ٠) (ب) [٢ ، ٢-) (ج) (∞ ، ٢) (د) (٢- ، ∞-)

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

د) إذا كان ق(س) = ٤ س^٣ - ٦ س^٢ - ١٢ ، فجد كلاً مما يأتي للاقتران ق:
 (١) فترات التزايد والتناقص. (٢) القيم القصوى المحلية (العظمى والصغرى) إن وجدت. (١٤ علامة)

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

د) إذا كان ق(س) = ٣ س^٣ - ٥ س + ٥ ، فجد كلاً مما يأتي للاقتران ق:
 (١) فترات التزايد والتناقص. (٢) القيم القصوى المحلية (العظمى والصغرى) إن وجدت. (١٤ علامة)



٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٨) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

(ج) إذا كان ق (س) = $\frac{1}{3}س^2 - 2س + 3س + 5$ ، فجد فترات التزايد والتناقص للاقتران ق

(٥ علامات)

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٨) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

(ج) إذا كان ق (س) = $س^2 - 27س + 1$ ، فجد فترات التزايد والتناقص للاقتران ق .

(٥ علامات)

٢٠١٩ صيفي الكتاب القديم – الامتحان العام

(ب) إذا كان ق (س) = $54س - 2س^3$ ، فجد فترات التزايد وفترات التناقص للاقتران ق .

(٥ علامات)

٢٠١٩ صيفي الكتاب القديم – الامتحان التكميلي

(ب) إذا كان ق (س) = $\frac{1}{3}س^3 - 2س - 3س$ ، فجد كلاً مما يأتي للاقتران ق:

(٤ علامات)

(١) فترات التزايد والتناقص.

(٤ علامات)

(٢) القيم العظمى والصغرى (إن وجدت).

٢٠١٩ شتوي الكتاب الجديد

(ب) إذا كان ق (س) = $12س - 3س^3$ ، فجد كلاً مما يأتي:

(٤ علامات)

(١) فترات التزايد والتناقص للاقتران ق

(٤ علامات)

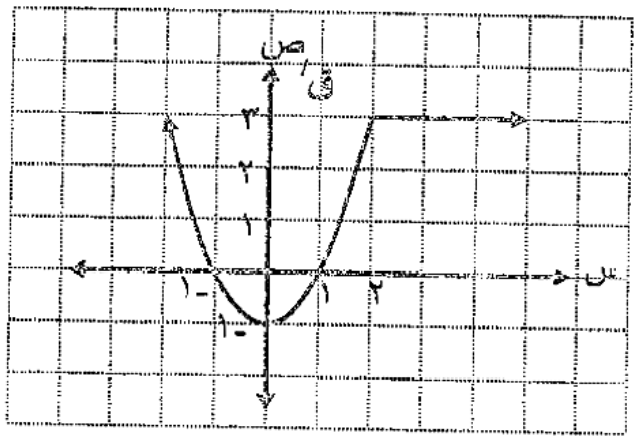
(٢) القيم القصوى للاقتران ق محدداً نوعها



ب) إذا كان $ق (س) = (س - ٣)$ ، فجد كلاً مما يأتي:
 (١) فترات التزايد والتناقص للاقتران $ق (س)$.
 (٢) القيم العظمى والصغرى للاقتران $ق (س)$ (إن وجدت).

(٤ علامات)
 (٤ علامات)

٢٠١٨ صيفي الكتاب الجديد



(١) معتمداً الشكل المجاور الذي يُمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران $ق$ ، ما الفترة التي يكون فيها منحنى الاقتران $ق$ متناقصاً؟
 أ) $(٠ ، \infty-)$ ب) $(١ ، ١-]$
 ج) $(٢ ، ٠]$ د) $(١- ، \infty-)$

٢٠١٨ صيفي الكتاب الجديد

أ) بيّن أن الاقتران $ل (س) = ٣ - س^٣$ يكون متناقصاً لجميع قيم $س$ الحقيقية. (علامتان)

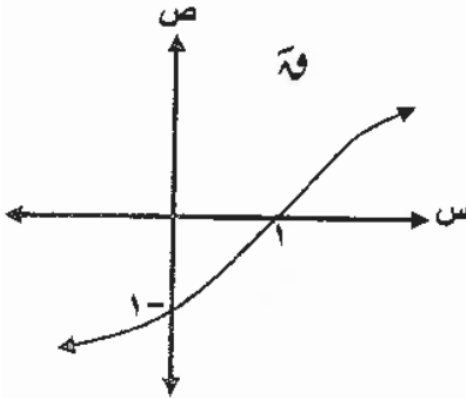
٢٠١٨ صيفي الكتاب القديم

ب) إذا كان $ق (س) = \frac{١}{س^٣} - \frac{١}{س^٢}$ ، فجد فترات التزايد وفترات التناقص للاقتران $ق$ (٥ علامات)



(ج) إذا كان $ق(س) = س(س - ٢٧)$ ، فجد فترات التزايد والتناقص للاقتران $ق$. (٥ علامات)

٢٠١٨ شتوي الكتاب القديم



(٢) معتمداً الشكل المجاور الذي يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران $ق$ ، يكون منحنى الاقتران $ق$ متناقصاً في الفترة:

(أ) $(-\infty, 1-)$ (ب) $(-\infty, 1)$

(ج) $(1, 1-)$ (د) $(1, 0)$

٢٠١٨ شتوي الكتاب القديم

(ج) إذا $ق(س) = -٢س^٣ + ٦س + ٤$ ، فجد كلاً مما يأتي للاقتران $ق$: (٦ علامات)

(١) فترات التزايد والتناقص.

(٢) القيم القصوى (العظمى والصغرى) إن وجدت.

٢٠١٧ صيفي

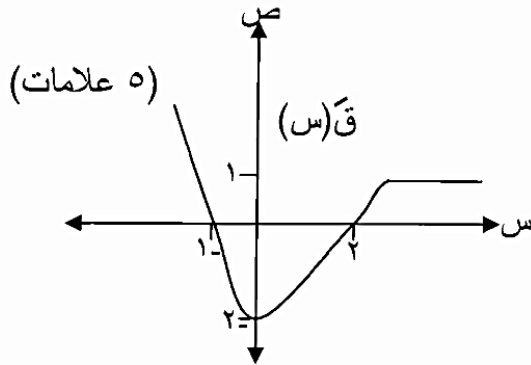
(أ) ليكن $ق(س) = \frac{١}{٣}س^٣ - \frac{١}{٢}س^٢ + ٧س$ ، جد كلاً مما يأتي للاقتران $ق$: (٨ علامات)

(١) فترات التزايد والتناقص.

(٢) القيم العظمى والصغرى (إن وجدت).



ب) اعتماداً على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتزان ق(س) المعروف على مجموعة الأعداد الحقيقية، أجب عما يأتي:



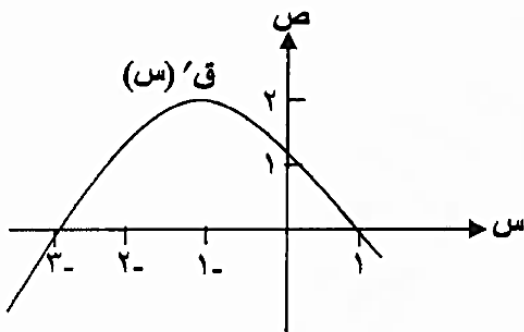
- ١) جد قيم س الحرجة للاقتزان ق.
- ٢) جد فترات التزايد والتناقص للاقتزان ق.
- ٣) جد ميل المماس المرسوم لمنحنى الاقتزان ق عند $s = 0$.

٢٠١٦ صيفي

أ) إذا كان ق (س) = $6s^2 - s^3 + 4$ ، فجد فترات التزايد والتناقص للاقتزان ق . (٦ علامات)

٢٠١٦ صيفي

ب) معتمداً على الشكل المجاور الذي يُمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتزان ق (س) المعروف على ح ، أجب عما يأتي :

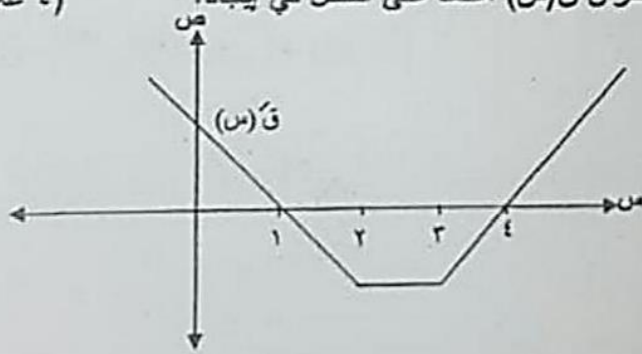


- ١) كم عدد القيم الحرجة للاقتزان ق ؟
- ٢) اكتب قيم س التي يكون للاقتزان عندها قيم قصوى وبيّن نوعها.

٣) جدها $\frac{ق(-1) - ق(-3)}{2}$ ← هـ



(٤ علامات)



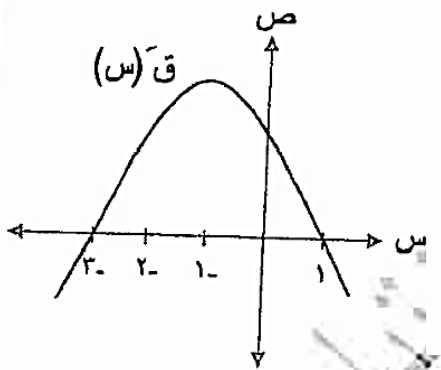
- ١) قيم س الحرجة للاقتران ق .
- ٢) فترات التزايد والتناقص للاقتران ق .

٢٠١٥ صيفي

أ) إذا كان $Q(s) = 2s^2 - 12s + 2$ فجد القيم العظمى والصغرى (إن وجدت) للاقتران ق(س). (٦ علامات)

٢٠١٥ صيفي

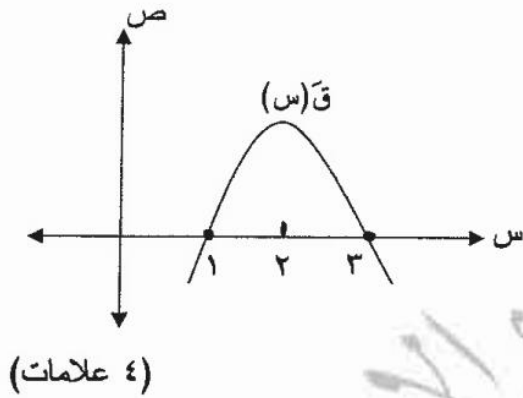
(٤ علامات)



- ١) قيم س الحرجة للاقتران ق .
- ٢) فترات التزايد والتناقص للاقتران ق .

٢٠١٥ شتوي

أ) إذا كان $Q(s) = 3s^2 - 2s + 4$ ، فجد فترات التزايد والتناقص للاقتران ق. (٥ علامات)



(ب) معتمداً على الشكل المجاور الذي يُمثِّل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق(س).
أجب عما يأتي:

- (١) جد قيم س الحرجة للاقتران ق(س).
- (٢) جد فترات التزايد والتناقص للاقتران ق.

٢٠١٤ شتوي

(أ) إذا كان ق(س) = $س^٣ - ٣س^٢$ فجد فترات التزايد والتناقص للاقتران ق . (٦ علامات)

٢٠١٣ صيفي

(ب) إذا كان ق(س) = $٤س^٣ - ٦س^٢ + ٢$ ، فجد :
(١) فترات التزايد للاقتران ق .
(٢) قيم س التي يكون عندها قيمة عظمى أو صغرى للاقتران ق وحدد نوعها.

٢٠١٣ شتوي

(أ) إذا كان ق(س) = $٤٨س - س^٣$ ، فأجب عما يأتي :
(١) جد فترات التزايد والتناقص للاقتران ق .
(٢) جد القيم العظمى والصغرى (إن وجدت) للاقتران ق(س).



ثانياً: القيم اقصوى

ملاحظة: الموضوع

ثانياً: اختبار المشتقة الثانية للقيم القصوى

مذوف

سلسبيل الخطيب

اشترك

YouTube



وزارة ٢٠٢٠ طلبة نظاميون

(٢٢) إذا كان للاقتران ق(س) = ل س^٢ - ٤ س + ٣ نقطة حرجة عند س = ٢ ، فإن قيمة الثابت ل تساوي:

(أ) ١ (ب) ١- (ج) ٤- (د) ٣

وزارة ٢٠٢٠ طلبة نظاميون

(٢٣) إذا علمت أن ق(س) = (س - ٤) (س + ٦) ، فإن مجموعة قيم س الحرجة للاقتران ق(س) هي:

(أ) {٤- ، ٦-} (ب) {٤- ، ٦} (ج) {٤ ، ٦-} (د) {٤ ، ٦}

وزارة ٢٠٢٠ طلبة نظاميون

(٢٤) إذا كان ق(س) = ٤ س^٣ - ٦ س^٢ + ٢٤ س ، فإن القيمة العظمى المحلية للاقتران ق تساوي:

(أ) ٢٤ (ب) ٢٢ (ج) ١ (د) صفر

للتواصل عبر الواتسب : ٠٧٨٨٧٧١٧٢٤

أ. سلسبيل الخطيب



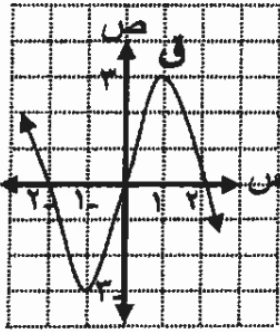
١٩) إذا كان للاقتران ق(س) = م س^٢ + ٦س - ٤ ، نقطة حرجة عند س = -١ ، فإن قيمة الثابت م تساوي:

- أ) ٣ ب) -٣ ج) -٤ د) ٤

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

أ) انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها:

معمدًا الشكل المجاور الذي يُمثل منحنى الاقتران ق ، أجب عن الفقرتين (١) ، (٢) الآتيتين:



١) ما قيم س الحرجة للاقتران ق؟

- أ) -٣ ، ٣ ب) -١ ، ٠ ، ١

- ج) -٢ ، ٠ ، ٢ د) -١ ، ١

٢) ما قيمة س التي يكون للاقتران ق عندها قيمة صغرى محلية؟

- أ) -١ ب) ١ ج) -٢ د) ٢

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

د) إذا كان ق(س) = ٤س^٣ - ٦س^٢ - ١٢س ، فجد كلاً مما يأتي للاقتران ق: (١٤ علامة)

١) فترات التزايد والتناقص. ٢) القيم القصوى المحلية (العظمى والصغرى) إن وجدت.

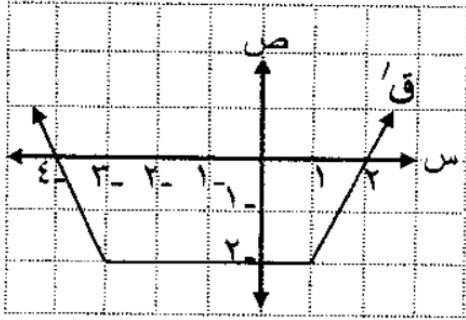


٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

- د (إذا كان ق (س) = س^٣ - ٣س + ٥ ، فجد كلاً مما يأتي للاقتران ق:
- (١) فترات التزايد والتناقص .
- (٢) القيم القصوى المحلية (العظمى والصغرى) إن وجدت.
- (١٤ علامة)

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

- أ (انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها:
- معتدماً الشكل المجاور الذي يُمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق ، أجب عن الفقرتين (١) ، (٢) الآتيتين



(١) ما قيم س الحرجة للاقتران ق؟

أ) -١ ، ٣ (ب) -٤ ، ٢

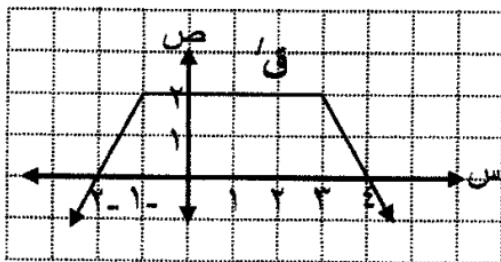
ج) -٤ ، ٠ ، ٤ ، ٢ (د) -٣ ، ٠ ، ٠ ، ٤

(٢) ما قيمة س التي يكون للاقتران ق عندها قيمة عظمى محلية؟

أ) -٤ (ب) -٣ (ج) ١ (د) ٢

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٨) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

- أ (انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها:
- معتدماً الشكل المجاور الذي يُمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق، أجب عن الفقرتين ١ ، ٢ الآتيتين:



(١) ما مجموعة قيم س الحرجة للاقتران ق؟

أ) {٠ ، ٤ ، ٢} (ب) {٠ ، ١ ، ٣}

ج) {-١ ، ٣} (د) {-٢ ، ٤}

(٢) ما قيمة س التي يكون للاقتران ق عندها قيمة عظمى محلية؟

أ) -٢ (ب) -١ (ج) ٣ (د) ٤





(ب) إذا كان $Q = \frac{1}{3}S - S^2 - 3$ ، فجد كلاً مما يأتي للاقتران ق:

(٤ علامات)

(١) فترات التزايد والتناقص.

(٤ علامات)

(٢) القيم العظمى والصغرى (إن وجدت).

٢٠١٩ شتوي الكتاب الجديد

(ب) إذا كان $Q = 12S - S^3$ ، فجد كلاً مما يأتي:

(٤ علامات)

(١) فترات التزايد والتناقص للاقتران ق

(٤ علامات)

(٢) القيم القصوى للاقتران ق محدداً نوعها

٢٠١٩ شتوي الكتاب القديم

(ب) إذا كان $Q = S^3 - S^2$ ، فجد كلاً مما يأتي:

(٤ علامات)

(١) فترات التزايد والتناقص للاقتران ق (س).

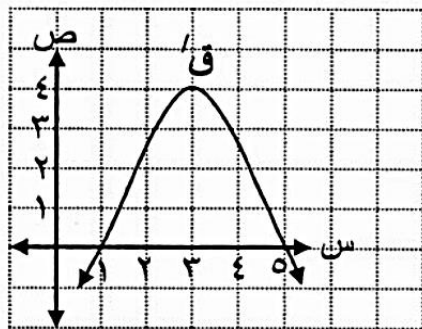
(٤ علامات)

(٢) القيم العظمى والصغرى للاقتران ق (س) (إن وجدت).

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٨) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

(أ) انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها:

معتمداً الشكل المجاور الذي يُمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق، أجب عن الفقرتين ١ ، ٢ الآتيتين:



(١) ما مجموعة قيم س الحرجة للاقتران ق؟

(ب) {١ ، ٥}

(أ) {٣ ، ٤}

(د) {١ ، ٣ ، ٥}

(ج) {١ ، ٤ ، ٥}

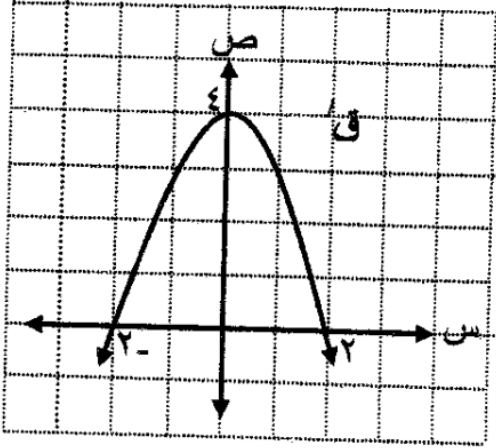
(٢) ما قيمة س التي يكون للاقتران ق عندها قيمة عظمى محلية؟

(د) ٥

(ج) ٤

(ب) ٣

(أ) ١



معتدماً الشكل المجاور الذي يُمثّل منحنى المشتقة الأولى

للافتزان ق ، أجب عن الفقرتين ١ ، ٢ الآتيتين:

(١) ما مجموعة قيم س الحرجة للافتزان ق؟

(أ) $\{٤ ، ٠\}$ (ب) $\{٢ ، ٢-\}$

(ج) $\{٢ ، ٠\}$ (د) $\{٢- ، ٠\}$

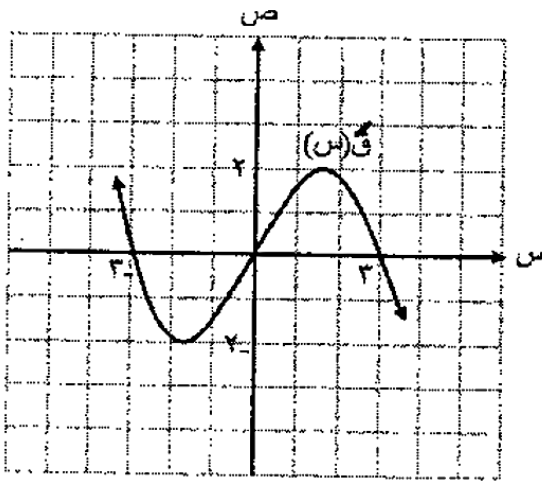
(٢) ما قيمة س التي يكون عندها للافتزان ق قيمة عظمى؟

(أ) صفر (ب) ٢-

(ج) ٢ (د) ٤

٢٠١٩ صيفي الكتاب القديم - الامتحان التكميلي

(ج) يتكوّن هذا الفرع من فقرتين من نوع الاختيار من متعدد، يلي كل فقرة أربعة بدائل، واحد منها فقط صحيح. انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة وبجانبه رمز البديل الصحيح لها: (٤ علامات)



(١) معتدماً الشكل المجاور الذي يُمثّل منحنى المشتقة الأولى

للافتزان ق ، ما مجموعة قيم س الحرجة للافتزان ق ؟

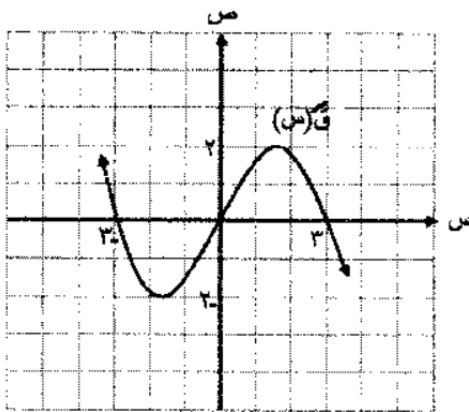
(أ) $\{٣ ، ٠ ، ٣-\}$ (ب) $\{٢ ، ٠ ، ٢-\}$

(ج) $\{٢- ، ٢\}$ (د) $\{٣- ، ٣\}$

٢٠١٩ صيفي الكتاب القديم - الامتحان التكميلي

(٢) إذا كان للافتزان ق (س) $٢ = ك س - س^٣$ قيمة قصوى عند $س = ٢$ ، فإن قيمة الثابت ك تساوي:

(أ) ٦ (ب) ٦- (ج) ٤- (د) ٢



(١) معتمداً الشكل المجاور والذي يُمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتزان ق ، ما قيمة س التي يكون عندها للاقتزان ق قيمة صغيرة محلية؟

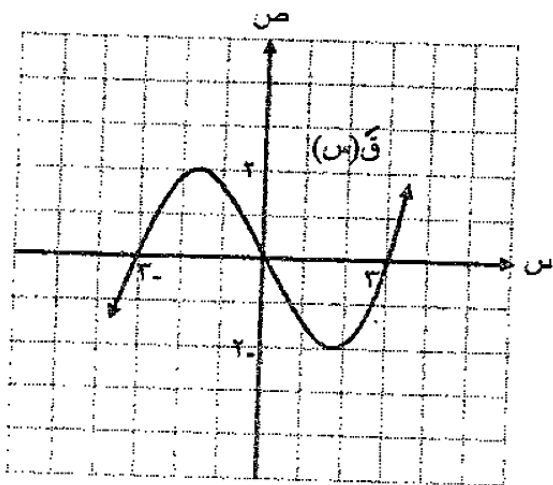
- (أ) ٢- (ب) ١-
(ج) صفر (د) ١

٢٠١٩ شتوي الكتاب الجديد

(١) إذا كان للاقتزان ق (س) $= س^٢ + ل س + ١$ قيمة قصوى محلية عند س = صفر، فإن قيمة الثابت ل تساوي:

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٢-

٢٠١٩ شتوي الكتاب القديم



* معتمداً الشكل المجاور الذي يُمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتزان ق، أجب عن الفقرتين الآتيتين:

- (١) ما مجموعة قيم س الحرجة للاقتزان ق؟
(أ) {٢، ٢-} (ب) {٣، ٣-}
(ج) {٣، ٠، ٣-} (د) {٢، ٠، ٢-}

(٢) ما قيمة س التي يكون عندها للاقتزان ق قيمة عظمى محلية؟

- (أ) ١- (ب) ٣ (ج) ٣- (د) صفر



٢) إذا كان $ق$ اقتراناً متصلًا وقابلًا للاشتقاق، وكان $ق^{-1}(س) = ٢$ من $٢(س + ٦)$ ، فما مجموعة قيم $س$ الحرجة للاقتزان $ق$ ؟

- أ) $\{٠, ٦-\}$ ب) $\{٦, ٠\}$ ج) $\{٤, ٠\}$ د) $\{٠, ٤-\}$

٢٠٨ صيفي الكتاب القديم

يُمثل الشكل المجاور منحنى المشتقة الأولى للاقتزان

$ق(س)$ ، اعتمد الشكل للإجابة عن الفقرتين ١، ٢:

١) ما مجموعة قيم $س$ الحرجة للاقتزان $ق$ ؟

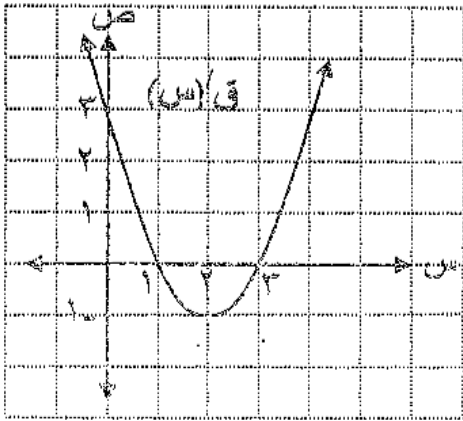
- أ) $\{٣, ١\}$ ب) $\{٢, ١\}$

- ج) $\{٢, ١-\}$ د) $\{٣, ٢\}$

٢) ما قيمة $س$ التي يكون عندها للاقتزان $ق$ قيمة عظمى؟

- أ) ٢ ب) صفر

- ج) ١ د) ٣



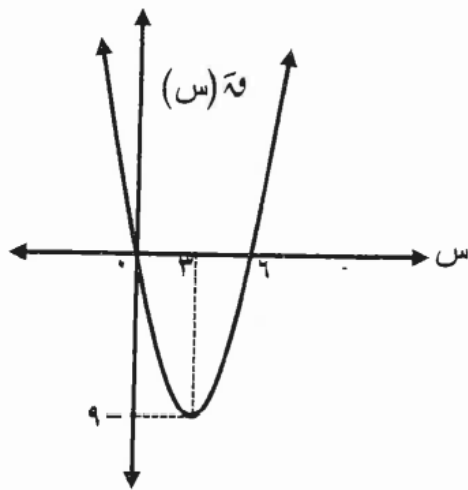
٢٠٨ شتوي الكتاب الجديد

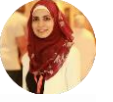
١) معتمدًا الشكل المجاور الذي يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتزان $ق$ ، ما قيمة $س$ التي يكون عندها قيمة

عظمى محلية للاقتزان $ق$ ؟

- أ) صفر ب) ٣

- ج) ٦ د) ٩-





(٢) إذا كان للاقتران ق(س) = أس^٢ + س^٦ - ٤ قيمة حرجة عندما س = -١ ، فإن قيمة الثابت أ تساوي:
 (أ) -٤ (ب) ٦ (ج) -٣ (د) ٣

٢٠١٨ شتوي الكتاب القديم

(٣) إذا كان ق اقتراً متصلاً، وكان ق(س) = (س + ٣)(١ - س) ، فإن مجموعة قيم س الحرجة للاقتران ق هي:
 (أ) {١ ، ٣} (ب) {-٣ ، -١} (ج) {-١ ، ٣} (د) {-٣ ، ١}

٢٠١٨ شتوي الكتاب القديم

(٢) إذا كان ق(س) = س^٦ - س^٢ ، فإن للاقتران ق قيمة عظمى عندما س تساوي:
 (أ) ٦ (ب) صفر (ج) -٣ (د) ٣

٢٠١٨ شتوي الكتاب القديم

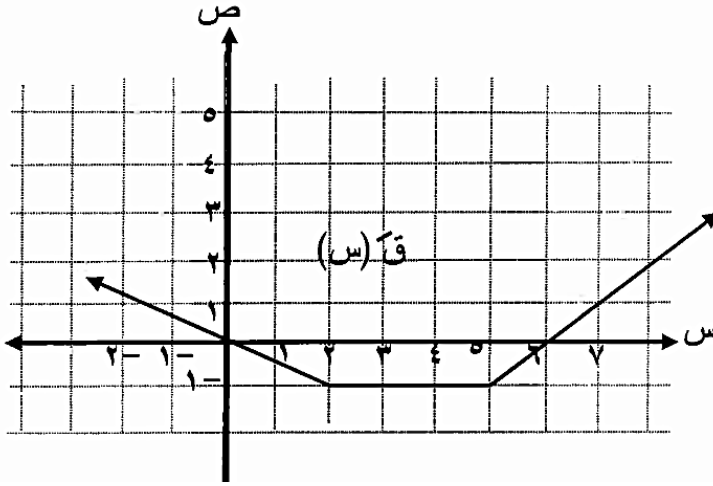
(ج) إذا ق(س) = -٢س^٣ + ٦س + ٤ ، فجد كلاً مما يأتي للاقتران ق:
 (١) فترات التزايد والتناقص.
 (٢) القيم القصوى (العظمى والصغرى) إن وجدت.

٢٠١٧ صيفي

(أ) ليكن ق(س) = $\frac{١}{٣}س^٣ - \frac{١}{٢}س^٢ - ٧ + ٧$ ، جد كلاً مما يأتي للاقتران ق:
 (١) فترات التزايد والتناقص.
 (٢) القيم العظمى والصغرى (إن وجدت).



ب) معتمداً الشكل المجاور الذي يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق(س) ، جد كلاً مما يأتي: (٦ علامات)
 (١) قيم س الحرجة للاقتران ق.



$$(٢) \text{ نه } \frac{ق(٢+هـ) - ق(٢)}{هـ}$$

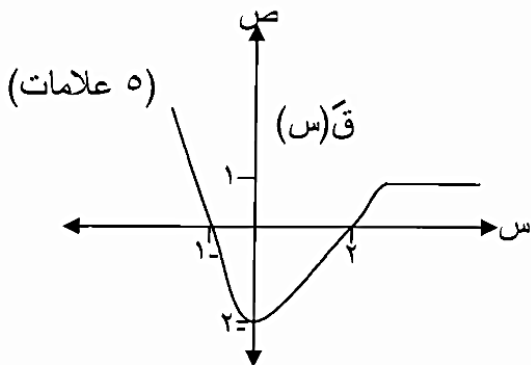
(٣) ميل المماس المرسوم لمنحنى
 الاقتران ق عند $س = ٧$

٢٠١٧ شتوي

أ) جد القيم العظمى والصغرى (إن وجدت) للاقتران ق(س) = $س^٣ - ١٢س$ (٦ علامات)

٢٠١٧ شتوي

ب) اعتماداً على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق(س) المعروف على مجموعة الأعداد الحقيقية، أجب عما يأتي:



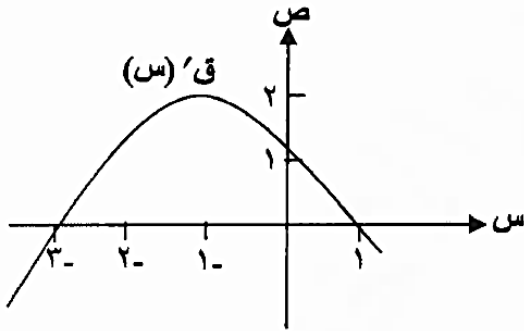
(١) جد قيم س الحرجة للاقتران ق.

(٢) جد فترات التزايد والتناقص للاقتران ق.

(٣) جد ميل المماس المرسوم لمنحنى الاقتران ق عند $س = ٠$



ب) معتمداً على الشكل المجاور الذي يُمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق (س) المعروف على ح ،
أجب عما يأتي :



- (١) كم عدد القيم الحرجة للاقتران ق ؟
- (٢) اكتب قيم س التي يكون للاقتران عندها قيم قصوى وبيّن نوعها.

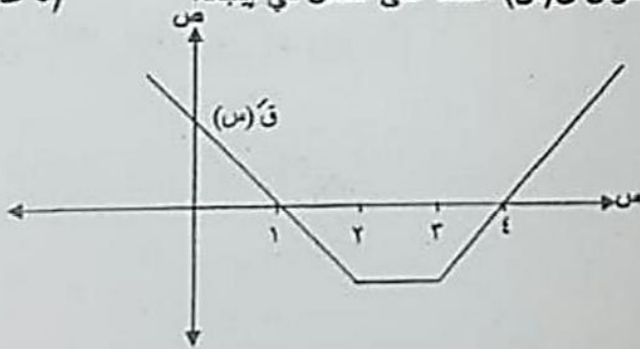
(٣) جد نهـا ← هـ $\frac{ق(١-هـ) - ق(١-هـ)}{هـ}$

٢٠١٦ شتوي

أ) إذا كان $ق(س) = ٦س^٢ - ٨س + ٨$ ، فجد القيم العظمى والصغرى (إن وجدت) للاقتران ق(س). (٦ علامات)

ب) يمثل الشكل المجاور منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق(س) اعتمد على الشكل في إيجاد:

- (١) قيم س الحرجة للاقتران ق .
- (٢) فترات التزايد والتناقص للاقتران ق .

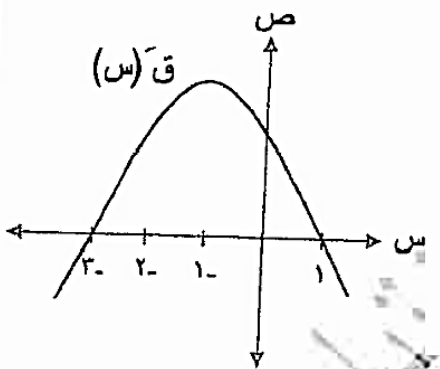


٢٠١٥ صيفي

(٤ علامات)

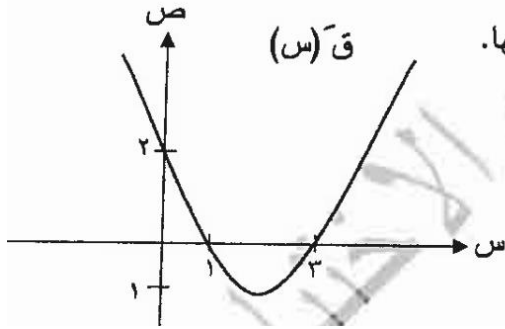
ب) اعتماداً على الشكل المجاور الذي يُمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق(س)، جد:

- (١) قيم س الحرجة للاقتران ق .
- (٢) فترات التزايد والتناقص للاقتران ق .





ب) معتمداً على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق(س)، أجب عما يأتي:
(٥ علامات)

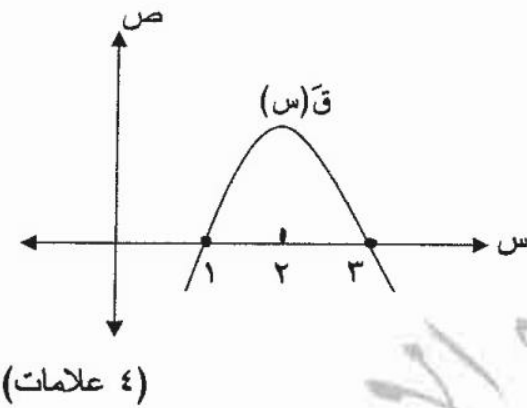


(١) جد قيم س التي يكون للاقتران ق عندها قيم قصوى وبيّن نوعها.

$$(٢) \text{ جد نهياً } \frac{ق(٥) - ق(٠)}{٥}$$

٢٠١٤ صيفي

أ) إذا كان ق(س) = ٢س - س^٣ فجد القيم العظمى والصغرى (إن وجدت) للاقتران ق. (٦ علامات)



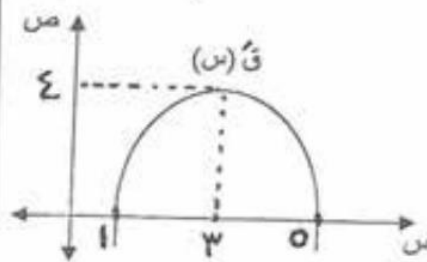
ب) معتمداً على الشكل المجاور الذي يُمثّل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق(س). أجب عما يأتي:

- (١) جد قيم س الحرجة للاقتران ق(س).
- (٢) جد فترات التزايد والتناقص للاقتران ق.

٢٠١٤ شتوي

ب) اعتماداً على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران ق(س)، أجب عما يأتي:

(٣ علامات)



(١) جد قيم س التي يكون عندها قيم قصوى للاقتران ق وحدد نوعها.

$$(٢) \text{ جد نهياً } \frac{ق(٣) - ق(١)}{٢}$$



٩) إذا كان للاقتران ق(س) = $٣س^٢ - ٢س + ٤$ نقطة حرجة عند $س = ٢$ ، فإن قيمة الثابت ٩ تساوي:

■ ١٢

■ ٨

■ ٦

■ صفر

٢٠١٣ صيفي

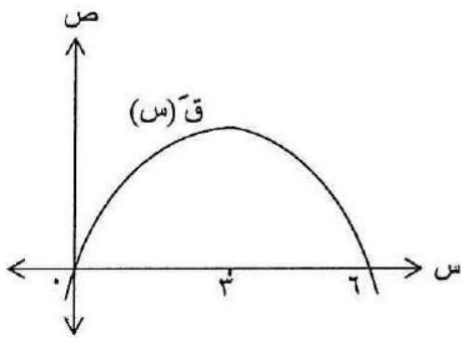
(٧ علامات)

ب) إذا كان ق(س) = $٤س^٣ - ٦س^٢ + ٢$ ، فجد :

(١) فترات التزايد للاقتران ق .

(٢) قيم س التي يكون عندها قيمة عظمى أو صغرى للاقتران ق وحدد نوعها.

٢٠١٣ شتوي



١٠) معتمداً على الشكل المجاور الذي يُمثل منحنى المشتقة الأولى

للاقتران ق(س) المعروف على ح ، عدد النقط الحرجة

للاقتران ق(س) هو :

أ) ١

ب) ٢

ج) ٣

د) ٤

٢٠١٣ شتوي

(٨ علامات)

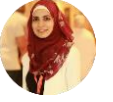
أ) إذا كان ق(س) = $٨س - ٤س^٣$ ، فأجب عما يأتي :

(١) جد فترات التزايد والتناقص للاقتران ق .

(٢) جد القيم العظمى والصغرى (إن وجدت) للاقتران ق(س).

للتواصل عبر الواتسب : ٠٧٨٨٧٧١٧٢٤

ب. سلسبيل الخطيب



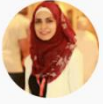
أولاً: تطبيقات على القيم القصوى (مخوف)

ثانياً: تطبيقات اقتصادية على التفاضل

سلسيل الخطيب

اشترك

YouTube



وزارة ٢٠٢٠ طلبة نظاميون

٢٦) إذا كان د (س) = (٩٠ س) دينار، ك (س) = (٦٠٠ + ٥٠ س + ٠,٠٠٢ س^٢) دينار، هما إيراد س من وحدات سلعة معينة وتكلفتها على الترتيب، فما قيمة س التي تجعل قيمة الربح أكبر ما يمكن؟

- أ) ١٠ ب) ١٠٠ ج) ١٠٠٠ د) ١٠٠٠٠

وزارة ٢٠٢٠ دراسة خاصة

٢٠) إذا كان ك (س) = ٥٠ + ٤ س^٢ دينار، اقتران التكلفة الكلية لإنتاج س قطعة من سلعة ما، فإن التكلفة الحدية لإنتاج (٢٠) قطعة من السلعة نفسها بالدينار تساوي:

- أ) ٥٠ ب) ٢٠٠ ج) ١٦٠ د) ١٢٠

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

٣) إذا كان اقتران الإيراد الكلي للمبيعات في إحدى الشركات هو د (س) = ٥٠ س + س^٢ ديناراً، حيث س عدد الوحدات المنتجة من سلعة ما، فإن اقتران الإيراد الحدي الناتج من بيع س وحدة يساوي:

- أ) ٥٠ س + ٢ س ب) ٥٠ س + س^٢ ج) ٥٠ س + ٢ س^٢ د) ٥٠ س + ٢ س



٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

ج) يبيع أحد المصانع الوحدة الواحدة من سلعة معينة بمبلغ ١٠٠ دينار، فإذا كانت التكلفة الكلية لإنتاج س وحدة من هذه السلعة أسبوعيًا تعطى بالعلاقة $ك (س) = ٠,٢س^٢ + ٦٠س + ١٠٠٠$ دينار، فجد عدد الوحدات التي يجب إنتاجها وبيعها لتحقيق أكبر ربح ممكن. (١٠ علامات)

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

٣) إذا كان الإيراد الكلي الناتج من بيع س وحدة أسبوعيًا في أحد المصانع يُعطى بالاقتران:
د (س) = $٢٠س + ٢٠$ دينار، فإن اقتران الإيراد الحدي (بالدينار) الناتج من بيع س وحدة يساوي
أ) $٢٠س + ٢٠$ ب) $٢٠س + ٢٠$ ج) $٢٠س + ٢٠$ د) $٢٠س + ٢٠$

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٩) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

ج) إذا كان الربح الناتج من بيع س وحدة أسبوعيًا في إحدى الشركات يُعطى بالعلاقة:
ر (س) = $١٥٠س - ٣٠٠$ دينار، وبيعت الوحدة الواحدة بـ ١٠٠ دينار، فجد عدد القطع التي يجب إنتاجها لتحقيق أقل تكلفة ممكنة. (١٢ علامة)

٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٨) نظام الدورة الواحدة (الامتحان العام)

٣) إذا كان اقتران الإيراد الكلي للمبيعات هو د (س) = $٤٠س - ٤٠$ دينارًا، حيث س عدد الوحدات المنتجة من سلعة ما، فإن اقتران الإيراد الحدي (بالدينار) الناتج من بيع س وحدة يساوي:
أ) $٤٠س - ٤٠$ ب) $٤٠س - ٤٠$ ج) $٤٠س - ٤٠$ د) $٤٠س - ٤٠$



٢٠١٩ صيفي الكتاب الجديد (خطة ٢٠١٨) نظام الدورة الواحدة (الامتحان التكميلي)

٣) إذا كانت التكلفة الكلية لإنتاج س وحدة أسبوعيًا تعطى بالاقتران ك(س) = ٢٠س + ٥٠٠ دينارًا، فإن اقتران التكلفة الحدية (بالدينار) يساوي:

- أ) ٤٠س ب) ٤٠س + ٥٠٠ ج) ٤٠س^٢ د) ٤٠س + ٥٠٠

٢٠١٩ صيفي الكتاب القديم – الامتحان العام

٣) إذا كان اقتران الإيراد الكلي للمبيعات هو د(س) = ٣س^٢ - ٢٠س دينار، حيث س عدد القطع المنتجة من سلعة معينة، فإن اقتران الإيراد الحدي (بالدينار) الناتج من بيع س قطعة يساوي:

- أ) ٦س - ٢٠ ب) ٣س^٢ - ٢٠
ج) ٦س^٢ - ٢٠ د) ٣س^٣ - ٢٠

٢٠١٩ صيفي الكتاب القديم – الامتحان العام

أ) يبيع مصنع الوحدة الواحدة من سلعة معينة بسعر (٦٠) دينار، فإذا كانت التكلفة الكلية لإنتاج س وحدة من هذه السلعة تُعطى بالعلاقة ك(س) = ٠,٤س^٢ + ١٧س + ٣٠٠ دينار، فجد اقتران الربح الحدي الناتج من بيع س وحدة. (٣ علامات)

٢٠١٩ صيفي الكتاب القديم – الامتحان التكميلي

أ) إذا كانت تكلفة إنتاج س حقيبة أسبوعيًا في أحد المصانع تُعطى وفق العلاقة:
ك(س) = ١٥٠ + ٠,٠١س^٣ دينار، وكان سعر الحقيبة الواحدة (٢٧) دينارًا، فجد عدد الحقائق التي يجب أن يبيعها المصنع ليكون الربح أكبر ما يمكن. (٦ علامات)



- (١) إذا كان اقتران التكلفة الكلية لإنتاج س قطعة أسبوعيًا من سلعة ما هو: ك (س) = $80 + 6س^2$ دينار، فإن التكلفة الحدية (بالدينار) لإنتاج (١٠) قطع تساوي:
- (أ) ٦٨٠ (ب) ١٢٠ (ج) ٢٠٠ (د) ١٤٠

٢٠١٩ شتوي الكتاب الجديد

- (أ) لاحظ مصنع أن التكلفة الكلية لإنتاج س لعبة هي: ك (س) = $0,3س^2 - 60س + 70$ دينار، وأن الربح الناتج من بيع س لعبة هو ر (س) = $0,5س$ دينار، جد:
- (١) عدد اللعب اللازم إنتاجها حتى تكون التكلفة أقل ما يمكن. (٥ علامات)
- (٢) الإيراد الحدي الناتج من بيع (١٠٠٠) لعبة. (٣ علامات)

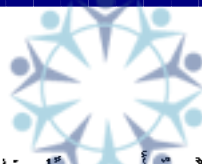
٢٠١٩ شتوي الكتاب القديم

- (أ) ينتج مصنع للحواسيب س جهاز أسبوعيًا، فإذا كانت تكلفة الإنتاج الكلي تُعطى بالعلاقة:
- ك (س) = $3000 + 50س + س^2$ دينار، وكان سعر الجهاز الواحد (٢٥٠) دينارًا، فجد عدد الأجهزة التي يجب أن ينتجها المصنع لتحقيق أكبر ربح ممكن. (٦ علامات)

٢٠١٩ شتوي الكتاب القديم

- (١) إذا كان اقتران الإيراد الكلي للمبيعات هو د (س) = $2س^2 - 60س$ دينارًا، فإن قيمة الإيراد الحدي بالدينار لإنتاج (١٠) قطع يساوي:
- (أ) ١٠٠ (ب) ٢٠ (ج) ٤٠٠ (د) ٨٠٠

٢٠١٨ صيفي الكتاب الجديد



ب) يفتح مصنع ثلاجات من ثلاجة أسبوعيًا، فإذا كانت تكلفة الإنتاج الكلي الأسبوعي بالدينار تُعطى بالعلاقة: $ك(س) = س^2 + ٧٠س + ٣٥٠٠$ ، وكان سعر الثلاجة (٤٠٠) دينار،

فما عدد الثلاجات التي يجب إنتاجها وبيعها أسبوعيًا لتحقيق أكبر ربح ممكن؟ (٥ علامات)

٢٠١٨ صيفي الكتاب القديم

٣) إذا كان اقتران التكلفة الكلية $ك(س) = ٢٠ + ٥س^2$ دينار، حيث $س$ عدد القطع المنتجة من ساعة ساء، فإن قيمة التكلفة الحدية بالدينار لإنتاج (١٠) قطع تساوي:

أ) ٥٢٠ ب) ١٠٠ ج) ١٢٠ د) ٣٠

٢٠١٨ صيفي الكتاب القديم

أ) إذا كان اقتران الإيراد الكلي للمبيعات هو $د(س) = ٥٠س - س^2$ دينار، واقتران التكلفة الكلية $ك(س) = ٣٠ + ٦س$ دينار، حيث $س$ عدد الوحدات المنتجة من سلعة ما، فجد الربح الحدي.

٢٠١٨ شتوي الكتاب الجديد

أ) إذا كان اقتران التكلفة الكلية لإنتاج $س$ قطعة من سلعة ما هو $ك(س) = (٥٠ + ٣س^2)$ دينار، فجد التكلفة الحدية لإنتاج ٣٠ قطعة من هذه السلعة. (علامتان)

٢٠١٨ شتوي الكتاب القديم

أ) إذا كان اقتران الإيراد الكلي للمبيعات هو $د(س) = (٥س^2 + ٦٠س)$ دينار، واقتران الربح الكلي $ر(س) = (٢٠ - ٢٠٠س)$ دينار، فجد اقتران التكلفة الحدية. (٣ علامات)



ج) إذا كان اقتران الإيراد الكلي للمبيعات هو $D(s) = 17s - s^2$ ، واقتران التكلفة الكلية ك(س) $= 3s^2 - 7s + 20$ ، حيث s عدد الوحدات المنتجة من سلعة ما ، فجد الربح الحدي.
(٣ علامات)

٢٠١٧ شتوي

ج) ينتج مصنع s من أجهزة الحاسوب في الشهر ويبيع الجهاز الواحد بمبلغ $(260 - s)$ ديناراً. إذا كانت التكلفة الكلية لإنتاج s من الأجهزة تعطى بالعلاقة ك(س) $= 400 + 60s + s^2$ ديناراً، فما عدد الأجهزة التي يجب أن ينتجها ويبيعها المصنع شهرياً حتى يكون ربحه أكبر ما يمكن.
(٦ علامات)

٢٠١٦ صيفي

ج) يبيع مصنع الوحدة الواحدة من سلعة معينة بسعر (60) ديناراً، فإذا كانت التكلفة الكلية لإنتاج (س) وحدة من هذه السلعة تعطى بالعلاقة :
ك (س) $= 0,4s^2 + 12s + 500$ ديناراً ، فجد الربح الحدي.
(٤ علامات)

٢٠١٦ شتوي

ج) وجد مصنع لإنتاج ألعاب الأطفال أن التكلفة الكلية لإنتاج s لعبة أسبوعياً تُعطى بالاقتران ك (س) $= 60s + 200$ وأن الربح الناتج من بيع s لعبة هو $0,2s^2 + 20s + 60$. جد الإيراد الحدي.
(٤ علامات)



ج) يبيع مصنع الوحدة الواحدة من سلعة معينة بسعر (١٥٠) ديناراً، إذا كانت التكلفة الكلية لإنتاج (س) وحدة من هذه السلعة تُعطى بالعلاقة: ك(س) = $٢٠٠س^٢ + ٣٠س + ٢٠٠$ ديناراً، فجد الربح الحدي. (٤ علامات)

٢٠١٥ شتوي

ج) إذا كان الإيراد الكلي الناتج عن بيع (س) قطعة من منتج هو د(س) = $٥س^٢ + ٦س$ ،
والتكلفة الكلية ك(س) = $٣س^٢ + س + ٥٠$ ، فجد الربح الحدي. (٤ علامات)

٢٠١٣ صيفي

٨) إذا كان ك(س) اقتران التكلفة الكلية ، د(س) اقتران الإيراد الكلي لمصنع حيث س عدد الوحدات المنتجة أسبوعياً ، يكون الربح الأسبوعي أكبر ما يمكن عندما :
 ■ د(س) = صفر ■ ك(س) = د(س) - د(س) ■ د(س) < صفر ■ ك(س) = د(س)

٢٠١٣ شتوي

٨) إذا كان ك(س) = $٤٠ + ٣س^٢$ اقتران التكلفة الكلية لإنتاج س قطعة من سلعة ما،
فإن التكلفة الحدية لإنتاج (٢٠) قطعة من السلعة نفسها هي :
 أ) ٤٠ ب) ١٦٠ ج) ١٢٠ د) ٤٦

للتواصل عبر الواتسب : ٠٧٨٨٧٧١٧٢٤

ت. سلسبيل الخطيب