

٥

الجزء
الأول

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



الدولة الفلسطينية
وزارَةُ التَّعْلِيمِ وَالتَّجْلِيمِ

الرياضيات

فريق التأليف :

أ. أنور الفيومي

أ. نسرین دویکات

د. ختام حمارشة (منسقاً)

أ. رغدة شبلاق

أ. نائلة شقور



أ. قيس شبانه

قررت وزارة التربية والتعليم في دولة فلسطين
تulis هذا الكتاب في مدارسها بدءاً من العام الدراسي ٢٠١٦ / ٢٠١٧ م

الإشراف العام:

رئيس لجنة المناهج	د. صبري صيدم
نائب رئيس لجنة المناهج	د. بصرى صالح
رئيس مركز المناهج	أ. ثروت زيد

الدائرة الفنية:

أ. كمال فحماوي	إشراف إداري
شروق صعيدي	تصميم

د. رفاء الرمحي	تحكيم علمي
د. سعيد عساف	مراجعة
أ. وفاء الجيوسي	تحرير لغوي
متابعة المحافظات الجنوبية د.سمية النخالة	

الطبعة الثالثة
٢٠٢٠ / م ١٤٤١ هـ

جميع حقوق الطبع محفوظة ©

دولة فلسطين
وزارة التربية والتعليم



مركز المناهج

mohe.ps | mohe.pna.ps | moehe.gov.ps

.com/MinistryOfEducationWzartAltrbytWaltlym

هاتف +970-2-2983250 | فاكس +970-2-2983280

حي الماصيون، شارع المعاهد

ص. ب 719 - رام الله - فلسطين

pcdc.mohe@gmail.com | pcdc.edu.ps

يتصف الإصلاح التربوي بأنه المدخل العقلاني النابع من ضرورات الحالة، المستند إلى واقعية النشأة، الأمر الذي انعكس على الرؤية الوطنية المطورة للنظام التعليمي الفلسطيني في محاكاة الخصوصية الفلسطينية والاحتياجات الاجتماعية، والعمل على إرساء قيم تعزز مفهوم المواطنة والمشاركة في بناء دولة القانون، من خلال عقد اجتماعي قائم على الحقوق والواجبات، يتفاعل المواطن معها، ويعي تراكيبيها وأدواتها، ويسمم في صياغة برنامج إصلاح يحقق الآمال، ويلمس الأمانى، ويرنو لتحقيق الغايات والأهداف.

ولما كانت المناهج أداة التربية في تطوير المشهد التربوي، بوصفها علماً له قواعده ومفاهيمه، فقد جاءت ضمن خطة متكاملة عالجت جوانب أركان العملية التعليمية التعليمية بجانبها جميعها، بما يسمم في تجاوز تحديات النوعية باقتدار، والإعداد لجيل قادر على مواجهة متطلبات عصر المعرفة، دون التورط في إشكالية التشتت بين العولمة والبحث عن الأصلية والانتماء، والانتقال إلى المشاركة الفاعلة في عالم يكون العيش فيه أكثر إنسانية وعدالة، وينعم بالرفاهية في وطن نحمله ونفخر به.

ومن منطلق الحرص على تجاوز نمطية تلقّي المعرفة، وصولاً لما يجب أن يكون من إنتاجها، وباستحضار واعٍ للعديد من المنطلقات التي تحكم رؤيتنا للطالب الذي نريد، وللبنيّة المعرفية والفكريّة المتواخّدة، جاء تطوير المناهج الفلسطينية وفق رؤية محكومة بإطار قوامه الوصول إلى مجتمع فلسطيني يمتلك للقيم، والعلم، والثقافة، والتكنولوجيا من جهة، وتلبية المتطلبات الكفيلة بجعل تحقيق هذه الرؤية حقيقة واقعة من جهة أخرى، وهو ما كان له ليكون لولا التنااغم بين الأهداف والغايات والمنطلقات والمرجعيات، التي تالت وتكاملت؛ ليكون النتاج تعبيراً عن توليفة تحقق المطلوب معرفياً وتربوياً وفكرياً.

ثمة مرجعيات تؤطر لهذا التطوير، بما يعزّزأخذ جزئية الكتب المقررة من المناهج دورها المأمول في التأسيس؛ لتوازن إبداعي خلّق بين المطلوب معرفياً وفكرياً ووطنياً، وفي هذا الإطار جاءت المرجعيات التي تم الاستناد إليها، وهي طليعتها وثيقة الاستقلال والقانون الأساسي الفلسطيني، إضافة إلى وثيقة المناهج الوطني الأول؛ لتوّجه الجهد، وتعكس ذاتها على مجلّل المخرجات.

ومع إنجاز هذه المرحلة من الجهد، يغدو إزلاء الشكر للطواقم العاملة جميعها؛ من فرق التأليف والمراجعة، والتدقيق، والإشراف، والتصميم، واللجنة العليا، فقد تجاوزنا مرحلة الحديث عن التطوير، ونحن على ثقة بتواصل هذا العمل الدؤوب.

مقدمة

تُعدّ مرحلة التمكين مرحلة تعليمية مهمة؛ كونها تأتي محصلة للمعارف والمفاهيم التي اكتسبها الطالبة من مرحلة التهيئة، وهي مرحلة تبدأ من الصف الخامس، وتنتهي بالصف العاشر، يميل الطلبة خلال هذه المرحلة إلى الاستقلالية في التفكير، والبحث، والاستقصاء؛ لذا ما يتبعه مراقبهم في المناقشة، وحل المشكلات المطروحة التي يتمّ من خلالها بناء شخصية الطالب القادر على مجاورة التطور العلمي والتكنولوجي الهائل، في عالم مليء بالتغييرات التي تتطلب منه اكتساب روح المبادرة، والتكيف مع مستجدات العصر المتتسارعة، بما يضمن له استكشاف المعرف، وفي هذه المرحلة أيضاً، يتم تقديم المحتوى التعليمي ب قالب عصري؛ ليكون امتداداً للمحتوى الرياضي الذي تمّ في مرحلة التأسيس، ويستمر المنهج المبني على الأنشطة أصلًاً فيربط التعلم بالسياقات الحياتية بطريقة جاذبة محببة؛ لتكوين طالب متفاعل نشط، ينفذ الأنشطة والتمارين المتنوعة المطلوبة منه.

تشكّل العملية التعليمية التعليمية في هذه المرحلة الركيزة الأساسية في تمكين الطالب من المفاهيم والمعرف والمهارات، وتوظيفها ضمن سياقات مناسبة، تقوم على حل مشكلات حياتية، ولا يكون ذلك إلا بالقيام بأنشطة محفزة، ومثيرة للتفكير، تحاكي البيئة الفلسطينية في المجالات الاجتماعية، والاقتصادية، وغيرها، كما تمّ توظيف التكنولوجيا في تنفيذ هذه الأنشطة بطريقة سلسة جذابة، مع الأخذ بعين الاعتبار التدرج في مستوى الأنشطة، بما يتناسب ومستويات الطلبة، والتعامل مع كل مستوى بما يضمن علاج الضعف، وصولاً لتنمية مهارات التفكير العليا لديهم.

تتكوّن هذا الكتاب من خمس وحدات تعليمية ، تناولت الوحدة الأولى نظرية الأعداد حيث تم توضيح مفهوم العدد الأولي والمضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر ، أما الوحدة الثانية فقد استعرضت عملية الضرب والقسمة على الكسور العاديّة، في حين استعرضت الوحدة الثالثة عملية الضرب والقسمة على الكسور العشرية ، أما الوحدة الرابعة فقد تناولت بعض الموضوعات الهندسية مثل إيجاد مساحة بعض الأشكال الهندسية كالمرربع والمستطيل، أما الوحدة الخامسة فقد ركزت على تمثيل البيانات بالأعمدة والخطوط .

أملنا بهذا العمل، وقد حققنا مطالب العملية التعليمية التعليمية كافة، من خلال منهاج فلسطينيّ واقعيّ منظم، وإننا إذ نضع بين أيديكم ثمرة جهد متواصل، وكلنا ثقة بكم معلمين ومشدرين تربويين ومديري مدارس، وأولياء أمور، وخبراء ذوي علاقة في رفد هذا الكتاب بمقترناتكم، وتغذيتكم الراجعة، بما يعمل على تجويده وتحسينه؛ لما فيه مصلحة الطلبة قادة المستقبل.

المحتويات

الوحدة: ١ نظرية الأعداد

٤	العدد الأولي	الدرس ١
٩	التحليل إلى العوامل الأولية	الدرس ٢
١٥	العامل المشترك الأكبر	الدرس ٣
١٩	المضاعف المشترك الأصغر	الدرس ٤
٢٤	تمارين عامة	الدرس ٥

الوحدة: ٢ ضرب الكسور العادلة وقسمتها

٣٠	ضرب عدد صحيح في كسر عادي	الدرس ١
٣٥	ضرب كسرتين عadiّين	الدرس ٢
٤٠	قسمة عدد صحيح على كسر عادي	الدرس ٣
٤٥	قسمة كسرتين عadiّين	الدرس ٤
٤٩	تمارين عامة	الدرس ٥

الوحدة: ٣ ضرب الكسور العشرية وقسمتها

٥٤	ضرب كسر عشري في عدد صحيح	الدرس ١
٥٨	ضرب كسرتين عشربيّن	الدرس ٢
٦١	قسمة الكسور العشرية	الدرس ٣
٦٩	تمارين عامة	الدرس ٤

الوحدة: ٤ الهندسة

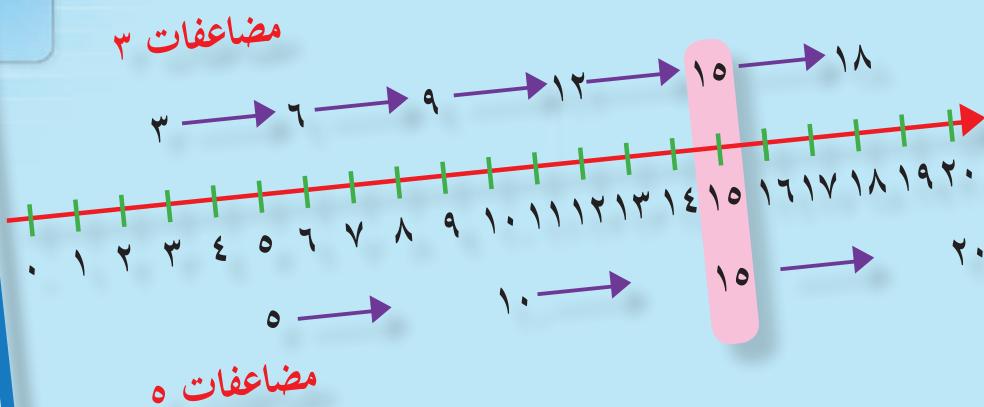
٧٤	أنواع المثلثات	الدرس ١
٧٧	وحدات المساحة	الدرس ٢
٨٠	مساحة المستطيل والمربع	الدرس ٣
٨٤	شبكة المكعب ومتوازي المستطيلات	الدرس ٤
٨٨	المساحة الجانبية والكلية لمتوازي المستطيلات	الدرس ٥
٩٢	تمارين عامة	الدرس ٦

الوحدة: ٥ الاحصاء

٩٨	الجدوال التكرارية	الدرس ١
١٠٣	تمثيل البيانات بالأعمدة	الدرس ٢
١٠٧	تمثيل البيانات بالخطوط	الدرس ٣
١١٠	تمارين عامة	الدرس ٤

الوحدة
١

نظريّة الأعداد



مُزارعان من يافا، يقطفُ الأوّلُ منها ٣ كغم من البرتقالِ خلال دقيقة واحدة، بينما يقطفُ الثاني ٥ كغم من البرتقالِ خلال نفس الفترة. بعد كم دقيقتَيْه يقطفُ المزارعان لأول مرّة معاً الكميّةَ نفسَها من البرتقال؟

يتوقع من الطلبة بعد الإنتهاء من دراسة هذه الوحدة والتفاعل مع أنشطتها أن يكونوا قادرين على توظيف العوامل الأولية في الحياة العملية من خلال الآتي:

- التعرف إلى مفهوم العدد الأولي.
- تحديد الأعداد الأولية من بين أعداد مُعطاً.
- تحليل العدد إلى عوامله الأولية.
- إيجاد العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) لعددين، أو ثلاثة أعداد.
- إيجاد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) لعددين، أو ثلاثة أعداد.
- توظيف (ع.م.أ) و (م.م.أ) في حل مشكلات حياتية.



العدد الأولي



نشاط (١)

لكل فرد حرية التنقل داخل بلده، ذهب طلاب الصف الخامس الأساسي في مدرسة الشهيد أبو عمّار في رحلة إلى بانياس؛ حيث ركب جميع الطلاب في ٤ قوارب، كل منها في قارب، فما عدد الطلاب؟
 $4 \times 7 = 28$ طالباً.

أكتب من جملة الضرب السابقة جملتي قسمة:

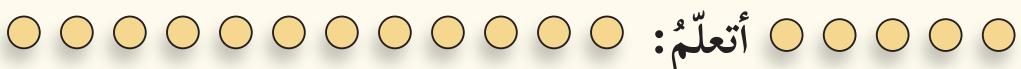
$$\boxed{\quad} = \boxed{\quad} \div \boxed{\quad} \quad (أ)$$

$$\boxed{\quad} = \boxed{\quad} \div \boxed{\quad} \quad (ب)$$

العدد ٢٨ يقبل القسمة على كل من العددان ٤ و ٧

نُسمى كلاً من العددان ٤ و ٧ قاسماً (عاملًا) للعدد ٢٨



أتعلم: 

القواسم (العوامل) لعدد: هي الأعداد التي يقبل هذا العدد القسمة عليها.

هل يوجد للعدد ٢٨ عوامل (قواسم) أخرى؟ ما هي؟



نشاط (۲)



أكتب جميع عوامل (قواسم) العدد ١٢

يُكتَب العدُّ ١٢ على صورَة حاصل ضربِ عاملَيْن كما يلي:

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 12$$

$$\underline{\quad} \times 2 = 12$$

$$\underline{\quad} \times 1 = 12$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 12$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 12$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 12$$

جميع عوامل (قواسم) العدد ١٢ هي:

— ، — ، — ، — ، — ، — (دون تكرار العوامل).



● تحليل العدد الى عوامله: هو كتابة هذا العدد على صورة

حاصل ضرب عددين أو أكثر من عوامله.

نشاط (٣)



أَحْلَلُ كُلَّاً مِنَ الْأَعْدَادِ الْآتِيَةِ إِلَيْهِ عَوَامِلُهَا:

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 18$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 18$$

$$— \times 1 = 1 \wedge$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 18$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 18$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 18$$

جميع عوامل العدد ١٨ هي:

— ، — ، — ، — ، — ، — ، — ، — (دون تكرار العوامل).



$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 25$

$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 25$

$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 25$

(ب)

جميع عوامل العدد ٢٥ هي : $\underline{\quad}, \underline{\quad}, \underline{\quad}$



نشاط (٤)

(أ) لدى سعيد ١١ شتلة بندورة، يريد أن يزرعها في صفوفٍ منتظمٍ؛ بحيث تحتوي جميع الصفوف على العدد نفسه من الشتلات. بكم طريقةً يستطيع سعيد زراعة هذه الشتلات؟ أوضح السبب.

$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 11$

$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 11$

$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 5$

$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 5$

(ب) كيف يمكنك ترتيب ٥ طلاب في صفوف متساوية العدد.



نشاط (٥)

أملأ الفراغات في الجدول الآتي، ثم أجب عن الأسئلة التي تليه:

أ) الأعداد التي لها أكثر من عاملين هي:

ب) الأعداد التي لها عاملان فقط هي:

هذان العاملان هما: العدد

والعدد

العدد	عوامل العدد	عدد العوامل
٢	١ ، ٢	٢
		٤
		٥
		٩
		١١



○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ أتعلم :

العدد الأولي هو عدد له عاملان مختلفان فقط هما: العدد نفسه والعدد ١.

ج) أناقش: العدد ١٦ ليس عدداً أولياً.



نشاط (٦)



أ) أجد عوامل الأعداد الآتية :

العدد ١٢ :

العدد ٣ :

العدد ٢٢ :

العدد ١٧ :

ب) أي من الأعداد السابقة أعداد أولية؟ أفسر إجابتي؟

نشاط (٧)



طريقة الغربالي في حصر الأعداد الأولية ضمن عدد معين.

أولاً: لِمَعْرِفَةِ الْأَعْدَادِ الْأُولَىِ الْمُحصُورَةِ بَيْنِ الْعَدْدَيْنِ: ٢ و ٥٠، نَتَّبِعُ الْخُطُواتِ الْآتِيَةِ:

أ) أضع دائرةً حول الأعداد الأولية: ٢ ، ٣ ، ٥ ، ٧.

ب) أشطب كل مضاعفات الأعداد الأولية التي وضعت حولها الدائرة.

ج) الأعداد التي بقيت دون شطب تكون أعداداً أولية.

د) الأعداد الأولية المحسورة بين

العددين، ٢، ، ٥٠

٦	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	
٢٠	١٩	١٨	١٧	١٦	١٥	١٤	١٣	١٢	١١
٣٠	٢٩	٢٨	٢٧	٢٦	٢٥	٢٤	٢٣	٢٢	
٤٠	٣٩	٣٨	٣٧	٣٦	٣٥	٣٤	٣٣	٣٢	٣١
٥٠	٤٩	٤٨	٤٧	٤٦	٤٥	٤٤	٤٣	٤٢	٤١

أَفْكَرْ: العدد ١ ليس عدداً أولياً، لماذا؟





تمارين ومسائل



0000000000

- (١) أحلل كلاً من الأعداد الآتية إلى عواملها :
- أ) ١٦ ب) ١٠٠

0000000000

- (٢) أحدد العدد الأولي من بين الأعداد الآتية، موضحاً السبب :
- ٢٣ ، ٤٩ ، ١١ ، ١٠

0000000000

- (٣) أكتب مثلاً على صحة العبارة الآتية :
- باستثناء العدد الأولي ٢، فإن جميع الأعداد الأولية تتكون من مجموع عددين أحدهما فردي والأخر زوجي.

0000000000

- (٤) أي من الآتية يعتبر عدداً أولياً :
- أ) عدد ألوان الطيف ب) عدد أصابع يدك ج) عدد ساعات اليوم

0000000000

- (٥) أكتب أول ١٠ أعداد أولية.

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000

0000000000</



التحليل إلى العوامل الأولية



نشاط (١)

احتفالاً بيوم الأرض الذي يصادف يوم ٣٠ آذار من كلّ عام، ستقوم اللجنة الاجتماعية في مدرسة الحرية بزراعة ٥ شتلات في حديقة المدرسة في صفوفٍ منتَظمةٍ؛ بحيث يحتوي كلُّ صفٌ على العدد نفسه من الشتلات.

يمكن توزيع الشتلات بعدة طرقٍ، والتعبير عنها بعملية الضرب كما يأتي:

أذكر: تُسمى كتابة أي عدد على صورة حاصل ضرب عددين بالتحليل إلى العوامل.



$$\underline{\quad} \times 1 = 50$$

$$\underline{\quad} \times 2 = 50$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = 50$$

جميع عوامل العدد ٥٠ هي:

نشاط (٢)

الاحظ

• أ) تحليل العدد ١٨ إلى عوامله:

٣: عدد أولي ، ٦: غير أولي
٢،٣ : عاملان أوليان

$$6 \times 3 = 18$$

$$(3 \times 2) \times 3 =$$

$$3 \times 2 \times 3 = 18$$

هل هناك طريقة أخرى لتحليل العدد ١٨ إلى عوامله الأولية؟



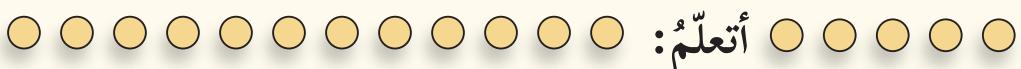
ب) تحليل العدد ٢٠ إلى عوامله:

$$5 \times 4 = 20$$

$$5 \times (\underline{\quad} \times \underline{\quad}) =$$

ماذا تستنتج؟ 



أتعلم: 

التحليل إلى العوامل الأولية: هو كتابة أي عدد غير أولي كحاصل ضرب عوامل أولية.

نشاط (٣)



أحلل العدد ٩٠ إلى عوامله الأولية بطريق مختلف:

$$(3 \times 3) \times (5 \times 2) = 90$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} =$$

$$(\underline{\quad} \times 3) \times 3 = 90$$

$$(\underline{\quad} \times \underline{\quad}) \times 3 \times 3 =$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} =$$

$$45 \times 2 = 90$$

$$(\underline{\quad} \times \underline{\quad}) \times \underline{\quad} =$$

$$(\underline{\quad} \times \underline{\quad}) \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} =$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} =$$

أتأمل الأعداد الأولية الناتجة في نهاية كل تحليل للعدد ٩٠ إلى عوامله الأولية. هل يختلف هذا التحليل باختلاف ترتيب العوامل؟ أوضح إجابتي.



نشاط (٤)



قامت أملُ وشروعُ وفاطمة بتحليلِ العدد ٤٨ إلى عوامله الأولية، أيٌّ منهنَّ كان تحليلُها للعدد خاطئاً؟ أفسِّرْ إجابتي.

$$\text{أمل } 48 = 3 \times 2 \times 2 \times 2$$

$$\text{شروع } 48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

$$\text{فاطمة } 48 = 4 \times 3 \times 2 \times 2$$

نشاط (٥)



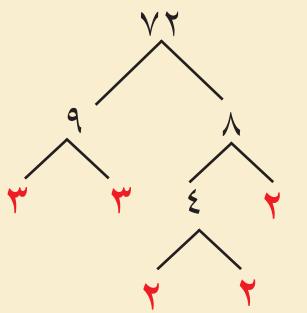
أ) يُحلَّلُ العدد ٧٢ إلى عوامله بعِدَة طرقٍ، هي:

$$9 \times 8, 12 \times 6, 18 \times 4, 24 \times 3, 36 \times 2, 72 \times 1 = 72$$

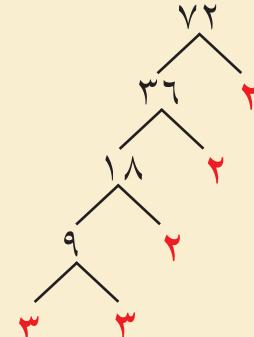
ب) بينما يُحلَّلُ العدد ٧٢ إلى عوامله الأولية كما يلي:

$$\begin{aligned} 36 \times 2 &= 72 \\ (18 \times 2) \times 2 &= \\ (9 \times 2) \times 2 \times 2 &= \\ (3 \times 3) \times 2 \times 2 \times 2 &= \\ 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 &= \end{aligned}$$

يُمثِّلُ التحليلُ السابقُ للعدد ٧٢ إلى عوامله الأولية بطريقةٍ أخرى كما يلي:



$$3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 = 72$$



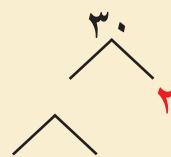
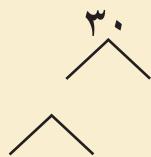
تُسمَّى هذه الطريقةُ: التحليلُ باستخدام شجرة العوامل الأولية.

ب) أتعاون مع أفراد مجموعتي في كتابة طرق أخرى لتحليل العدد ٧٢ إلى عوامله الأولية باستخدام شجرة العوامل.

نشاط (٦)



أُحللُ العدد 30 إلى عوامله الأولية باستخدام شجرة العوامل بطرقين مختلفتين.



نشاط (٧)



التحليلُ باستخدام طريقةِ القسمةِ المُتكررة

تُستخدمُ القسمةُ المتكررةُ لتحليل أي عددٍ إلى عوامله الأولية كما يلي :

نبدأ بقسمة العدد على أصغر عدد أولي وهو العدد 2 ، فإذا قبلَ القسمة عليه نكرر ذلك مرة أخرى، وإذا لم يقبل القسمة ننتقلُ إلى القسمة على العدد الأولي 3 ، وهكذا حتى يصبح المقسم يساوي 1 .

أتأملُ و أناقشُ كل تحليلٍ مما يلي، ثم أكملُ الفراغات :

$\begin{array}{c c} 3 & 315 \\ \hline & 105 \\ \hline & \quad \\ & \quad \\ & \quad 1 \end{array}$	$\begin{array}{c c} 2 & 64 \\ \hline & 32 \\ \hline & 16 \\ \hline & 8 \\ \hline & 4 \\ \hline & 2 \\ \hline & 1 \end{array}$	$\begin{array}{c c} 2 & 42 \\ \hline & 21 \\ \hline & 7 \\ \hline & 1 \end{array}$
--	---	--

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{3} \times \underline{3} = 315 \quad \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} = 64 \quad \underline{7} \times \underline{3} \times \underline{2} = 42$$



نشاط (٨)



أكمل التحليل الآتي للعدد ٩٦ إلى عوامله الأولية باستخدام القسمة المتكررة:

$$3 \quad | \quad 96$$

$$2 \quad | \quad 96$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times 3 = 96$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times 2 = 96$$

هل يوجد اختلاف في العوامل الأولية للعدد ٩٦ الناتجة عن التحليلين السابقين للعدد؟ أوضح إجابتي.



أفڪرُ: عدد له ثلاثة عوامل أولية:



العامل الأول هو أصغر عدد أولي.

والعامل الثاني هو مجموع أول عددين أوليين.

والعامل الثالث هو مجموع أول عاملين أوليين للعدد. ما هو هذا العدد؟





تمارين ومسائل



(١) أُحلل العدد ٤٠ إلى عوامله الأولية باستخدام القسمة المتكررة.

(٢) أُحلل كلاً من العددَين: ١٦٢، ٢٠٠ إلى عواملهما الأولية باستخدام:
• ب) القسمة المتكررة.
• أ) شجرة العوامل.

(٣) أضع خطأً تحت العدد الأولي، وخطين تحت العدد غير الأولي فيما يأتي:

٨٠ ، ٣١ ، ٣٣ ، ١٧ ، ٢٧ ، ٥٣ ، ٥١

(٤) حلّل عدد كالآتي: $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$
• أ) ما هو هذا العدد؟

• ب) للتأكد من صحة الجواب، أعد تحليل هذا العدد إلى عوامله الأولية،
باستخدام شجرة العوامل.

(٥) لديكَ عددان: تحليل العدد الأول = $3 \times 2 \times 2 \times 2$

تحليل العدد الثاني = $3 \times 3 \times 2 \times 2$

ما تحليل ناتج ضرب هذين العددَين إلى عوامله الأولية؟



العامل المشترك الأكبر



نشاط (١)



لَدِيْ الْخِيَاطِ رِيَاضٍ شَرِيطَانِ: الْأَوَّلُ لَوْنُهُ أَحْمَرُ، وَطُولُهُ ٢١ م، وَالثَّانِي لَوْنُهُ أَزْرَقُ، وَطُولُهُ ٢٨ م. كَيْفَ يُمْكِنُ لَهُذَا الْخِيَاطِ قُصُّ الشَّرِيطَيْنِ إِلَى أَكْبَرِ قِطْعَةِ مُتَسَاوِيَةِ الطُّولِ لِكُلِّ مِنْهُمَا؟

- يُمْكِنُ قُصُّ الشَّرِيطِ الْأَوَّلِ إِلَى قِطْعَةِ مُتَسَاوِيَةِ طُولِ كُلِّ مِنْهَا = ١ م، أَوْ ٣ م، أَوْ ٧ م، أَوْ ٢١ م؛ لَأَنَّ عَوَامِلَ الْعَدْدِ ٢١ هِيَ: ٢١، ٣، ١، ٧.
- يُمْكِنُ قُصُّ الشَّرِيطِ الثَّانِي إِلَى قِطْعَةِ مُتَسَاوِيَةِ طُولِ كُلِّ مِنْهَا = ١ م، أَوْ ٤ م، أَوْ ٧ م، أَوْ ١٤ م، أَوْ ٢٨ م؛ لَأَنَّ عَوَامِلَ الْعَدْدِ ٢٨ هِيَ: ٢٨، ١٤، ٧، ٤، ٢، ١.
- العَوَامِلُ الْمُشَتَّرَكَةُ لِلْعَدْدَيْنِ (٢١، ٢٨) هِيَ: _____ و _____.
- أَلْاحِظُ أَنَّ الْعَدْدَ ٧ هُوَ الْعَاملُ الْمُشَتَّرَكُ الْأَكْبَرُ لِلْعَدْدَيْنِ ٢١ و ٢٨، وَيُرْمَزُ لَهُ بِالرَّمْزِ (ع.م.أ.) أَيْ أَنَّ الْخِيَاطَ يُسْتَطِعُ قُصُّ كُلِّ مِنْ الشَّرِيطَيْنِ إِلَى أَكْبَرِ قِطْعَةِ مُتَسَاوِيَةِ الطُّولِ، طُولُ كُلِّ مِنْهَا ٧ م.



نشاط (٢)

أَجِدُّ الْعَاملَ الْمُشَتَّرَكَ الْأَكْبَرَ (ع.م.أ.) لِلْعَدْدَيْنِ ٣٦ و ٤٨.

- عَوَامِلُ الْعَدْدِ ٣٦ هِيَ: _____، _____، _____، _____، _____، _____، _____، _____، _____، _____، _____، _____.
- عَوَامِلُ الْعَدْدِ ٤٨ هِيَ: _____، _____، _____، _____، _____، _____، _____، _____، _____.
- الْعَوَامِلُ الْمُشَتَّرَكَةُ لِلْعَدْدَيْنِ ٣٦ و ٤٨ هِيَ: _____، _____، _____، _____، _____، _____.
- (ع.م.أ.) لِلْعَدْدَيْنِ ٣٦ و ٤٨ هُوَ —



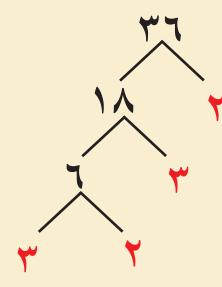
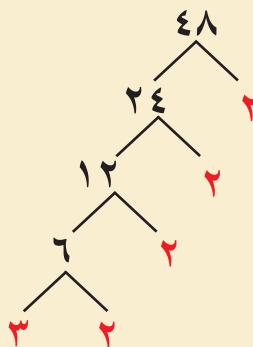
- العاملُ المُشَرَّكُ الأَكْبَرُ (ع.م.أ.) لعدديْن أو أكثَر: هو أكبَرُ عددٍ تقبلُ هذه الأعدادُ القسمةَ عليه دون باقٍ.



نشاط (٣)

أَجْدُ (ع.م.أ.) لِلْعَدْدِيْنَ ٣٦ و ٤٨ .

استخدام شجرة العوامل الأولية لتحليل العدددين كما يلي:



$$2 \times 2 \times 3 = 12$$

- العوامل الأولية المشتركة للعدادين ٣٦ و ٤٨ هي: — ، — ، —
 - حاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة للعدادين = $\underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad}$
 - هل هذا العدد هو العامل المشترك الأكبر للعدادين ٣٦ و ٤٨ ؟ لماذا؟



نشاط (٤)

أَجِدُّ (ع.م.أ.) لِلأَعْدَاد (١٢، ٣٠).

حاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة:

$$\underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}}$$

(ع. م. أ.) للأعداد ١٢ ، ٣٠ هو —

الحل:

$$2 \times 2 \times 3 = 12$$

$$5 \times 2 \times 3 = 30$$





• (ع.م.أ) لمجموعة من الأعداد: هو حاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة بين هذه الأعداد.

نشاط (٥)



أكتب الكسر $\frac{9}{27}$ ببسط صورة، باستخدام (ع.م.أ) للبسط والمقام.

الحل:

أَحَلَّ الْعَدُدَيْنِ ٩٠ ، ٢٧ إِلَى عَوَالِهِمَا الْأُولَيْةِ كَمَا يَلِي:

$$\underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}} = 9$$

$$\underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}} = 111$$

(ع.م.أ) للعددين ٩ و ٢٧ هو _____ ، إذن $\frac{نُقْسِيم}{كُلًا}$ منها على العدد _____ ، لماذا؟

بأبسط صورة.

$$\frac{\text{_____}}{\text{_____}} = \frac{\text{_____}}{\text{_____}} \div 9$$

نشاط (٦)



أكتب الكسر $\frac{54}{72}$ بأبسط صورة .

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} = 0\{$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} = 77$$

$$\underline{\quad} = \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} = 72 \text{ (ع.م.أ) للعددين ٥٤ ، ٥٤}$$

$$\frac{\text{_____}}{\text{_____}} = \frac{\text{_____} \div 54}{\text{_____} \div 72} = \frac{54}{72}$$



تمارين ومسائل



(١) أجدُ (ع.م.أ) لكل من الأعداد الآتية باستخدام طريقة العوامل المشتركة:

ب) ٢١ ، ١٧

د) ٣٤ ، ٢٢

أ) ٢٠ ، ١٢

ج) ٤٥ ، ٢٠

(٢) أجدُ (ع.م.أ) للأعداد: ٥٤ ، ٦٠ ، ٧٢ بطريقة التحليل للعوامل الأولية.

(٣) أكتب الكسور الآتية بأسهل صورة إنْ أمكنَ:

ج) $\frac{19}{23}$

ب) $\frac{24}{66}$

أ) $\frac{15}{20}$

(٤) مسرح مدرسة الشهداء الأساسية طوله ٣٥ سم، وعرضه ٣٠٠ سم، يراد تبليط أرضيته بقطيع بلاط مربع الشكل وتوجد منها عدة أنواع بقياسات مختلفة(بالسم):
 20×20 ، 20×30 ، 30×30 ، 40×40 ، 50×50 فما طول أكبر ضلع لقطعة البلاط التي يمكن استعمالها؟

(٥) أرسم شكلاً يوضح: بكم طريقة يمكن استخدام ١٦ بلاطة في المرة الأولى، و١٧ بلاطة في المرة الثانية، و٢٤ بلاطة في المرة الثالثة، لتغطية منطقة مستطيلة الشكل باستخدام جميع البلاط، في كل مرة؟



المضاعف المشترك الأصغر



نشاط (١)



حنفيّة ينزل منها ٥ لتراتِ ماءٍ كلَّ دقيقة.

- أ) عدد لتراتِ الماء التي نزلت من الحنفيّة خلال عشرين الدقائق الأولى هي:
_____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ .
- ب) بعد كمْ دقيقة يكون قد نزل من الحنفيّة ٣٥ لتراً؟ _____ دقائق.
- ج-) كمْ دقيقة يلزم فتح الحنفيّة لتعبئته برميل سعته ٧٠ لتراً؟ _____ دقيقة.



* نشاط (٢)

سمِعْت كُلَّ مِنْ هِنْد وَهِبَةَ عَنْ وجود عائلةٍ مُحتاجَةٍ في الشَّارِعِ الذي تَسْكُنُانِ فيه فَقررتا مُساعدة العائلة بالإدخارِ مِنْ مَصْرُوفَهُما الْأَسْبُوعِيِّ، واشتَرَت كُلُّ مِنْهُما حِصَالَةً لِذَلِكَ، فَكَانَت تَدْخِرُ هِنْدُ أَسْبُوعِيًّا ٤ دَنَانِيرَ، وَهِبَةً ٦ دَنَانِيرَ. مَا هُوَ أَوْلُ مَبْلَغٍ تَتْسَاوِيُّ فِيهِ كُلُّ مِنْ هِنْد وَهِبَةَ عَنْدِ الإِدْخَارِ؟



- مضاعفات العدد ٤ هي: _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ .
- مضاعفات العدد ٦ هي: _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ .
- المضاعفات المشتركة بين العدددين ٤ و ٦ هي: _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ .
- أصغر هذه المضاعفات المشتركة هو العدد — ويرمز له بالرمز (م.م.أ.).
(م.م.أ.) للعددين ٤ و ٦ هو العدد —
- المبلغُ نفسُه الذي تَدْخِرُه كُلُّ مِنْهُما لأَوْلَ مَرَةٍ هُوَ — دِينَارًاً.

* أول مضاعفات العدد هو العدد نفسه.



نشاط (۳)



يسكنُ موسى وحازمُ في الطابق الثالثِ، فتسابقاً في صعود درجاتِ العمارة؛ فصعد موسى كلَّ درجتين معاً، بينما صعد حازمٌ كلَّ ٣ درجات معاً. ما ترتيبُ أُولِي درجةٍ يدوسُ عليها الاثنين معاً؟



- أرقام الدرجات التي يصعدُها موسى (مضاعفات العدد ٢) هي:

... ‘ — ‘ — ‘ — ‘ — ‘ —

- أرقام الدرجات التي يصعبها حازم (مضاعفات العدد ٣) هي :

... ‘ — ‘ — ‘ — ‘ —

● أُولُو درجةٍ مشتركة يدوسٌ عليها موسى وحازمٌ معاً هي الدرجة:

● أَوْلُ مُضَاعِفٍ مُشْتَرِكٍ بَيْنَ الْعَدْدَيْنِ ٢ وَ٣ هُوَ الْعَدْدُ: —

● يُسمى العدد ٦ بالمضاعف المشترك الأصغر للعددين: ٢ و ٣

• وَتُكَتَّبُ بِالرَّمْوَزِ (م. م. أ) لِلْعَدْدَيْنِ ٢ و ٣ هُوَ: —

• هل يقبل (م.م.أ) — القسمة على كلّ من العددين ٢ و ٣ ؟

تسمى هذه الطريقة طريقة المضاعفات المشتركة.



A horizontal sequence of 15 yellow circles. The first 12 circles are arranged in a single row, followed by a vertical ellipsis (three dots), and then another row of three circles.

● المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) لعددين أو أكثر: هو

أصغر عدد يقبل القسمة على هذه الأعداد.





نشاط (٤)

أجد (م.م.أ) للعددين: (٤٨ ، ٥٦) بطريقة التحليل إلى العوامل الأولية.

استخدم طريقة التحليل للعوامل الأولية كما يأتي:

$$3 \times 2 \times 2 \times 2 = 48$$

$$7 \times 2 \times 2 \times 2 = 56$$

العوامل الأولية المشتركة للعددين: ٤٨ و ٥٦ هي: ٢ ، ٢ ، ٣

العوامل الأولية غير المشتركة للعددين: ٤٨ و ٥٦ هي: ٧ ، ٣ ، ٢

حاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة والعوامل الأولية غير المشتركة للعددين =

$$\underline{\quad} = \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad} \times \underline{\quad}$$

أي أن (م.م.أ) للعددين ٤٨ ، ٥٦ هو



نشاط (٥)

أجد (م.م.أ) للأعداد: (٢٠ ، ٣٠ ، ١٥)

تحليل الأعداد (١٥، ٣٠، ٢٠) **إلى العوامل الأولية** مضاعفات الأعداد (١٥، ٣٠، ٢٠)

$$\dots , 30 , 15 : 15$$

$$\dots , 60 , 30 : 30$$

$$\dots , 40 , 20 : 20$$

(م.م.أ) للأعداد (١٥ ، ٣٠ ، ٢٠) هو

$$3 \times 5 = 15$$

$$3 \times 2 \times 5 = 30$$

$$2 \times 2 \times 5 = 20$$

$$= 2 \times 3 \times 2 \times 5$$

اقارن بين ناتج $2 \times 3 \times 2 \times 5$ و (م.م.أ) للأعداد: (١٥ ، ٣٠ ، ٢٠). ماذا تستنتج؟



أتعلم: ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○

المضاعف المشترك الأصغر لعددين (م.م.أ) هو حاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة بينهما والعوامل الأولية غير المشتركة، أما لثلاثة أعداد فهو حاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة بين الأعداد الثلاثة أولاً، ثم بين كل اثنين، ثم العوامل غير المشتركة.

نشاط (٦)



أجِدُّ (م.م.أ) لِكُلِّ مِنْ :

$$٩ ، ١٨ ، ٦ \quad \text{ب) } \bullet$$

$$٢ \times ٣ = ٦$$

$$\underline{\hspace{2cm}} = ١٨$$

$$\underline{\hspace{2cm}} = ٩$$

$$\underline{\hspace{2cm}} = (\text{م.م.أ})$$

$$١٢ ، ١٨ \quad \text{أ) } \bullet$$

$$\underline{\hspace{2cm}} \times ٣ \times ٢ = ١٨$$

$$\underline{\hspace{2cm}} = ١٢$$

$$\underline{\hspace{2cm}} = (\text{م.م.أ})$$

نشاط (٧)



أجِدُّ ناتِجَ جَمْعِ الْكَسْرَيْنِ : $\frac{2}{6} + \frac{3}{4}$

نوحّدُ مقاماتِ الكسرِين بِتَحْوِيلِهَا إِلَى كَسْرٍ مُتَجَانِسَة.

نحلّلُ المقامَيْن 4 ، 6 إِلَى عوَامِلِهِما الْأُولَيَّةِ كَمَا يَلِي :

$$\underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}} = ٦ \quad \underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}} = ٤$$

$$١٢ = \underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}} = ٦ \times ٢ \times ٣ = ٤ \times ٣ \times ٢$$

(م.م.أ) للعدديْن 4 و 6 نَحوّلُ مقامَ كُلِّ مِنَ الْكَسْرَيْنِ إِلَى العَدْد 12

$$\frac{2 \times 2}{\underline{\hspace{2cm}} \times 6} + \frac{\underline{\hspace{2cm}} \times 3}{3 \times 4} = \frac{2}{6} + \frac{3}{4}$$

$$\frac{\underline{\hspace{2cm}}}{\underline{\hspace{2cm}}} = \frac{4}{12} + \frac{9}{12} =$$



تمارين ومسائل

(١) أجد (م.م.أ) لكلٌ من الأعداد الآتية باستخدام طريقة المضاعفات المشتركة :

- ٨ ، ٤ ، ٢ ج) ١٢ ، ٩ ، ٣ ب) ٥ ، ٢ ، ٠ أ) ٥ ، ٤ ، ٠

(٢) أجد (م.م.أ) لكلٌ من الأعداد الآتية باستخدام طريقة التحليل إلى العوامل :

- ١٥ ، ٩ ، ٦ ج) ١٠ ، ٩ ، ٥ ب) ٩٩ ، ١٠ ، ٥ أ) ٤٠ ، ٤ ، ٠

(٣) أجد ناتج الآتي :

$$\frac{1}{8} + \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{21} - \frac{1}{7}$$

(٤) أكتب عددين، المضاعف المشترك الأصغر لهما هو العدد ١٦

(٥) صمم الطالب محمد لوحه إضاءة فيها مصباحان، يضيء الأول منها كل ٩ ثوانٍ ثم يطفىء، ويضيء المصباح الثاني كل ١٢ ثانية ثم يطفىء، كم مرة يضيء المصباحان معاً خلال ٤ ثانية إذا تم تشغيلهما باللحظة نفسها؟

(٦) اشتريت سعاد مستلزمات إعداد وجبات صحية تتكون كل وجبة من (رغيف خبز،

قطعة جبن، علبة عصير)، كما في الجدول الآتي:

مع العلم أن المحل يبيع بالرزم الكاملة فقط

أ) ما أقل عدد ممكن من الوجبات يمكن إعدادها بحيث تستهلك سعاد جميع مشترياتها؟

ب) كم رزمة / علبة من كل نوع اشتريت سعاد؟

التفاصيل	النوع
كل رزمة فيها ٤ أرغفة	خبز
كل علبة فيها ٨ قطع	جبن
كل رزمة فيها ٦ زجاجات	عصير





تمارين عامة



(١) أضْعُ دائِرَةً حَوْلَ رَمِزِ الإِجَابَةِ الصَّحِيحةِ لِكُلِّ مَمَّا يَلِي:

١) أي من الأعداد الآتية يقبل العدد ٩ القسمة عليه؟ ▲

- ٩ (د)
- ٧ (ج)
- ٦ (ب)
- ٥ (أ)

٢) ما هي أَوْلُ ٣ مضاعفات للعدد ٩؟ ▲

- ٢٧ ، ١٨ ، ٩ (ب)
- ٣٦ ، ٢٧ ، ١٨ (أ)
- ٩ ، ٢٧ ، ٣٦ (د)
- ٣٦ ، ١٨ ، ٩ (ج)

٣) كم عاملًاً للعدد الأولي؟ ▲

- ٣ عوامل (ب)
- عامل واحد (أ)
- ٤ عوامل (د)
- عاملان (ج)

٤) أي من الأعداد الآتية عددًا أولياً؟ ▲

- ٤ (د)
- ٣ (ج)
- ١ (ب)
- ٠ (أ)

٥) ما العدد الأولي الزوجي من بين الأعداد الزوجية الآتية؟ ▲

- ١٠ (د)
- ٤ (ج)
- ٦ (ب)
- ٢ (أ)

٦) ما التحليل الصحيح للعدد ٣٦ إلى عوامِلِهِ الأوَّلَيَّةِ؟ ▲

- $3 \times 3 \times 2 \times 2$ (د)
- $3 \times 3 \times 4$ (ج)
- $9 \times 2 \times 2$ (ب)
- 9×4 (أ)



٧) ما (ع.م.أ) للعددين: (٢٠، ١٠)؟

١) ب) ١٠ ●
٢) ج) ٢٠ ●
٣) د) ٣٠ ●

٨) ما (م.م.أ) للعددين (٢٠، ١٠)؟

١) ب) ١٠ ●
٢) ج) ٢٠ ●
٣) د) ٣٠ ●

(٢) أحلل الأعداد الآتية إلى عواملها الأولية باستخدام شجرة العوامل، أو القسمة المتكررة:

٧٧ ●
١٥٠٠ ●
١) ب) ١٥٠٠ ●

(٣) أكتب مثلاً واحداً لكل من الحالات الآتية:

- أ) مجموع عددين أوليين يساوي عدداً زوجياً.
- ب) مجموع ثلاثة أعداد أولية يساوي عدداً فردياً.

(٤) إذا كان تحليل العوامل الأولية لثلاثة أعداد كما يلي:

العدد الأول: 2×2

العدد الثاني: 2×3

العدد الثالث: 3×5

● أ) ما قيمة كل من الأعداد السابقة؟

● ب) أجد ما يلي:

١) (ع.م.أ) للعددين الأول والثاني.

٢) (م.م.أ) للعددين الثاني والثالث.

٣) (م.م.أ) للأعداد الثلاثة.





(٥) قرر أطفال الحي تنظيف شارعين، استغرق تنظيف الشارع الأول $\frac{1}{2}$ ساعة، والثاني استغرق $\frac{1}{3}$ ساعة. ما الزمن الذي استغرقه الأطفال لتنظيف الشارعين؟

(٦) امتلأت السماء بالحمام البري في فصل الصيف، فبدأت هند تَعدُّهم ثلاثات،

أما لجين بدأت تَعدُّهم أرباعات.

هند: ٣، ٦،

لجين: ٤، ٨،

أ) ما المضاعف المشتركة الأصغر (م.م.أ) للعدادين ٣، ٤ .

ب) ما المضاعف المشتركة الثالث للعدادين ٣، ٤ .



• أكمل الجدول الآتي:

دون المتوسط	متوسط	مرتفع	المهارة
			تحديد الأعداد الأولية ضمن ٩٩
			تحليل العدد إلى عوامله الأولية
			إيجاد (م.م.أ)، (ق.م.أ) لعددين



أستخدم طريقة الغربال في تحديد الأعداد الأولية المحسورة بين العددين ٢ و ١٠٠ :

١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	
٢٠	١٩	١٨	١٧	١٦	١٥	١٤	١٣	١٢	١١
٣٠	٢٩	٢٨	٢٧	٢٦	٢٥	٢٤	٢٣	٢٢	٢١
٤٠	٣٩	٣٨	٣٧	٣٦	٣٥	٣٤	٣٣	٣٢	٣١
٥٠	٤٩	٤٨	٤٧	٤٦	٤٥	٤٤	٤٣	٤٢	٤١
٦٠	٥٩	٥٨	٥٧	٥٦	٥٥	٥٤	٥٣	٥٢	٥١
٧٠	٦٩	٦٨	٦٧	٦٦	٦٥	٦٤	٦٣	٦٢	٦١
٨٠	٧٩	٧٨	٧٧	٧٦	٧٥	٧٤	٧٣	٧٢	٧١
٩٠	٨٩	٨٨	٨٧	٨٦	٨٥	٨٤	٨٣	٨٢	٨١
١٠٠	٩٩	٩٨	٩٧	٩٦	٩٥	٩٤	٩٣	٩٢	٩١

أتأمل الجدول أعلاه، وتعاون مع زملائي في الإجابة عن الأسئلة الآتية:

أ) الأعداد الأولية المحسورة بين العددين ٢ و ١٠٠ هي: ●

ب) عددها = _____ عددًا أولياً.

ج) أكتب أسفل كل زوج من الأعداد الآتية (م.م.أ) لهما:

١١،٥

٧،٥

٧،٣

٥،٢

٣،٢

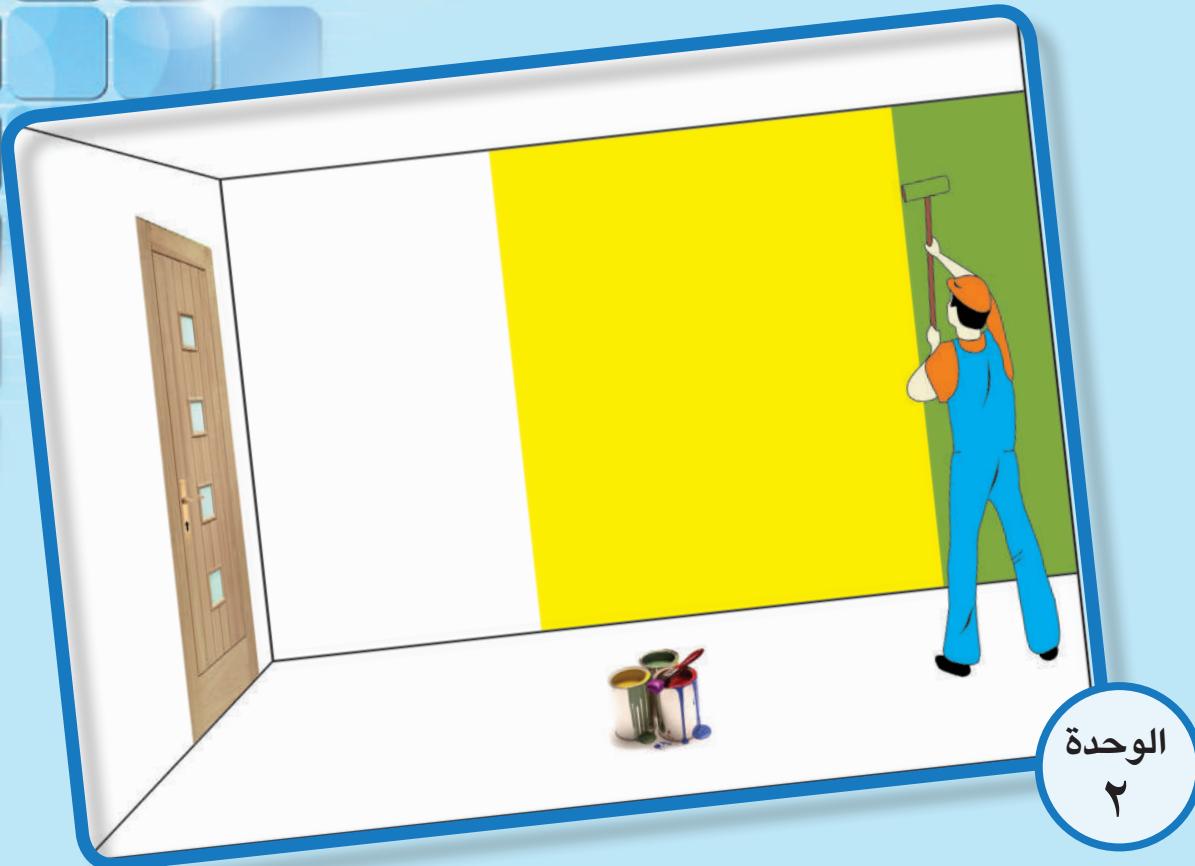
_____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____ ، _____

روابط الكترونية:

http://www.schoolarabia.net/math/general_math/level1/numbers/index.htm

[http://www.mstmron.com/forums/showthread.php?t433440=](http://www.mstmron.com/forums/showthread.php?t433440)





الوحدة
٢

ضرب الكسور العادلة وقسمتها

قامَ خالدُ بطلاءِ $\frac{2}{3}$ جدارِ غرفةِ الجلوسِ باللونينِ الأخضرِ والأصفرِ، فكانَ $\frac{1}{4}$ ما طلاهُ بلونِ أخضرٍ. كيفَ نعبّرُ عن الكسرِ الدالّ على ما تمَّ طلاؤه منِ الحائطِ باللونِ الأصفر؟

يتوقع من الطلبة بعد الإنتهاء من دراسة هذه الوحدة والتفاعل مع أنشطتها أن يكونوا قادرين على توظيف ضرب الكسور العادية وقسمتها في الحياة العملية من خلال الآتي:

- ضرب عدد صحيح في كسر عادي.
- ضرب وقسمة كسرتين عاديتين.
- قسمة عدد صحيح على كسر عادي.
- توظيف عمليتي ضرب الكسور العادية وقسمتها في حل مشكلات حياتية.

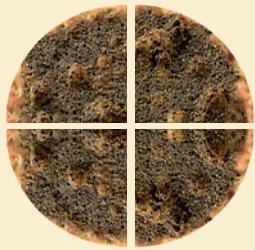


ضرب عدد صحيح في كسر عادي



نشاط (١)

أعْدَتْ أُمّي فطيرَةً من الزّعتر، وقطّعْتُها إِلَى أَرْبَعْ قِطْعَ متساوية، أَكَلْتُ أَنَا قطعةً، وَأَخْتِي قطعةً، وَأَكَلْتُ أُمّي قطعةً.



أ) الكسر الدال على القطعة الواحدة من الفطيره = _____

ب) مقدار ما أكلت العائلة من الفطيره = _____

$$_____ = _____ + _____ + _____$$

ج) أَبْرَرْ عن الجمجم المتكرر بالضرب: $3 \times \frac{1}{4} = \text{_____}$ الفطيره.

أن الضرب عملية

أَتَذَكَّرُ: جمع متكرر.



أَفَكَرْ: ما علاقه $\frac{3}{4} \times \frac{1}{4}$ بـ $\frac{3}{4}$



نشاط (٢)

قطفتْ أَمْلُ البرتقالي الطازِج لِإِعْدَاد عصِيرِ الفواكهِ المُشَكَّلة. كم كأساً من عصير البرتقالي تَحْتَاجُ لِإِعْدَاد ٦ كؤوسٍ من عصيرِ الفواكهِ المشكَّلة؛ بِحِيثَ يَكُونُ $\frac{2}{3}$ كأسِ العصيرِ مِنَ البرتقالي؟

عَدُّ كؤوس عصير البرتقالي = _____

$$\frac{2}{3} + \frac{2}{3} + \frac{2}{3} + \frac{2}{3} + \frac{2}{3} + \frac{2}{3} =$$

$$4 = \frac{\text{إثنينات}}{3} = \frac{2+2+2+2+2+2}{3} =$$

$$— = \frac{(2 \times 6)}{3} = \frac{2}{3} \times 6 = \text{الاحظُ أنَّ: } \frac{2}{3} \times 6$$



أَتَعْلَمُ :



لضرب عدد صحيح في كسر، أضرب العدد الصحيح في بسط الكسر ويبقى المقام كما هو.

نشاط (٣)



أتعاون مع أفراد مجتمعتي في تمثيل

$$\text{ناتج } \frac{1}{2} \times 3$$



نشاط (٤)

أجد ناتج كل ممّا يلي:

$$\frac{\bigcirc}{\bigcirc} = \frac{\bigcirc \times \bigcirc}{9} = \frac{1}{9} \times 4 \quad (\text{ب})$$

$$\frac{\bigcirc}{7} = \frac{\bigcirc \times 3}{7} = \frac{2}{7} \times 3 \quad (\text{أ})$$



نشاط (٥)

زار أحمـد مـعرضـاً للسيـارات، عـرضـت فـيه ١٥ سيـارةً من التـوع نفسـه، منها ٣ سيـارات لـونـها أحـمرـ. أـكمـلـ:

- (أ) الكسر الذي يمثل عدد السيارات الحمراء ————— وينكتب ببسط صورة —————
- أي أن عدد السيارات الحمراء = $\frac{1}{5}$ السيارات جميعها.
 - أي أن $\frac{1}{5}$ ال ١٥ = ————— ، وهو عدد السيارات الحمراء.
 - الاحظ أن: $15 \times \frac{1}{5} = \frac{1}{5} \times 15$ = ————— ببسط صورة .
 - وأن: $\frac{1}{5}$ ال ٣ = ٣

خاصية التبديل

$$- \text{ أي أن } 15 \times \frac{1}{5} = \frac{1}{5} \times 15 = 3$$

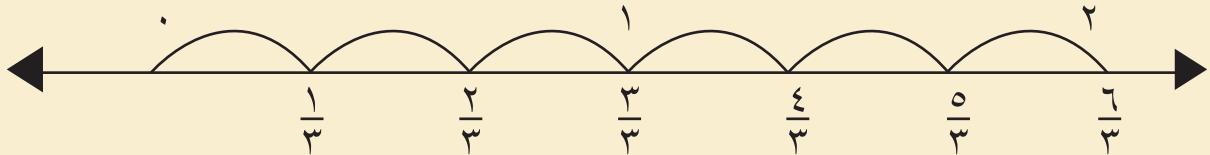


* للمعلم: إعداد أنصاف دوائر متساوية تكفي لتنفيذ النشاط عملياً.

نشاط (٦)



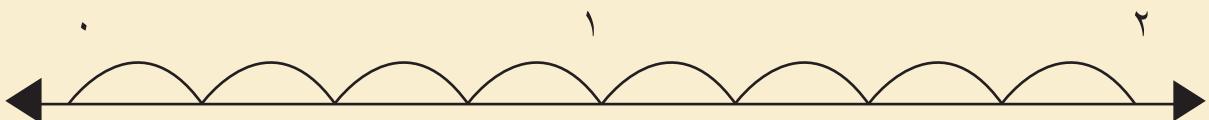
أناقشُ مع زملائي كيف أجد ناتج ضرب $\frac{1}{3} \times 6$ باستخدام خط الأعداد؟



نشاط (٧)



أكتب جملة الضرب الممثلة على خط الأعداد.



جملة الضرب : $2 = \underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}}$

نشاط (٨) :



أجد ناتج $5 \times \frac{1}{2}$ باستخدام خط الأعداد:



جملة الضرب : $\underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}}$



تمارين ومسائل



(١) أجد ناتج ما يلي ببساطة صورة:

ج) $\frac{1}{2} \times 6$ ●

ب) $\frac{1}{3} \times 15$ ●

أ) $\frac{1}{4} \times 7$ ●

و) $\frac{2}{6} \times 12$ ●

ه) $\frac{3}{8} \times 7$ ●

د) $\frac{2}{5} \times 3$ ●

(٢) أكتب عدداً مماسباً في

$$\underline{\underline{\underline{}}}_{\underline{\underline{\underline{}}}} = 5 \times \frac{2}{4}$$

(ب)

$$\underline{\underline{\underline{}}}_{\underline{\underline{\underline{}}}} = \frac{3}{5} \times 2$$

(أ)

$$1 = \underline{\underline{\underline{}}}_{\underline{\underline{\underline{}}}} \times 6$$

(د)

$$\underline{\underline{\underline{}}}_{\underline{\underline{\underline{}}}} = \underline{\underline{\underline{}}} \times \frac{7}{3}$$

(ج)

(٣) أكتب جملة الضرب الممثلة على خط الأعداد.



(٤) رسمت شروق ١٢ لوحة فنية، $\frac{1}{3}$ هذه اللوحات عن التراث الفلسطيني. كم لوحة رسمت شروق عن التراث؟

(٥) تبرّع علي بـ ١٦ صندوقاً من العصير للمدرسة، $\frac{3}{4}$ الصناديق بنكهة التفاح. كم صندوقاً بنكهة التفاح تبرّع علي؟



oooooooooooo

(٦) إذا كان نصيب الولد مثلي نصيب البنت عند توزيع المواريث، فما الكسر الذي يمثل نسبة نصيب البنت.

oooooooooooo

(٧) تُوفّيَ رجُلٌ وورِثُهُ زوجُهُ وأوْلَادُهُ، إذا كان نصيبُ الزوجةِ $\frac{1}{8}$ التَّرِكَةِ البالغة ٣٢٠٠ دينار، كم ديناراً يبلغُ نصيبُ الزوجةِ من التَّرِكَة؟ كم ديناراً يبلغُ نصيبُ الأبناءِ من التَّرِكَة؟

oooooooooooo

(٨) يقضي الأسدُ $\frac{5}{6}$ يومه في النوم. كم ساعةً في اليوم يبقى الأسدُ مُسْتَيقظاً.

oooooooooooo

(٩) لدى بائع (٣٥) علبة من الطلاء (٣) علب منها لونها أحمر، وما تبقى رباعها ($\frac{1}{4}$) أسود، وثمانها ($\frac{1}{8}$) أخضر، أجد الآتي:

أ - عدد علب الطلاء من اللون الأسود.

ب - عدد علب الطلاء من اللون الأخضر.

ج - إذا علمت أن عدد علب طلاء اللون الأبيض ضعفي عدد علب طلاء اللون الأسود، كم علبة طلاء من اللون الأبيض يوجد لدى البائع؟



ضرب كسرين عادييّن



نشاط (١)



أخذت سارة نصف كعكة إلى المدرسة، وخلال فتره الاستراحة تقاسمتها مع صديقتها أمل، فأعطتها ربع ما معها. ما الكسر الدال على الجزء الذي أخذته أمل من الكعكة؟

- أظلل باللون الأحمر الكسر الدال على ما أخذته سارة من الكعكة.
- أظلل باللون الأصفر الجزء الذي يمثل ما أخذته أمل من النصف.
- الاحظ أن عدد أجزاء الكعكة جميعها = 8 أجزاء.
- عدد الأجزاء التي أخذتها أمل من الكعكة جزء واحد.
- الكسر الدال على عدد الأجزاء التي أخذتها أمل من الكعكة _____. _____
- أخذت أمل $\frac{1}{4}$ ما مع سارة.
- أخذت أمل $\frac{1}{4}$ ال $\frac{1}{2}$.

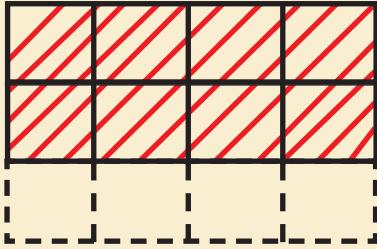
وتكتب عملية ضرب _____ \times _____ = _____ من الرسم. ماذا تلاحظ؟

نشاط عملي٢



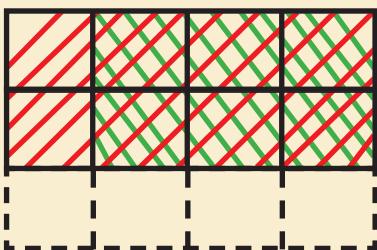
كيف أجد $\frac{2}{3} \times \frac{3}{4}$ أي $\frac{3}{4}$ الـ $\frac{2}{3}$

لتمثيل الكسر $\frac{2}{3}$



- آخذ ورقةً وأقسمها بالطريقة أفقياً إلى 3 أجزاء متساوية.
- أظل جزأين من الورقة باللون الأحمر.

لتمثيل $\frac{3}{4}$ الـ $\frac{2}{3}$



- أقسم الورقة بالطريقة مرةً أخرى عمودياً إلى 4 أجزاء متساوية.
- أظل ثلاثةً من الأجزاء العمودية من الـ $\frac{2}{3}$ باللون الأخضر.
- عدد أجزاء الورقة جميعها _____ جزءاً.
- عدد الأجزاء المظللة باللونين _____ أجزاء.
- الكسر الدال على عدد الأجزاء المظللة باللونين _____.

إذن $\frac{2}{3} \times \frac{3}{4} = \text{_____}$ من الرسم.

أي أن $\frac{2}{3} \times \frac{3}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$ (أحدد الإجابة من الرسم).

وتنكتب ببساطة صورة _____.

$$\frac{1}{2} = \boxed{} = \frac{2 \times 3}{3 \times 4} = \frac{2}{3} \times \frac{3}{4}$$

ما العلاقة بين $\frac{1}{2}$ ونتائج $\frac{2}{3} \times \frac{3}{4}$ الذي حدده من الرسم.



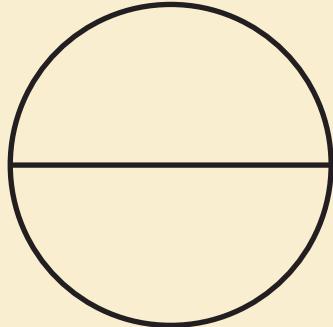
أتعلم: ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○

لضرب كسر عادي في كسر عادي نضرب بسط الكسر الأول في بسط الكسر الثاني، ومقام الكسر الأول في مقام الكسر الثاني.

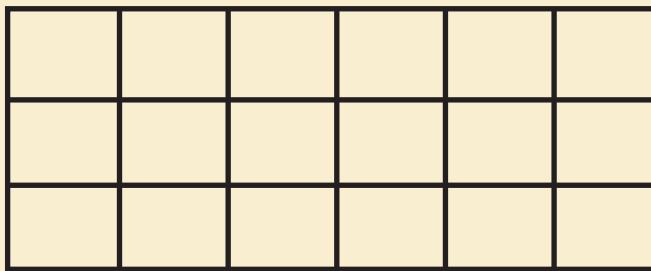
نشاط (٣):



أمثلُ بالرسم كيفَ أجدُ $\frac{3}{4}$ الـ $\frac{1}{2}$



نشاط (٤):



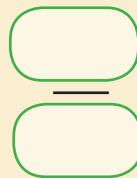
من الشّكّل المُجاوِر أظلّلُ $\frac{2}{3}$ الـ $\frac{5}{6}$

● أظلّلُ $\frac{5}{6}$ الشّكّل باللون الأزرق.

● أقسّمُ الـ $\frac{5}{6}$ إلى — أجزاء متساوية.

● أظلّلُ جزأين باللون الأخضر.

● الاحظُ عددَ الأجزاءِ المُظللةِ باللونين معاً — أجزاء.



● أعيّرُ عنها بكسيرٍ من الشّكّل الكلّي



أتعلّمُ:

قبل إجراء عملية ضرب الكسور، وعند وجود عامل مشترك للبسط والمقام في أيٍّ منهما، يمكننا الاختصار بقسمة كلٌّ منها على هذا العامل.



نشاط (٥)



أكمل الفراغاتِ، وأجذُّ ناتجَ ضربِ الكسرِينِ الآتَيْنِ، موضّحاً طريقيَّتي في الحلّ:

$$\frac{\boxed{}}{\boxed{}} = \frac{\boxed{}}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{6}{\boxed{}} \times \frac{1}{\boxed{}} = \frac{12}{18} \times \frac{3}{9} \quad \text{أ) } \bullet$$

$$\frac{\boxed{}}{9} = \frac{6}{\boxed{}} = \frac{36}{162} = \frac{12}{18} \times \frac{3}{9} \quad \text{ب) } \bullet$$

نشاط (٦)



* أناقشُ مع زملائي الأمثلةَ الآتيةَ، وأقارنُ ناتجَ الضربِ في كلا الكسرِينِ

$$\frac{1}{6} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \quad \text{أ) } \bullet$$

$$\frac{1}{10} = \frac{6}{60} = \frac{3}{10} \times \frac{2}{6} \quad \text{ب) } \bullet$$

$$\frac{1}{20} = \frac{1}{5} \times \frac{1}{4} \quad \text{ج) } \bullet$$



أفَكَّرُ: كيف أجذُّ ناتجَ $\frac{5}{4} \times \frac{2}{3} \times \frac{3}{8}$ ؟



* للمعلم: (هذه العبارة تنطبق على الكسور الموجبة فقط) ناتج ضرب كسرِينِ كلاهُما أقلُّ من واحد، يكون أقلَّ من كلا الكسرِينِ.



تمارين ومسائل



(١)

أجد ناتج ما يأتي بأبسط صورة:

$$\frac{3}{15} \times \frac{5}{6}$$

$$\frac{18}{24} \times \frac{4}{8}$$

$$\frac{3}{10} \times \frac{5}{7}$$

$$\frac{2}{2} \times \frac{3}{4}$$

(٢) أضع إشارة $<$ أو $>$ أو $=$ في لتصبح العبارة صحيحةً:

$$\frac{3}{5} \quad \frac{1}{2} \times \frac{3}{6}$$

$$\frac{3}{2} \quad \frac{1}{4} \times \frac{5}{7}$$

$$1 \quad \frac{4}{3} \times \frac{3}{4}$$

$$\frac{4}{3} \quad \frac{3}{10} \times \frac{2}{9}$$

(٣)

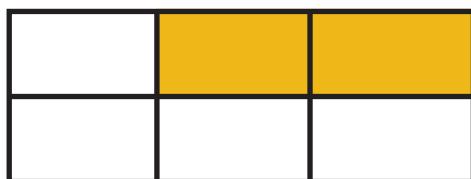
$\frac{2}{7}$ سطح الأرض يابسة، و $\frac{1}{9}$ هذه اليابسة في قارة إفريقيا، فما الكسر الدال على مساحة اليابسة في قارات العالم الأخرى من الكرة الأرضية؟

(٤)

يبلغ طول جسم الحرباء $\frac{1}{2}$ طول لسانها تقريرياً. وهناك نوع منها يصل طول لسانه إلى $\frac{1}{5}$ م. كم يبلغ طول جسم الحرباء من هذا النوع؟

(٥)

أكتب كسرين حاصل ضربهما المنطقة المظللة في الشكل المجاور.



(٦)

أكتب مثالين لكسرين يكون ناتج ضربهما $\frac{15}{56}$.



قسمة عدد صحيح على كسر عادي



نشاط (١)



زار طلبة الصف الخامس معرضاً للكتاب، فاشترى سالم ٤ قصص، ثمن كل قصة $\frac{1}{4}$ دينار، واشترى وائل ٢ كتابين، ثمن الكتاب $\frac{1}{2}$ دينار. كم ديناً دفع كل من سالم ووائل؟

$$\text{دفع سالم: } 4 \times \frac{1}{4} = \underline{\quad} \text{ دينار}$$

$$\text{دفع وائل: } 2 \times \frac{1}{2} = \underline{\quad} \text{ دينار}$$

أذكّر: أن كل عدد صحيح يمكن كتابته على صورة كسر مقامه العدد واحد.

أكمل ما يلي:
أي أن $4 = \frac{\underline{\quad}}{1}$

$$\underline{\quad} = \frac{1}{2} \times 2 \quad \text{و} \quad \underline{\quad} = \frac{1}{4} \times 4$$

$$\underline{\quad} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \quad \text{و} \quad \underline{\quad} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$$



أتعلم: $\circ \circ \circ \circ \circ \circ \circ \circ \circ$ $\circ \circ \circ \circ \circ$

حاصل ضرب كسر عادي بمقلوبه يساوي واحد.

مثال:

مقلوب الكسر $\frac{4}{7}$ هو $\frac{7}{4}$ ومقلوب الكسر $\frac{9}{5}$ هو $\frac{5}{9}$



نشاط (٢)

أكمل ما يلي:

$\frac{25}{50}$		$\frac{11}{23}$	٣	الكسر
	$\frac{2}{8}$		$\frac{1}{3}$	مقلوب الكسر

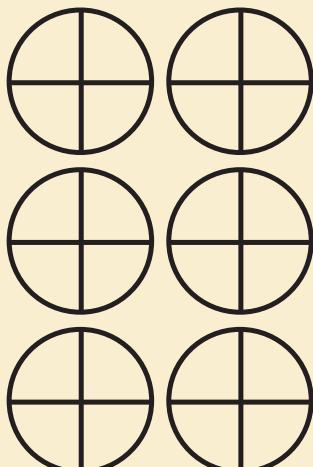
نشاط (٣)

الاحظ وأتأملُ: $\frac{2}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{6}$ الكسر $\frac{1}{4}$ مقلوب للكسر $\frac{2}{3}$ ؟ أفسّر إجابتي شفويًا.

نشاط (٤)

للمشاركة في اليوم المفتوح أعدّت نور ٦ فطائر، ثم قسمت كل طيرية إلى ٤ أجزاء متساوية، ووضعت كل جزء في طبق صغير.

(أ) كم طبقاً تحتاج نور لتضع جزءاً واحداً في كل طبق؟



- عدد الأجزاء = _____ = ٤ × ٦ جزءاً

- عدد الأطباق = _____ طبقاً

- عدد الأطباق = كم $\frac{1}{4}$ في ال ٦
 $\frac{1}{4} \div \frac{1}{6} = \frac{1}{4} \div 6 =$

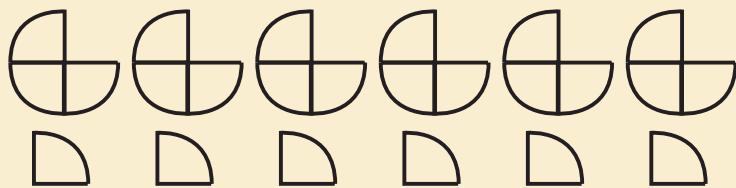
الاحظُ من الرسم أنه يوجد ٢٤ ربعاً في ٦ فطائر، و $6 \times 4 = 24$

- وأنَّ ناتج ضرب ٦ × مقلوب ال $\frac{1}{4}$

$\frac{1}{4} \times \frac{6}{1} = 24$ ماذا تلاحظ؟

- الاحظُ العلاقة بين ناتج $6 \div \frac{1}{4}$ وناتج $6 \times \text{مقلوب } \frac{1}{4}$

(ب) إذا أرادت نور أن تضع كل ثلاثة أجزاء في طبق، كم طبقاً ستحتاج؟
عدد الأجزاء من الرسم = ٢٤ جزءاً، أي أنّ عدد الأطباق = ٨ أطباق.



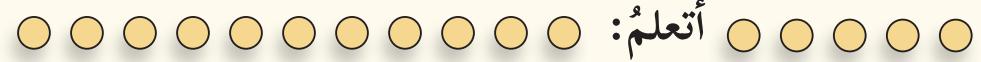
- عدد الأطباق = كم $\frac{3}{4}$ في ٦

$$\text{أي } \frac{3}{4} \div \frac{6}{1} = \frac{3}{4} \times \frac{1}{6}$$

$$8 = \frac{\text{_____} \times \text{_____}}{3} = \frac{3}{4} \times \frac{6}{1} = \frac{3}{4} \times \text{مقلوب } \frac{6}{1}$$

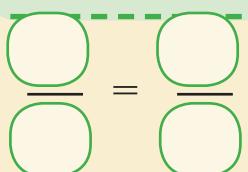
وأن ناتج ضرب $\frac{1}{4} \times$ مقلوب $\frac{6}{1}$ = $\frac{3}{4} \times \frac{6}{1}$
أي أنّ نور احتاجت إلى _____ أطباق لوضع أجزاء الحلوي.

الاحظ العلاقة بين ناتج $6 \div \frac{3}{4}$ وناتج $6 \times$ مقلوب $\frac{3}{4}$



لقسمة عدد صحيح على كسر عادي أضرب العدد الصحيح في مقلوب الكسر.

نشاط (٥)



لنجد $5 \div \frac{3}{6}$ أضرب ٥ في مقلوب $\frac{3}{6}$ ←

نشاط (٦) نشاط عملي:



- أحضر أربع أوراق من الكرتون مربعة الشكل .
- أقسم كل ورقة بالطريقة ، إلى ٤ أجزاء متساوية.
- بما أن كل جزء يمثل $\frac{1}{4}$ الورقة، أكمل الجدول الآتي:



عدد الأربع في أربع أوراق	عدد الأربع في ثلاثة أوراق	عدد الأربع في ورقتين	عدد الأربع في ورقة واحدة	
$\underline{\quad} = \frac{\text{_____}}{\text{_____}} \div \underline{\quad}$	$\underline{\quad} = \frac{\text{_____}}{\text{_____}} \div 3$	$\underline{\quad} = \frac{1}{4} \div 2$	$\underline{\quad} = \frac{1}{4} \div 1$	جملة القسمة
$\underline{\quad} = \frac{\text{_____}}{\text{_____}} \times 4$	$\underline{\quad} = \frac{\text{_____}}{\text{_____}} \times 3$	$\underline{\quad} = \frac{\text{_____}}{\text{_____}} \times 2$	$\underline{\quad} = \frac{1}{4} \times 1$	جملة الضرب

نشاط (٧)



تحتاج سلوى إلى $\frac{2}{3}$ كوب من الطحين، و $\frac{1}{3}$ كوب من الجبن لإعداد فطيرة محسوسة بالجبن.

● (أ) كم فطيرةً تُعد سلوى من ٤ أكوابٍ من الطحين؟

$$\frac{\text{_____}}{\text{_____}} \times 4 = \frac{2}{3} \div 4 = \text{عدد الفطائر}$$

$$\text{فطائر} = \frac{\text{_____}}{\text{_____}} \text{ ويساوي:}$$

● (ب) كم كوباً من الجبن تحتاج سلوى لحشو ١٢ فطيرة؟

$$\frac{\text{_____}}{\text{_____}} \times \underline{\quad} = \text{عدد أكواب الجبن}$$

$$\text{أكواب من الجبن} = \underline{\quad}$$



تمارين ومسائل



0000000000

(١) ما مقلوب كُلٌّ من الآتية؟

- $\frac{9}{5}$ (ج) ● ٦ (ب) ● $\frac{7}{12}$ (أ) ●

أكتب ناتج ما يأتي بأسط صورة:

0000000000

(٢)

$$\begin{array}{ll} = \frac{3}{4} \div 36 & = \frac{4}{7} \div 4 \\ \text{ب) } & \text{أ) } \\ \frac{1}{4} \div 12 & \frac{2}{3} \div 18 \\ \text{د) } & \text{ج) } \end{array}$$

يحتاج جسم الإنسان كل يوم لشرب ٨ أكواب من الماء. كم نصفاً في ٨ أكواب؟

0000000000

(٣)

(٤) في مزرعةٍ ما يحتاج كُلُّ حصانٍ إلى $\frac{2}{5}$ حزمة من القش كطعام يوميٌ له. كم حصاناً يمكن إطعامه في يوم واحد باستخدام ٢٢ حزمةً من القش؟

(٥) تُنتج نحلة $\frac{1}{8}$ غرام من العسل يومياً، فكم يوماً تحتاج هذه النحلة لإنتاج ٢ غم من العسل؟



قسمة كسرین عادیین



واحد صحيح

		$\frac{1}{2}$
		$\frac{1}{3}$
		$\frac{1}{4}$
		$\frac{1}{6}$
		$\frac{1}{8}$



نشاط (١)

- قامت دعاء بقص قطع (الورق المقوى) الملون لإعداد لوحة للكسور. أتمّل اللوحة وأكمل: ● (أ) كم $\frac{1}{2}$ في الواحد الصحيح؟
- من لوحة الكسور = _____
 - أعبر عنها بالرموز $1 \div \frac{1}{2} = 2$ من لوحة الكسور يوجد نصفان في الواحد الصحيح.
 - ما العلاقة بين ناتج $1 \div \frac{1}{2}$ و 1×2 (مقلوب $\frac{1}{2}$) ؟

(ب) كم $\frac{1}{4}$ في $\frac{1}{2}$ من لوحة الكسور؟ يوجد ربعان في النصف أعتبر عنها

$$\underline{\quad} = \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square} \times \frac{1}{2} = \frac{\square}{\square} \div \frac{1}{2} \text{ بالرموز}$$

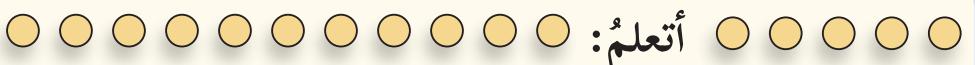
- ما العلاقة بين ناتج $\frac{1}{2} \div \frac{1}{4}$ و $\frac{1}{2} \times \frac{1}{4}$ (مقلوب $\frac{1}{4}$) ؟

(ج) كم $\frac{1}{8}$ في $\frac{2}{4}$ ؟ من لوحة الكسور =

$$\underline{\quad} = \frac{\square}{\square} \times \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square} \div \frac{\square}{\square} \text{ - أعتبر عنها بالرموز}$$

- ما العلاقة بين ناتج $\frac{2}{4} \div \frac{1}{8}$ و $\frac{2}{4} \times \frac{1}{8}$ (مقلوب $\frac{1}{8}$) ؟



 أتعلم :

لقسمة كسرٍ عاديٍّين أضرب الكسر الأول في مقلوب الكسر الثاني.

نشاط (٢)



أجد ناتج ما يأتي:

$$\underline{\quad} = \frac{\square}{\square} \times \frac{2}{3} = \frac{1}{6} \div \frac{2}{3} \text{ أى } \frac{1}{6} \div \frac{2}{3} \text{ كم سدسًا في } \frac{2}{3} \text{ ؟}$$

$$\frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square} \times \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square} \div \frac{\square}{\square} \text{ أى } \frac{3}{8} \text{ في } \frac{1}{4} \text{ ؟}$$

نشاط (٣)



أكتب عدداً مناسباً في :

$$\frac{8}{\square} \times \frac{4}{7} = \frac{0}{\square} \div \frac{4}{7} \quad (\text{أ})$$

$$\frac{4}{\square} \times \frac{2}{\square} = \frac{3}{\square} \div \frac{\square}{7} \quad (\text{ب})$$

$$1 = \frac{\square}{\square} \div \frac{2}{5} \quad (\text{ج})$$

$$\frac{8}{10} = \frac{\square}{\square} \div \frac{\square}{3} \quad (\text{د})$$





تمارين ومسائل

(١) أجد ناتج ما يلي:

$$\frac{1}{9} \div \frac{2}{9}$$

$$\frac{3}{7} \div \frac{3}{7}$$

$$\frac{6}{5} \div \frac{2}{5}$$

$$\frac{2}{10} \div \frac{6}{10}$$

$$\frac{1}{4} \div \frac{1}{3}$$

$$\frac{2}{4} \div \frac{5}{8}$$

(٢) يعد الحق في توفير الطعام من الحقوق الأساسية، احتاجت الأم إلى ثلاثة أثمان علبة توت لتزيين كعكة، يوضح الجدول الآتي عدد ولون علب التوت.

أجب عن الأسئلة الآتية:

الأبيض	الأخضر	الأسود	الأحمر	لون التوت
٦	$\frac{1}{8}$	$\frac{3}{4}$	١٢	عدد علب التوت

- (أ) ما عدد الكعكات التي يمكن استعمال جميع كمية التوت الأبيض لتزيينها؟
- (ب) ما عدد الكعكات التي يمكن استعمال جميع كمية التوت الأسود وحده لتزيينها؟
- (ج) لدى الأم ٤ بنات، تريد توزيع الكمية نفسها من التوت الأحمر لكل بنت، فما عدد الكعكات التي يمكن تزيينها؟



تمارين عامة



٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠

(١) أضْعُ دَائِرَةً حَوْلَ رَمْزِ الإِجَابَةِ الصَّحِيحةِ فِي كُلِّ مَمَّا يَأْتِي:

١) مَا أَبْسَطُ صُورَةً لِلْكَسْرِ $\frac{8}{20}$ ؟

٤) (د)

٢) (ج)

١٠) (ب)

٥) (أ)

٢) مَا ناتِجُ $\frac{1}{2} \div \frac{2}{3}$ ؟

٣) (د)

٣) (ج)

٤) (ب)

٦) (أ)

٣) مَا ناتِجُ $\frac{5}{7} \times \frac{21}{15}$ ؟

٢٦) (د)

٤٩) (ج)

٤٩) (ب)

١٠) (أ)

٤) كم جزءاً متساوياً يمكن تقسيم كعكتين؟ بحيث يكون كلاً جزء $\frac{2}{3}$ كعكة؟

أ) جزأين

ب) ٤ أجزاء

ج) ٦ أجزاء

د) ٨ أجزاء

٥) ممر حديقة به ١٢ بلاطة، طول كل بلاطة $\frac{1}{2}$ م، فما طول هذا الممر؟

٢٤) (د)

١٨) (ج)

١٢) (ب)

٦) (أ)

٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠

(٢) أضْعُ عدَداً مناسِباً فِي \square :

$$1 = \frac{\square}{12} \div \frac{2}{6}$$

ب) (ب)

$$\frac{8}{15} = \frac{3}{4} \div \frac{\square}{5}$$

أ) (أ)

$$\frac{3}{10} = \frac{5}{2} \div \frac{\square}{4}$$

د) (د)

$$1 = \frac{7}{\square} \times \frac{4}{6}$$

ج) (ج)

$$2 = \frac{3}{5} \times \frac{\square}{\square}$$

هـ) (هـ)

$$\frac{1}{10} = \frac{3}{6} \times \frac{2}{\square}$$

هـ) (هـ)



(٣) أضف إشارة $>$ أو $<$ أو $=$ في  لتصبح العبارة صحيحةً:

١  $\frac{4}{3} \div \frac{3}{4}$ ج)

 $\frac{2}{9} \times \frac{2}{9}$ أ)

٢  $\frac{1}{2} \times 4$ د)

 $\frac{3}{2} \times \frac{14}{5}$ ب)

(٤) أكتشف الخطأ، وأصحّحه:

$$\frac{1}{3} = \frac{2}{8} \times \frac{4}{3} = \frac{2}{8} \div \frac{3}{4}$$

(٥) يبلغ طول ذكر أحد أنواع الضفادع $\frac{2}{5}$ طول أنثاه، فإذا كان طول الأنثى ١٥ سم، وكتلتها ٤٥ غم، فأوجد طول ذكر هذا النوع من الضفادع.

(٦) تستهلك سيارة $\frac{1}{8}$ لتر بنزين لقطع كيلومتراً واحداً، فكم كيلو متراً تقطع السيارة، إذا استهلكت ٧ لتراتٍ من البنزين؟

(٧) أكتب مسألة كلامية حلّها $\frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$

(٨) أكتب كسرين :

أ) ناتج قسمتهما $\frac{5}{6}$

ب) ناتج ضربهما $\frac{3}{10}$



أقيِّم ذاتي



أصنف قدرتي على أداء المهارات الواردة خلال هذه الوحدة بكتابه أحد التقديرات الآتية (مرتفع، متوسط، دون المتوسط) أمام كل مهارة من المهارات الواردة في صفحة ٢٩.

مشروعٌ عي



أتعاونُ مع مجروعي في :

- أ) معرفةِ ثمنِ كلٍّ مكوٌّنٍ من مكوٌّنات الكعكة الواحدة.
- ب) حسابِ التكاليفِ اللازمة لعمل ٣ كعكات من الجزر.

التكلفة المادية لـ ٣ كعكات	مكونات ٣ كعكات	مكونات الكعكة الواحدة
		١/٣ كأس جزر
		١ كأس عصير جزر
		١/٤ كأس مكسرات
		٣/٤ كأس طحين
		١/٢ ملعقة صغيرة بيكربونات الصوديوم

روابط الكترونية:

<http://www.havemath.com/training>

<http://www.havemath.com>



الوحدة
٣

ضرب الكسور العشرية وقسمتها

لِعَمَلِ كَمِيَّةٍ مِنَ الْعَطْرِ مَقْدَارُهَا ٥٠ مَلِلْتَرًا، نَحْتَاجُ إِلَى ٢٠ هَذِهِ الْكَمِيَّةُ مِنْ زَيْتِ الْعَطْرِ الْخَامِ. مَا كَمِيَّةُ الزَيْتِ الْخَامِ الَّتِي نَحْتَاجُهَا لِعَمَلِ ١٢٠ مَلِلْتَرًا مِنَ الْعَطْرِ؟



يتوقع من الطلبة بعد الإنتهاء من دراسة هذه الوحدة والتفاعل مع أنشطتها أن يكونوا قادرين على توظيف ضرب الكسور العشرية وقسمتها في الحياة العملية من خلال الآتي:

- إيجاد ناتج ضرب عدد صحيح في كسر عشري وبالعكس.
- إيجاد ناتج ضرب كسر عشري في كسر عشري.
- إيجاد ناتج قسمة عدد صحيح على كسر عشري وبالعكس.
- توظيف ضرب الكسور العشرية وقسمتها في حل مشكلات حياتية.



ضرب عدد صحيح في كسرٍ عشري



نشاط (١):

اتفق سالم وزوجته خلود على تبليط ساحة بيته باستخدام نوعين من البلاط مربع الشكل، طول ضلع النوع الأول ٠,٦ م، وطول ضلع النوع الثاني ٠,٣٥ م.

أكمل الفراغات في الجدول الآتي؛ لمعرفة طول كلٌّ من الأعداد الآتية من البلاط (١٠٠، ١٠، ٠,١٠٠)، من كل نوع:

عدد البلاط			الكسر العشري
١٠٠٠ ×	١٠٠ ×	١٠ ×	
	٦٠,٠		٠,٦
			٠,٣٥



أناقشُ: كيف تم تحريك الفاصلة العشرية في الناتج؟



أتعلمُ:

عند ضرب كسرٍ عشريٍّ في ١٠ أو ١٠٠ أو ١٠٠٠ أو، فإننا نحرّك الفاصلة إلى اليمين عدداً من المنازل مساواياً لعدد الأصفار.

نشاط (٢)



أ) أقرأ الكسور العشرية والأعداد العشرية الممثلة على لوحة المنازل:

الجزء من عشرة آلاف	الجزء من الف	الجزء من مائة	جزء من عشرة	الفاصلة العشرية	العدد الصحيح
		٣	٧	,	٢
.	٩	١	٨	,	.
٤	٢	٦	٣	,	.
٢	٧	٠	٠	,	.

ب) أقرأ كما في المثال: ١,٧٥ تقرأ واحد صحيح وخمس وسبعون من مائة

٢٤,٠٨٧ ٠,٧٥٠ ٠,٧٥٠

نشاط (٣)



للاحتفال بشفاء جارتهم، اشتريت لاء ورباب كعكةً حيث قُسّمت إلى عشرة أجزاء متساوية، أكلت كلّ من لاء ورباب جزءاً واحداً منها، وأكلت كلّ من هناء وسعاد جزأين.

الكسر العادي الذي يعبر عمّا أكلته كل من لاء ورباب هو $\frac{1}{10}$ ويُكتب على صورة كسر عشري ٠,١

مجموع ما أكلته لاء ورباب ككسر عشري = _____

$$_____ = 0,1 \times 2 =$$

الكسر الذي يمثل ما أكلته كلّ من هناء وسعاد على صورة كسر عادي هو _____ ويُكتب على صورة كسر عشري _____

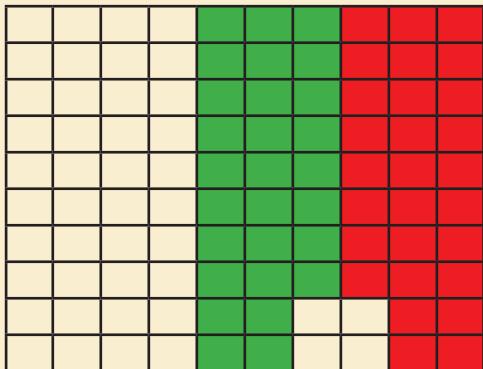
مجموع ما أكلته هناء وسعاد ككسر عشري = _____

$$_____ = _____ \times _____ =$$

نشاط (٤):



لوّن محمدٌ باللون الأحمر 28 جزءاً من الشكل المجاور، المكوّن من 100 جزءٍ متساوٍ، ولوّن 28 جزءاً آخر باللون الأخضر.



- الكسر العشري الذي يمثلُ الجزء الملوّن باللون الأحمر = $0,28$

- الكسر العشري الذي يمثلُ الجزء الملوّن باللون الأخضر = $0,28$

- مجموع الكسور العشرية التي تمثّلُ ما لوّنه باللونين:

$$\underline{\quad} = \underline{\quad} + \underline{\quad} =$$

$$\underline{\quad} = \underline{\quad} \times \underline{\quad} =$$

ماذا تلاحظ؟



أتعلّمُ :

لضربِ كسرٍ عشريٍّ في عدد صحيح، فإنّنا نضربُ العددَين كما في الأعداد الصحيحة، ثم نضعُ الفاصلة، بحيث يكونُ عددُ المنازل العشرية في ناتج الضرب مساوياً لعدد المنازل العشرية في الكسر العشري.

نشاط (٥):



أضعُ الفاصلةَ في مكانها الصحيح في الناتج:

$$100 = 4 \times 0,25 \quad (ج) \quad 261 = 3 \times 0,87 \quad (ب) \quad 7,2 = 8 \times 0,9 \quad (أ)$$



نشاط (٦):



أجد الناتج:

$$\text{---} = , 123 \times 4 \quad \text{ب) ---} = . , 16 \times 4 \quad \text{---} = . , 3 \times 2 \quad \text{أ) ---}$$

$$\text{---} = 1000 \times 0 , 709 \quad \text{ه) ---} = . , 48 \times 100 \quad \text{---} = 10 \times 0 , 5 \quad \text{د) ---}$$



أفگرُ: قال ماجد: إنَّ ناتجَ ضربِ $8 \times 82,72$ يساوي $576,00$. هل أصابَ ماجدَ أمَّا خطأ؟ أتحققَ من صحة ما قاله ماجد باستخدام الآلة الحاسبة؟



تمارين ومسائل



(١)

أضعُ الفاصلة في مكانها الصحيح في الناتج:

$$٩٢٠٠ = . , ٩٢ \times ١٠٠ \quad \text{ج) ---} \quad ٣٣٦ = ٨ \times . , ٤٢ \quad \text{ب) ---} \quad ٥٤ = ٦ \times . , ٩ \quad \text{أ) ---}$$

$$٣٤٠٠٠ = . , ٠٣٤ \times ١٠٠٠ \quad \text{ه) ---} \quad ٢٣٠٣ = . , ٧ \times ٣٢٩ \quad \text{د) ---}$$

(٢)

أجد ناتج مايلي:

$$٠ , ٧ \times ٦٢٣ \quad \text{ج) ---} \quad ٣ \times . , ٢٥ \quad \text{ب) ---} \quad ٩ \times . , ٧ \quad \text{أ) ---}$$

$$٠ , ٠٤٦ \times ٢٠٠ \quad \text{ه) ---} \quad ٠ , ٣٦ \times ١٠ \quad \text{د) ---}$$

(٣)

اشترى معلمٌ ٧ علَبِ الوانِ، سعرُ العلبة الواحدة ٦٤ ديناراً، واشتري قصتين للتلويين، سعرُ الواحدة ٥٨ ديناراً. كم ديناراً دفع للبائع؟





ضرب كسرain عشريّين



نشاط (١)



لَدِي دُعَاءٌ، ٩٨ كغم من الشمع، استخدمنٌ ٧٠ من الشمع في حصة التربية الفنية؛ لعمل أزهار. ما كتلة الشمع المستخدم في عمل الأزهار؟

- لحساب كتلة الشمع المستخدم في عمل الأزهار أجد:

$$الشمع الذي لديها = ٧٠ \cdot ٩٨$$

$$= ٠,٩٨ \times ٠,٧$$

$$= \frac{٦٨٦}{١٠٠} = \frac{٩٨}{١٠} \times \frac{٧}{١٠}$$

ما العلاقة بين عدد المنازل العشرية في الناتج وفي الكسرain العشريّين المضروبین؟

ماذا تلاحظ؟

نشاط (٢)



$$\text{أجد ناتج: } ٠,٨ \times ٠,٤ =$$

$$\frac{٣٢}{\square} = \frac{\square}{\square} \times \frac{٤}{\square}$$

$$(على صورة كسر عشرى) = \underline{\hspace{2cm}}$$

نشاط (٣)



أناقشُ، وأكملُ الفراغ فيما يلي:

$$\text{الاحظ أن } 54 = 6 \times 9$$

عدد المنازل العشرية للناتج = _____ ، مجموع عدد المنازل العشرية في الكسرين _____ ماذا تلاحظ ؟

أتعلّم :



لضرب كسرٍ عشريٍّ في كسرٍ عشريٍّ آخر، فإنّا نجري عملية الضرب كما في ضرب الأعداد الصحيحة، ونضع الفاصلة في الناتج؛ بحيث يكون عدد المنازل العشرية مساوياً لمجموع عدد المنازل العشرية في العددين المضروبين.

نشاط (٤)



أجدُ ناتج ما يلي :

$$\text{ب) } 24 \times 0,38 = 0,38 \times 0,24$$

$$\text{أ) } 4 \times 0,37 = 0,37 \times 4$$

نشاط (٥)



لدى صائغ ٠,٧٥ كغم من الذهب الخام، استخدم ١٠ الكتلة في صناعة سواراً، ما كتلة الذهب المستخدمة في صناعة هذا السوار؟

الحلّ: كتلة الذهب التي صنع منها السوار =

$$\text{كتمة} = \text{كتلة الذهب} \times \text{كم}$$





أفَكَرُ: لَدِي أُسْرَةُ الصَّفِ لَوْحٌ مِنَ الْخَشْبِ طُولُهُ ٠٠٩ م، تَرِيدُ

أَنْ تَعْمَلُ مِنْهُ رَفِينَ، طُولُ الرَّفِ الْأَوَّلِ ٣٠٠ م، وَطُولُ الرَّفِ الثَّانِي ٤٠٠ م
أَحْسِبُ بِالسِّنْتِمِترِ طُولَ كُلِّ مِنَ الرَّفِينَ، وَطُولَ الْقَطْعَةِ الْمُتَبَقِّيَّةِ مِنَ الْلَّوْحِ.

تمارين ومسائل



(١) أَضْعُ الفاصلَةَ فِي مَكَانِهَا الصَّحِيحَ فِي نَاتِجِ كُلِّ مَمَّا يَلِي:

ج) $25886 \times 0,43 = 0,602$

أ) $14 = 0,2 \times 0,7$

د) $1530 = 0,002 \times 0,765$

ب) $7225 = 0,85 \times 0,85$

(٢) أَجِدُ نَاتِجَ مَا يَلِي :

ج) $0,32 \times 0,415$

ب) $0,84 \times 0,86$

أ) $0,9 \times 0,48$

(٣) لَدِي عَلَيَّ قَطْعَةً مِنْ قَمَاشِ الْقَطْنِ الْأَيْضُ طُولُهَا ٠٠٨٦ م، اسْتَخَدَمْتُ جَزءًا مِنْهَا طُولُهُ رُبُعُ الْقَطْعَةِ (٠٠٢٥)، لِعَمَلِ لَوْحَةٍ لِلرَّسْمِ. مَا طُولُ هَذِهِ الَّوْحَةِ بِالْأَمْتَارِ؟

(٤) أَجِدُ نَاتِجَ مَا يَلِي :

ب) $= \frac{4}{5} \times 0,6$

أ) $= 0,75 \times \frac{360}{100}$





قسمة الكسور العشرية



أولاً: قسمة كسرٍ عشريٍّ على عددٍ صحيح

نشاط (١)



لكل فرد واجبات نحو المجتمع، ففي موسم قطف الزيتون، تبرّع مزارع بـ ٢٥٪ من إنتاجه من الزيت إلى ١٠ جمعيات خيرية بالتساوي. ما نصيب كل منها ممّا تبرّع، على صورة كسرٍ عشريٍّ؟

$$= 10 \div 0,25$$

$$= \frac{10}{1} \div \frac{25}{100}$$

$$= 0,025 \text{ من كمية الإنتاج (كسرٌ عشريٌّ).}$$

$$= \frac{1}{100} \times \frac{25}{100} \text{ لماذا؟}$$

الاحظ: كيف تم نقل الفاصلة العشرية في الناتج اعتماداً على عدد أصفار المقسم على المقام.

نشاط (٢)

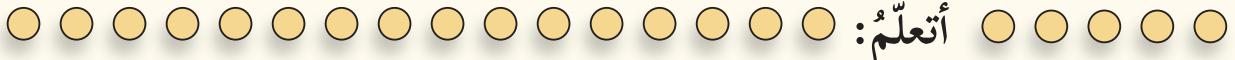


أكمل ما يلي:

$$\text{_____} = \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{100} \times \frac{\square}{100} = 100 \div \frac{25}{\square} = 100 \div 0,25 \bullet$$

$$\text{_____} = \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{1000} \times \frac{\square}{1000} = 1000 \div \frac{25}{\square} = 1000 \div 0,25 \bullet$$



 أتعلّم :



عند قسمة كسرٍ عشريٍّ على 10 ، 100 ، 1000 ، ، فإننا نحرّك الفاصلة العشرية في الكسر العشري الناتج عدداً من المنازل إلى جهة اليسار مساوياً لعدد أصفار المقسم عليه.

نشاط (٣)

أكمل الجدول الآتي:

$1000 \div$	$100 \div$	$10 \div$	الكسر العشري
		$0,04$	$0,4$
			$0,06$
	$0,0087$		$0,87$

نشاط (٤)

قسم رائد $0,96$ دونماً من الأرض بين بناته الثلاثة بالتساوي. ما نصيب الواحدة منه؟

$$= 3 \div 0,96 = \frac{3}{0,96} = \frac{3}{\frac{96}{100}} = \frac{3 \times 100}{96}$$

$$\frac{\text{---}}{\text{---}} = \frac{\text{---}}{\frac{\text{---}}{\text{---}}} = \frac{1}{3} \times \frac{32}{96}$$

$$= 3 \div 0,32 = 0,96 \text{ دونماً نصيب كل واحدة.}$$

$$\begin{array}{r} 0,32 \\ \hline 3 \sqrt{0,96} \\ - 0,9 \\ \hline 0,6 \\ - 0,6 \\ \hline 0 \end{array}$$

يمكن حساب نصيب الواحدة منهن باستخدام القسمة الطويلة،
الاحظ خطوات الحل

أتعلّمُ :



لقسمة كسرٍ عشريٍّ على عددٍ صحيح، فإننا نبدأ القسمة كما في الأعداد الصحيحة من أعلى منزلة؛ بحيث نرفع الفاصلة العشرية في الناتج من البداية في مكانها ونكمّل القسمة.

نشاط (٥)



أكمل ما يلي بإيجاد الناتج، وأكتبه في الفراغ:

$$\underline{\quad} = 4 \div 0,736 \quad \text{ج}$$

$$\begin{array}{r}
 0,184 \\
 \hline
 4 \overline{) 0,736} \\
 4 - \\
 \hline
 33 \\
 32 - \\
 \hline
 16
 \end{array}$$

$$\underline{\quad} = 6 \div 0,984 \quad \text{ب}$$

$$\begin{array}{r}
 \\
 \hline
 6 \overline{) 0,984}
 \end{array}$$

$$\underline{\quad} = 2 \div 0,64 \quad \text{أ}$$

$$\begin{array}{r}
 0,32 \\
 \hline
 2 \overline{) 0,64} \\
 6 - \\
 \hline
 4 \\
 4 -
 \end{array}$$

نشاط (٦)



قسم حداد قضيباً من الحديد طوله ٠,٨٨ م إلى ١١ قطعه متساوية في الطول. ما طول القطعة الواحدة؟

$$\text{طول القطعة الواحدة} = \underline{\quad} \div 0,88 \quad \text{م}$$



ثانياً: قسمةُ عددٍ صحيحٍ على كسرٍ عشريٍّ



* نشاط (١)



يعتبر الأسر من الممارسات التعسفية، تضامناً مع يوم الأسير الفلسطيني أعدت معلمة الصف الخامس ثلاث لوحات كما في الشكل؟

+ ملح	يوم
الأسير	= كرامة
يوم	+ ملح
= كرامة	ماء
ماء	الأسير

+ ملح	يوم
الأسير	= كرامة
يوم	+ ملح
= كرامة	ماء
ماء	الأسير

+ ملح	يوم
الأسير	= كرامة
يوم	+ ملح
= كرامة	ماء
ماء	الأسير

ثم وزعتها على مجموعات الصنف بحيث تكون كل مجموعة الجملة الآتية:

- (يوم الأسير، ملح + ماء = كرامة) ما عدد الجمل التي يمكن تكوينها.
- عدد الكلمات بكل لوحة يساوي ____ كلمات.
- عدد كلمات الجملة الواحدة يساوي ____ كلمات.
- الكسر العشري الذي يمثل عدد كلمات الجملة الواحدة بالنسبة لكل لوحة هو ____.
- كم ٠,٥ في ٣ .
- ____ = ٣ ÷ ٠,٥ (اعتمد على الجمل التي تم تشكيلها من كل لوحة).
- عدد جميع الجمل التي تم تكوينها ____ جمل.
- ما العلاقة بين ناتج ٣ ÷ ٠,٥ وعدد الجمل التي تم تكوينها.

* للمعلم: توفير لوحات للعدد اللازم للتطبيق العملي من خلال مجموعات.



نشاط (٢)



أجد الناتج على صورة كسر عشري :

$$\square = \frac{\square}{\underline{\square}} = \frac{\square \times 48}{100 \times 0,12} = \frac{48}{0,12} = 0,12 \div 48 \quad \text{أ) } \bullet$$

$$\square = \frac{\square}{\underline{\square}} = \frac{\square \times 98}{1000 \times 0,014} = \frac{98}{0,014} = 0,014 \div 98 \quad \text{ب) } \bullet$$

أتعلم :



لقسمة عدد صحيح على كسر عشري نضرب المقسم والمقسوم عليه في ١٠ أو ١٠٠ أو ١٠٠٠؛ بحيث يصبح المقسم عليه عدد صحيحًا، ثم نجري القسمة كما في الأعداد الصحيحة.

نشاط (٣)



أجد ناتج ما يلي وأتحقق من صحة الناتج باستخدام الآلة الحاسبة:



$$= 0,8 \div 324$$



$$10 \times$$

$$10 \times$$

$$\square = \square \div \square$$

ثالثاً: قسمة كسرٍ عشريٍ على كسرٍ عشريٍ



نشاط (١)



لدى سليمان ٠,٧٥ كغم من العسل، أراد توزيعها على أصدقائه بالتساوي ، فأعطى كل منهم ٠,٢٥ كغم ، ما عدد أصدقاء سليمان ؟ لمعرفة عدد أصدقاء سليمان أجد ناتج قسمة

٠,٢٥ على ٠,٧٥

$$\frac{100 \times 0,75}{100 \times 0,25} = \frac{0,75}{0,25} = 0,25$$

أناقش مع زملائي لماذا تم ضرب ١٠٠ في العدد ٠,٢٥

عدد أصدقاء سليمان هو

$$\boxed{\quad} = \frac{75}{25} =$$

نشاط (٢)



أجد ناتج القسمة :

$$\boxed{\quad} = \frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}} = \frac{\boxed{\quad} \times 0,478}{10 \times 0,2} = \frac{0,478}{0,2} = 0,2 \div 0,478$$

$$\boxed{\quad} = \frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}} = \frac{\boxed{\quad} \times 0,105}{\boxed{\quad} \times 0,15} = \frac{0,105}{0,15}$$



لقسمة كسر عشري على كسر عشري نضرب المقسم و المقسم
عليه في ١٠ أو ١٠٠ أو ١٠٠٠ بحيث يصبح المقسم عليه عددا
صحيحا ثم نجري القسمة.

نشاط (٣)



أجد ناتج ما يلي وتحقق من صحة الناتج باستخدام الآلة الحاسبة:



$$= \cdot , \xi \quad \div \quad \cdot , 744$$

\downarrow \downarrow

1. x 1. x

$$\text{_____} = \text{_____} \div \text{_____}$$



تمارين ومسائل



٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠

(١) أجد ناتج ما يلي:

٣٥ ÷ ٠,٤٣٤ ● ج) (٤) ١٠ ÷ ٠,٨٧ ● ب) (٣)

٠,٨٤ ÷ ٤ ● أ) (٢)

٠,١٢ ÷ ٤٣٢ ● و) (٦) ٠,٠٩ ÷ ٢٧ ● هـ) (٥)

٠,٧ ÷ ١٢٦ ● د) (٤)

٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠

(٢) أكمل الفراغات الآتية:

٠,٠٣ = ٧ ÷ _____ ● ب) (٣) ٠,٤٨ = ٤ ÷ _____ ● أ) (٢)

٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠

(٣) أجد ناتج ما يلي:

٠,١٢٤ ÷ ٠,٣٧٢ ● ب) (٤) ٠,٣٦ ÷ ٠,١٢ ● أ) (٣)

٠,٠٤ ÷ ٠,١٩٢ ● د) (٥) ٠,٢٦ ÷ ٠,١٠٦٦ ● ج) (٦)

٠٠٠٠٠٠٠٠٠

(٤) قسم محمد قطعة أرض مساحتها ٠,٨٥ دونماً إلى ٥ قطع متساوية؛ لعمل أحواض لزراعة الأشجار. ما مساحة الحوض الواحد؟



٠٠٠٠٠٠٠٠٠

(٥) تستخدم سارة كوباً لقياس كمية الأرز التي تطبخها، فإذا كانت كتلة الأرز التي تملا الكوب ٠,٢٥ كيلوغراماً، فكم كأساً تحتاج لقياس ٣ كغم من الأرز؟

٠٠٠٠٠٠٠٠٠

(٦) مع لبنى ٠,٤٨ لتر من عصير الليمون، كم كأساً من شراب الليمون تستطيع أن تحضر من هذا العصير إذا وضعت في كل كأس ٠,٠٨ لتر من هذا العصير؟





تمارين عامة



(١) أضف دائرةً حول رمز الإجابة الصحيحة فيما يأتي :

١) ما ناتج $٢٠,٧٦ \times ٢$ ؟ ▲

١٥٢(د)

١٥,٢(ج)

٠,١٥٢(ب)

١,٥٢(أ)



٢) ما ناتج $٠,١٧٦ \times ٠,٠٨$ ؟ ▲

٠,٠١٤٠٨(د)

١٤٠٨(ج)

١,٤٠٨(ب)

٠,١٤٠٨(أ)



٣) ما ناتج $١٠ \times ٠,٩٨٧$ ؟ ▲

٩٨,٧(د)

٠,٩٨٧(ج)

٩,٨٧٠٠(ب)

٠,٠٠٩٨٧(أ)



٤) ما ناتج $٤٣ \div ١٠$ ؟ ▲

٤٣,٠(د)

٤٣٠(ج)

٤,٣(ب)

٠,٠٤٣(أ)



٥) ما ناتج $٠,٨٦١ \div ٧$ ؟ ▲

١٢,٣(د)

٠,١٢٣(ج)

٠,٠١٢٣(ب)

١,٢٣(أ)



٦) ما ناتج $٩٠٩ \div ٩٠٩$ ؟ ▲

١٠١٠(د)

١,١١(ج)

١,٠١(ب)

١٠١(أ)



(٢) أجد ناتج ما يلي :



$٠,٧٦ \times ١٨$ (ج)

$١٠ \times ١٠٠ \times ٠,٥٤$ (ب)

$١٠ \times ٠,١١٧$ (أ)

$٠,٦ \div ٤٨$ (د)

$٤ \div ٠,٦٥٨$ (هـ)

$١٠ \div ٠,٢٦$ (ـ)





(٣) كتلة قطعة من الذهب ١١٧ .٠ كغم. أحسب كتلة ٨ قطع من النوع نفسه باستخدام الآلة الحاسبة.



(٤) وضع على ٩٧٢ .٠ كغم من الشاي في ٤ أكياس بالتساوي، و ٣ كغم من القهوة في ٥ أكياس بالتساوي. ما كتلة الشاي الذي وضع في الكيس الواحد؟



(٥) لدى نادية ٣ دنانير، هل تستطيع شراء ٤ هدايا لأبنائها، إذا كان ثمن الهدية الواحدة ٧٩ .٠ ديناراً؟

(٦) أحمد ومحمد خيّاطان يعملان معاً، قام كل منهما بقص شريط من القماش إلى قطع متساوية في الطول، طول كل منها ٠٦ م، فإذا كان طول شريط أحمد ٩٦ م، وعدد القطع التي حصل عليها محمد من قص الشريط هي ٢٠ قطعة:

- أ) ما عدد القطع الصغيرة التي حصل عليها أحمد من قص الشريط؟
- ب) ما طول شريط القماش الموجود مع محمد؟

أُقيم ذاتي

- أكمل الجدول الآتي:

دون المتوسط	متوسط	مرتفع	المهارة
			ضرب عدد صحيح في كسر عشري وبالعكس
			ضرب كسرتين عشريتين
			قسمة عدد صحيح على كسر عشري وبالعكس
			حل مشكلات حياتية تتعلق بضرب الكسور العشرية وقسمتها



مشروع



- أ) تعاون معاً لحساب طول وثمن شريط القماش اللازم؛ لعمل شعارٍ لكل طالب في اللجنة الاجتماعية والفنية، والعلمية والثقافية من الصف الخامس، علماً بأن طول الشرط اللازم للشعار الواحد ٢٤ م.

اللجنة	عدد الطلاب المشتركين	طول الشرط اللازم للمجموعة الواحدة	ثمن الشرط للمجموعة الواحدة
العلمية			
الثقافية			
الاجتماعية			
الفنية			
المجموع			

- ب) اشتريت المعلمة شرطياً خاصاً للجنة الفنية ثمنه ٢,٨٨ ديناراً ما طول هذا الشرط؟

روابط الكترونية:

<https://www.youtube.com/watch?v=BZA6kkCXk>

<https://www.youtube.com/watch?v=SbDIzenLbR4>



الوحدة
٤

الهندسة

كيف يمكن حساب مساحات الأشكال المستطيلة على سبيل المثال المستطيلات على الأعمدة الداخلية للحرم الإبراهيمي ، أو سجادة الصلاة؟



يتوقع من الطلبة بعد الإنتهاء من دراسة هذه الوحدة والتفاعل مع أنشطتها أن يكونوا قادرين على توظيف مساحات الأشكال الهندسية في الحياة العملية من خلال الآتي:

- استنتاج أنواع المثلثات من حيث أضلاعها.
- التعرف إلى وحدات قياس المساحة.
- استنتاج قانون حساب مساحة كلٌّ من المستطيل، والمربع.
- التعرف إلى شبكة كلٌّ من: المكعب، ومتوازي المستطيلات، ورسم كلٌّ منها.
- استنتاج قانون حساب المساحة الجانبية والكلوية لمتوازي المستطيلات.
- توظيف قوانين المساحة لبعض الأشكال المستوية في حل مشكلات حياتية.



أنواع المُثلثات



نشاط (١)



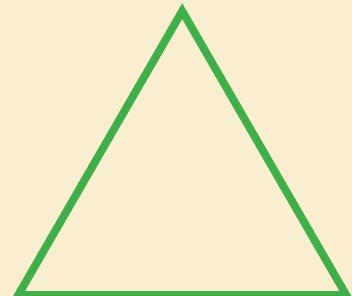
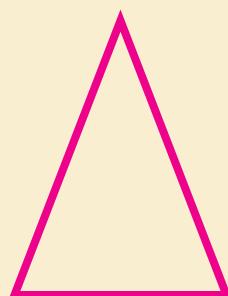
(١) أتأملُ العلمَ الفِلَسْطِينِيَّ، ثم أكتبُ وأناقشُ:

- أ) شكلُ المنطقةِ المُلوَّنةِ باللونِ الأحمرِ هو ____.
 - ب) للمثلث ٣ رؤوس، و ____ أضلاع، و ____ زوايا.
 - ج) المثلث في العلمِ الفِلَسْطِينِيِّ: هو مثلثٌ حادُ الزوايا.
- (٢) يوجدُ نوعان آخران للمثلث حسب الزوايا:
- مثلث _____ الزاوية ، ومثلث _____ الزاوية.

نشاط تعاونيٌّ (٢)



أتعاونُ مع أفراد مجموعتي، ونقومُ بقياس أطوالِ أضلاعِ كلِّ مثلثٍ من المثلثات الآتية، ونسجّلُ القياساتِ عليها:



أَتَعْلَمُ:



يُصنّفُ المثلث حسب أطوالِ أضلاعِه إلى:

- المثلث متساوي الأضلاع: إذا تساوت أطوالِ أضلاعه الثلاثة.
- المثلث متساوي الساقين: إذا تساوى فيه طولاً ضلعين على الأقل.
- المثلث مختلف الأضلاع: إذا كانت أطوالِ أضلاعه الثلاثة مختلفة في الطول.

ماذا تلاحظ؟

أناقش:

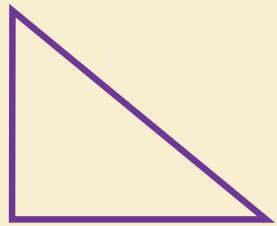


المثلث المتساوي الأضلاع هو أيضاً متساوي الساقين.

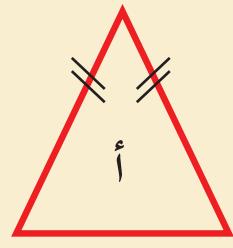
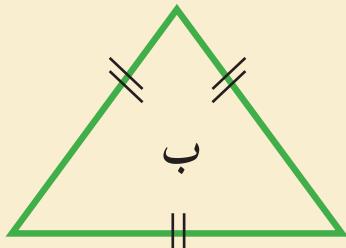
نشاط (٣)



أكتب نوعَ كُلِّ مثلثٍ من المثلثات الآتية، حسب أطوالِ أضلاعِه موضحاً السبب شفوياً:



مختلف الأضلاع



نوع المثلث:

* للمعلم: الرمز || يعبر عن التساوي.

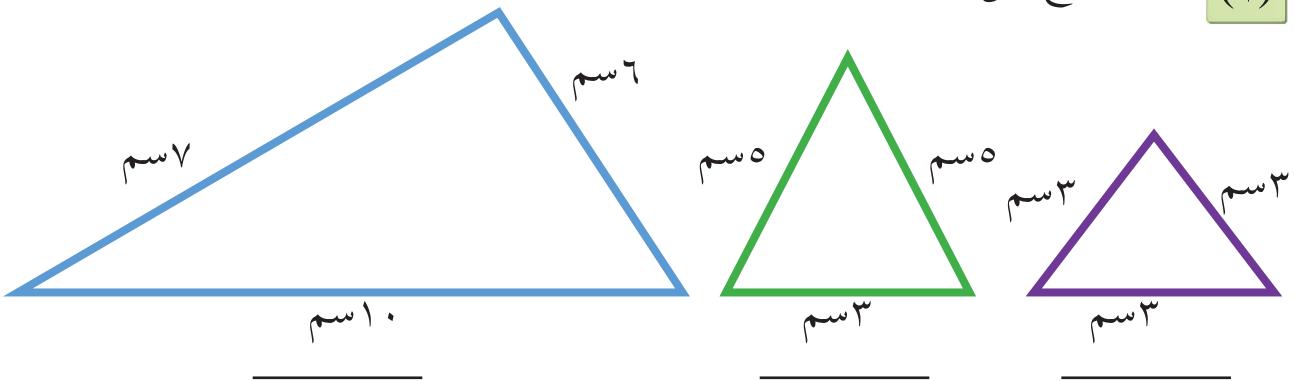


تمارين ومسائل



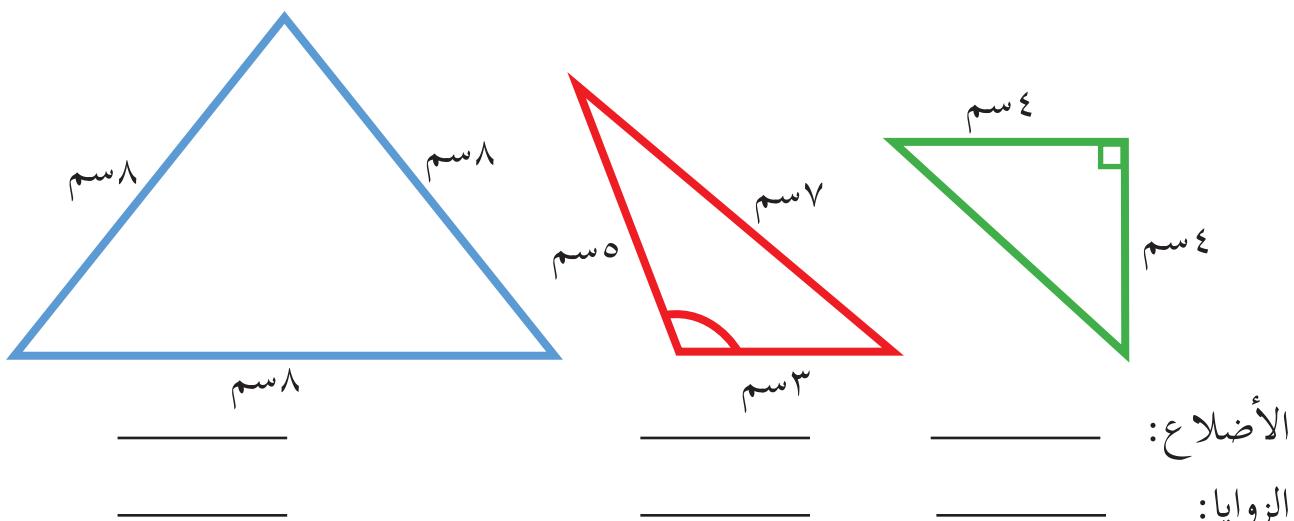
أحدّد نوع كلّ مثلث حسب أطوال أضلاعه:

(١)



أصنّف المثلثات الآتية حسب أطوال الأضلاع، وقياسات الزوايا:

(٢)



لدي إبراهيم حوض أرضيته مربعة الشكل، طول ضلعها 3 م ، أراد تقسيمها إلى 4 أحواض، كل منها مثلث الشكل، ويشتراك مع المربع بأحد أضلاعه.

(٣)

● أ) أرسم رسمًا تخطيطيًّا للأحواض التي سيقوم إبراهيم بعملها مع الحوض المربع الشكل.

● ب) ما نوع كلّ من المثلثات التي سيقوم بعملها حسب أطوال الأضلاع؟

أفسُر إجابتي.





وحدات المساحة



نشاط (١)

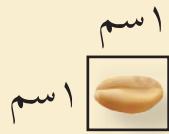


أ) أعدّ عدد الوحدات المربعة التي تغطي الصورة المجاورة من قصر هشام في أريحا.

ب) مساحة الصورة = _____ وحدة مربعة.



نشاط (٢)



أ) في الشكل المجاور مربع طول ضلعه 1 سنتيمتر (1 سم)

وحدة المساحة = وحدة مربعة = 1 سنتيمتر مربع (1 سم^٢)

الاحظ صورة حبة القمح على مربع طول ضلعه 1 سم.



ب) إذا كان طول ضلع المربع 1 متر (1م)

وحدة المساحة = وحدة مربعة

= 1 متر مربع (1م^٢).

الاحظ المساحة المخصصة لكل طالب داخل الغرفة الصفية حسب تعليمات وزارة التربية والتعليم العالي هي ١م^٢.

هل غرفة صفك تحقق هذه التعليمات. لماذا؟

ج) الدونم * = ١٠٠٠ م^٢



تُقدّر مساحة الأرضي التي يحتجزها جدار الضم والتوسيع في محافظة جنين بـ ٤٤ ألف دونم.

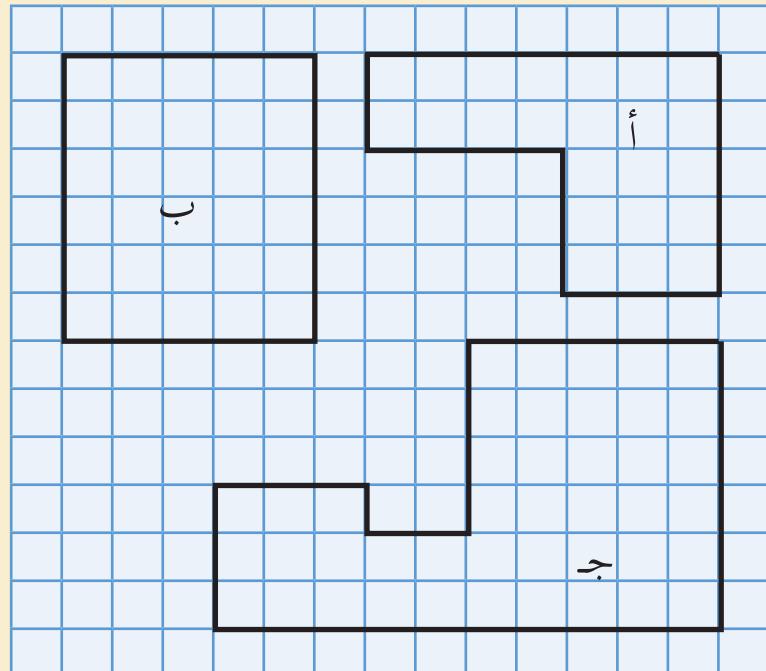
نشاط (٣)

ما مساحة كلٌ من الأشكال الآتية، علماً بأنَّ وحدة المساحة هي ١ سم^٢؟

$$\text{مساحة الشكل أ} = 23 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة الشكل ب} = \text{--- سم}^2$$

$$\text{مساحة الشكل ج} = \text{--- سم}^2$$



نشاط (٤)

أضع دائرةً حول وحدة المساحة الأنسب؛ في كلٍ حالة:

دونم	سم ^٢	م ^٢	أرض جامعة فلسطين التقنية (خضوري)
دونم	سم ^٢	م ^٢	مساحة سطح كتاب الرياضيات.
دونم	سم ^٢	م ^٢	مساحة حديقة المنزل.

* للمعلم: يستخدم الدونم لقياس مساحات الأرضي

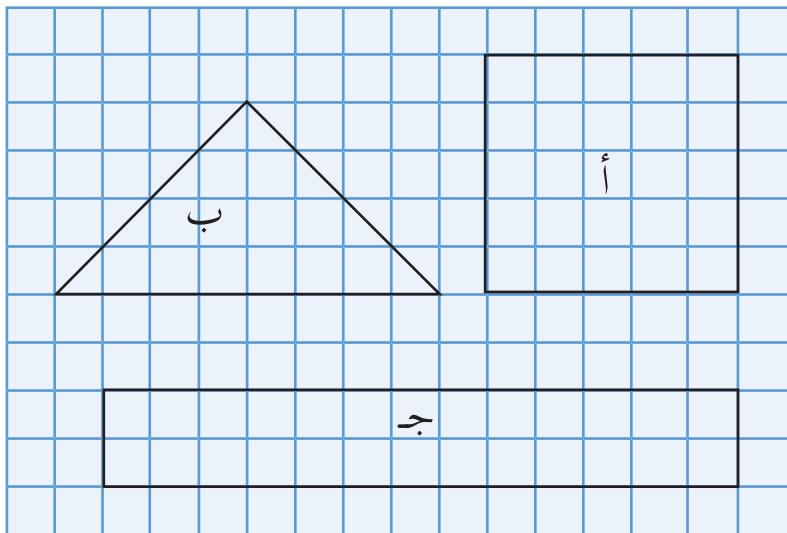


تمارين ومسائل



ما مِساحة كُلٌّ من الأشكال الآتية، علماً بأنَّ وحدة المِساحة هي 1 سمٌ؟

(١)



أكتب وحدة المِساحة الأنسب لكلٍ مما يأتي :

(٢)

- أ) غرفة الصف.
- ب) سطح المسطرة.
- ج) ساحات المسجد الأقصى.
- د) ملعب المدرسة.

أكتب مثلاً واحداً لأشياء تُستخدم وحدات المِساحة الآتية لقياس مساحة سطحه:

(٣)

دونم _____ ٢م _____ سم _____

زار وليد مزرعة جد صديقه سعيد، فقال سعيد: إنَّ مِساحة هذه المزرعة تساوي 5000 m^2 ، فقال وليد: أي أنَّ مِساحة هذه المزرعة تساوي 5 دونماتٍ، هل ما قاله وليد صحيح؟ أفسِّر إجابتي.

(٤)

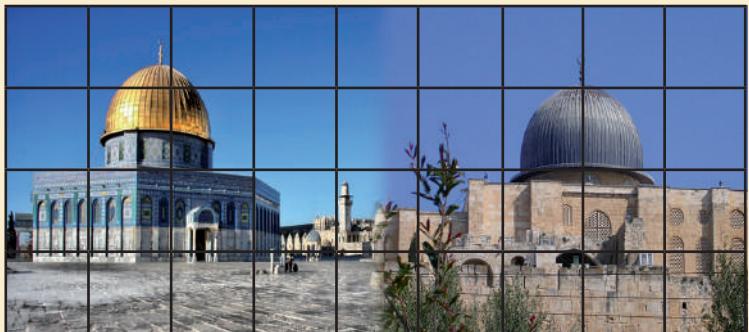




مساحة المستطيل والمربع



نشاط (١)



أتَامِلُ الشَّكْلَ الْمُجاوِرَ لِصُورَةٍ تَجْمَعُ بَيْنَ الْمَسْجِدِ الْأَقْصَى وَقَبْبَةِ الصَّخْرَةِ، مَرْسُومٌ عَلَيْهَا شبَّكَةً مِنَ الْمَرْبُعَاتِ، طُولُ ضلعٍ كُلِّ مَرْبَعٍ = اسْمٌ، وَأَجِيبُ:

- طول الصورة = _____ سم

- عرض الصورة = _____ سم

- عدد الوحدات المربعة (سم^٢) التي تغطي الصورة = ٣٦ سم^٢

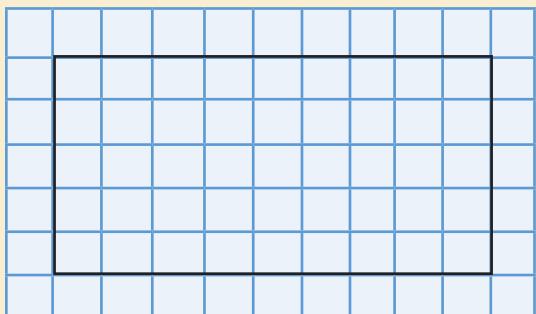
- مساحة الصورة = _____ سم^٢

- أناقِشُ العَلَاقَةَ بَيْنَ مِسَاحَةِ الْمُسْتَطِيلِ وَكُلِّ مِنَ الطُّولِ وَالْعَرْضِ.

- أَلَاحِظُ أَنَّ مِسَاحَةَ الصُّورَةِ = ٣٦ سُمٌ × ٤ سُمٌ



نشاط (٢)



أتَامِلُ الْمُسْتَطِيلَ الْمُجاوِرَ الَّذِي تَغْطِي سُطْحَهُ شبَّكَةُ مَرْبُعَاتِ، طُولُ ضلعٍ كُلِّ مَرْبَعٍ يَمْثُلُ ١ م.

- طول المستطيل = ٩ م.

- عرض المستطيل = _____ م.

- مساحة المستطيل = _____ وحدة مربعة (م^٢).

أناقشُ: العلاقة بين مساحة المستطيل بالوحدات المربعة وكلٌ من الطول والعرض.



أتعلّم :

$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

نشاط (٣)



ورشة لإصلاح السيارات ، أرضيتها مستطيلة الشكل ، طولها ١٥ م ، وعرضها ٠١ م .
كم متراً مربعاً مساحة الأرضية؟

$$\text{مساحة الأرضية} = \text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض} = \underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad} \text{م}^2$$

نشاط (٤)



أجد مساحة كلٌ من المستطيلين المجاورين :



٤ سم

٦ سم



٣ سم

٨ سم

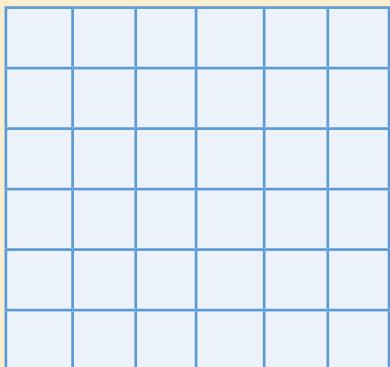
$$\text{مساحة المستطيل الأحمر} = \text{الطول} \times \text{العرض} = \underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad} \text{سم}^2$$

$$\text{مساحة المستطيل الأخضر} = \text{الطول} \times \text{العرض} = \underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad} \text{سم}^2$$

نشاط (٥)



أتَأْمِلُ المَرْبَعَ الْمَجَاوِرَ الَّذِي يَغْطِي سَطْحَهُ وَهُدَادُ مَرْبَعٌ طُولُ ضَلْعٍ كُلُّ مِنْهَا = ١ سَمٌ

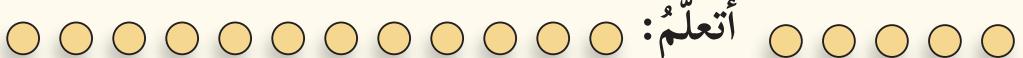


• طول المربع = ٦ سـم

• عرض المربع = _____ سـم

• مساحة المربع = _____ وحدة مربعة (سـم^٢)

• ما العلاقة بين مساحة المربع وطول ضلعه؟



مساحة المربع = طول الضلع × طول الضلع

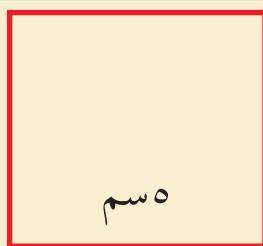
نشاط (٦)



سَجَادَةٌ مَرْبَعَةُ الشَّكْلِ، طُولُ ضَلْعِهَا ٤ مـ. أَحْسِبْ مِسَاحَةَ السَّجَادَةِ.

مساحة السجاد = مساحة المربع = طول الضلع × طول الضلع
 $= \text{_____} \times \text{_____} = 16 \text{ م}^2$

نشاط (٧)



٥ سـم

أَجْدُ مِسَاحَةَ المَرْبَعَ الْمَجَاوِرَ:

مساحة المربع = _____ × _____

$= \text{_____} \times \text{_____} = \text{_____}$



أُفَكْرُ: مربع مساحته = ١٠٠ سم^٢ ، ما طول ضلعه ؟

تمارين وسائل



(١)

أجد مساحة مستطيل، طوله ١٣ سم، وعرضه ٦,٥ سم.

(٢)

مزرعة مربعة الشكل، طول ضلعها ٢٥ م، أجد مساحتها.

(٣)

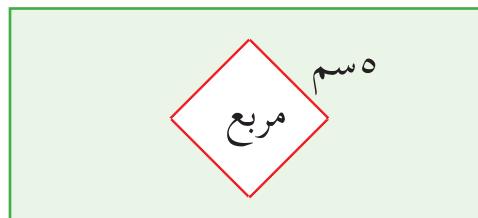
مربع مساحته تساوي مساحة مستطيل بعدها: ٩ سم، ٤ سم. ما طول ضلع المربع؟

(٤)

أجد مساحة المنطقه المظلله في الشكل المرسوم.

٢٠ سم

١٢ سم



(٥)



مستطيل محيطه ١٦ سم، وطوله ٥ سم. أجد مساحته باستخدام

الآلة الحاسبة.

(٦)

أبحث في المنزل أو غرفة الصف عن أشكال سطحها مربع ثم أحسب

مساحتها.





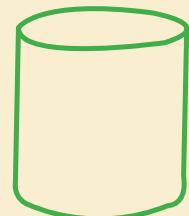
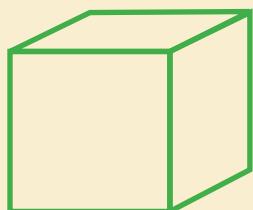
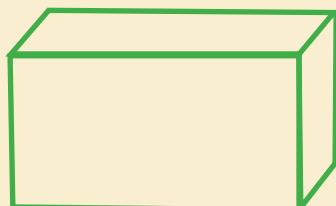
شبكة المكعب ومتوازي المستطيلات



نشاط (١)



أكتب اسم كل مجسم في : _____

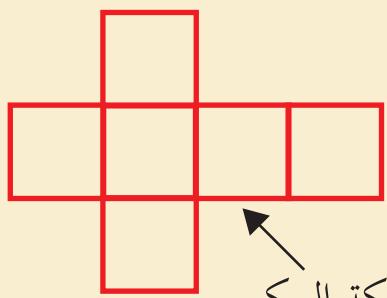


نشاط (٢)

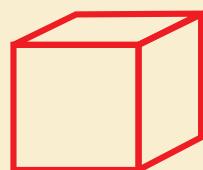


يُستعمل أحد مصانع زيت الذرة علبةً مكعبةً الشكل لحفظ منتجاته، أفلّ

العلبة المكعبة كالتالي :



شبكة المكعب



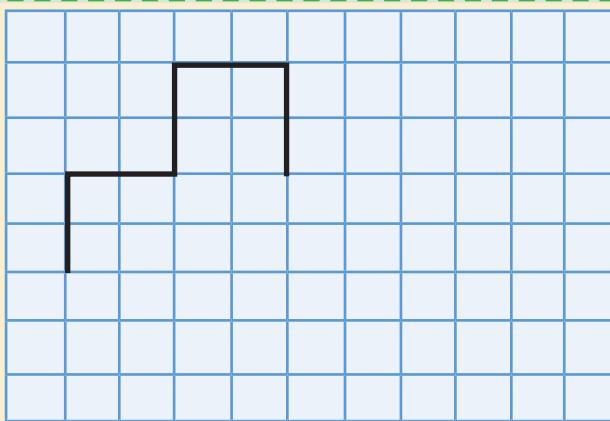
أتأمل شبكة المكعب، وأجيب :

_____ عدد الأوجه = _____ أوجه، وشكل كل منها :

_____ عدد الرؤوس = _____ رؤوس

_____ عدد الأحرف = _____ حرفًا

* نشاط (٣)

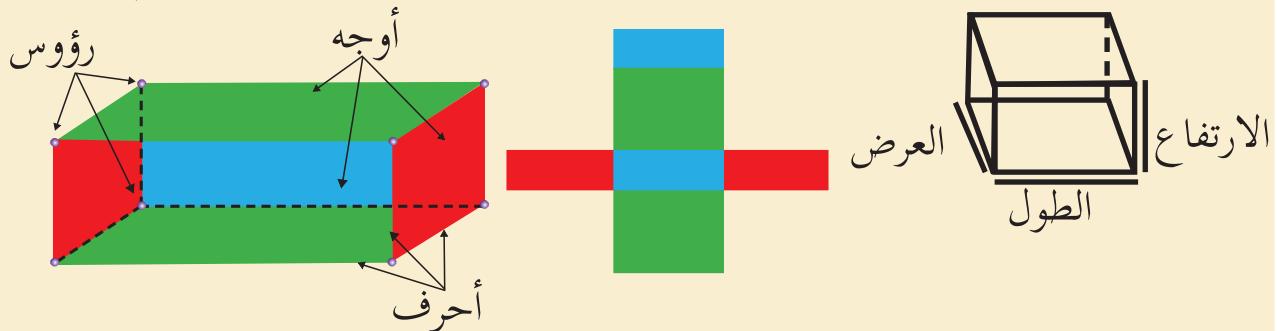


- أ) أكمل رسم شبكة المكعب.
- ب) أقص الشبكة بعد رسماها.
- ج) أبني من الشبكة مكعباً.

* نشاط (٤) نشاط تعاونيٌّ



نقوم بفك صندوق من الكرتون على شكل متوازي مستطيلات كما يأتي :



تُسمى هذه الشبكة شبكة متوازي المستطيلات

أتَائِمُلُ شبَّكة متوازي المستطيلات، وأجيِّبُ :

- عدد الأوجه = _____ أوجه ، وشكل كل وجه _____ .
- عدد الرؤوس = _____ رؤوس .
- عدد الأحرف = _____ حرفًا ، وكل حرف عبارة عن ضلع لمتوازي المستطيلات .
- نُسمى المستطيلات الملونة ب _____ و _____ بالجوانب .
- نُسمى المستطيلين الملونين ب _____ بالقاعدة العلوية والسفلىّة .

* للمعلم : تحضير ورق مربعات بالشكل الوارد في النشاط بعدد الطلبة .

* للمعلم : تحضير صندوق على شكل متوازي مستطيلات فيه كل وجهين متقابلين ملونين باللون نفسه .

نشاط (٥)



أتأمل غرفة الصف، وأجيب:

● شكل غرفة الصف = _____.

● عدد أوجه غرفة الصف = _____ أوجه.

● عدد الأحرف = _____ حرفًا.

● عدد الرؤوس = _____ رؤوس.

أشير إلى:

● طول وعرض وارتفاع غرفة الصف.

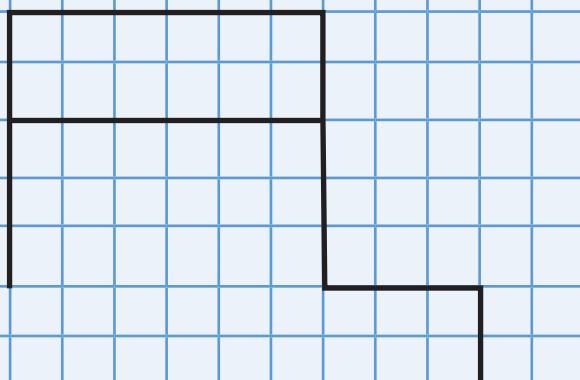
● القاعدتين.

● الجوانب.

نشاط (٦) *



أ) أكمل رسم شبكة متوازي المستطيلات.



ب) أقص الشبكة بعد رسمها.

ج) أبني من الشبكة متوازي مستطيلات.

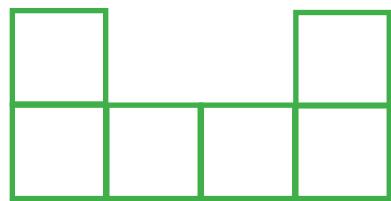
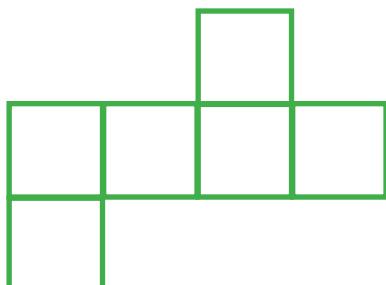
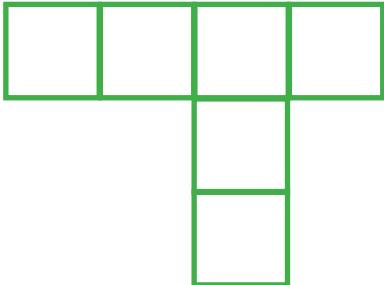
* للمعلم: تحضير ورق مربعات مرسوم عليه الشكل الوارد بالنشاط بعد طلبة الصف.

تمارين ومسائل



(١)

* أضع علامة (✓) تحت الشبكةِ التي تصلح لبناء مكعبٍ فيما يلي:

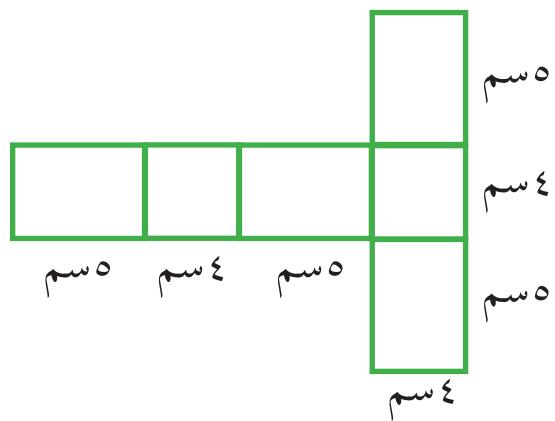
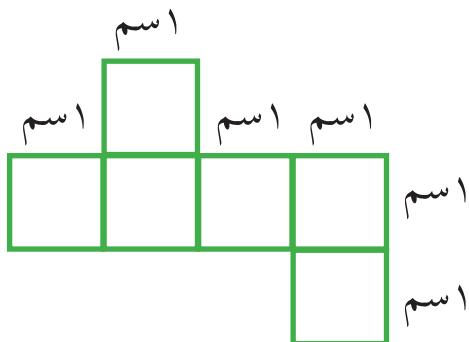


(٢)

أستعينُ بورقةِ الرسم البيانيِّ، لرسم شبَّكةً لمكعب طول حرفه ٤ سم.

(٣)

أوضحُ: أيُّ الشبكتين يُمكِّن أنْ تكونَ متوازيَ مستطيلات؟



(٤)

أستعينُ بورقةِ الرسم البيانيِّ؛ لرسم شبَّكةً لمتوازيَ مستطيلات، طوله ٣ سم، وعرضه ٢ سم وارتفاعه ٤ سم.

* للمعلم: تنفيذ ذلك عملياً.



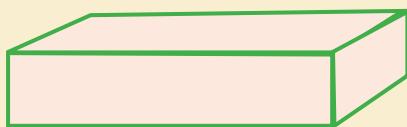


المساحة الجانبية والكلية لمتوازي المستطيلات



نشاط (١)

لكل فرد الحق في التمتع بنظام اجتماعي عادل، استعداداً للاحتفال بيوم المعايير العالمي الذي يصادف في $\frac{٢}{٣}$ من كل عام، قام طلبة الصف الخامس بصنع صندوق على شكل متوازي مستطيلاتٍ لجمع الاقتراحاتِ من طلبة المدرسةِ.



لدى فك هذا الصندوق نتجت شبكةٌ متوازيٌّ مستطيلاتٌ، أتأملُها وأجيبُ:

- شكلٌ كلٌّ وجهٌ _____. _____.
- جوانبٌ متوازيٌّ مستطيلاتٌ عبارةٌ عن المستطيلاتِ الملونة باللونين: _____ و _____.
- قاعدتا متوازيٌّ مستطيلاتٌ عبارةٌ عن المستطيلاتِ الملونة باللون _____.



* نشاط (٢) نشاط تعاونيّ



نقومُ بفكِّ متوازي مستطيلاتٍ طولُه = ١٠ سم ، وعرضُه = ٥ سم ، وارتفاعُه = ٣ سم

١) نملأ الفراغات في الجدول الآتي:

الوجه	البعدان	المساحة بالسم²(الطول × العرض)
الجانب ١	٣ ، ٥	_____ = _____ × _____
الجانب ٢	_____ ، _____	_____ = _____ × _____
الجانب ٣	_____ ، _____	_____ = _____ × _____
الجانب ٤	_____ ، _____	_____ = _____ × _____
القاعدة ١	_____ ، _____	_____ = _____ × _____
القاعدة ٢	_____ ، _____	_____ = _____ × _____

٢) المساحة الجانبية =

مساحة جانب ١ + مساحة جانب ٢ + مساحة جانب ٣ + مساحة جانب ٤

$$\text{_____} + \text{_____} + \text{_____} + \text{_____} =$$

$$\text{سم}^2 \text{_____} =$$

٣) المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين

$$\text{_____} + \text{_____} \times ٢ =$$

$$\text{_____} \times ٢ + \text{_____} =$$

$$\text{سم}^2 \text{_____} =$$

* للمعلم : تحضير متوازيات مستطيلات بعدد المجموعات.



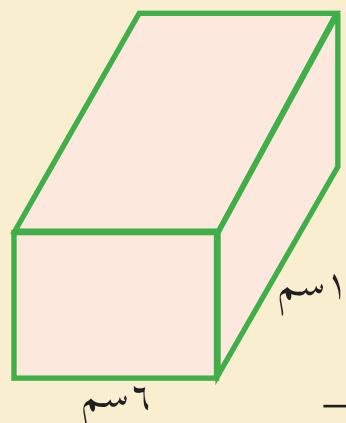
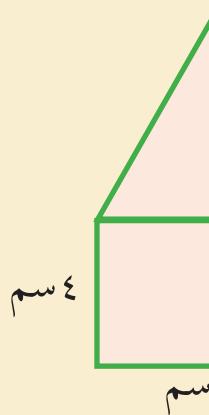


أَتَعْلَمُ :

- المساحة الجانبية لمتوازي المستويات = مجموع مساحات المستويات الجانبية.
- المساحة الكلية لمتوازي المستويات = المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين.



نشاط (٣)



4 سم

6 سم

_____ + _____ + _____ + _____ =

سم^٢ _____ =

ب) المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين

_____ + مساحة القاعدة الواحدة =

_____ + _____ =

_____ + _____ =

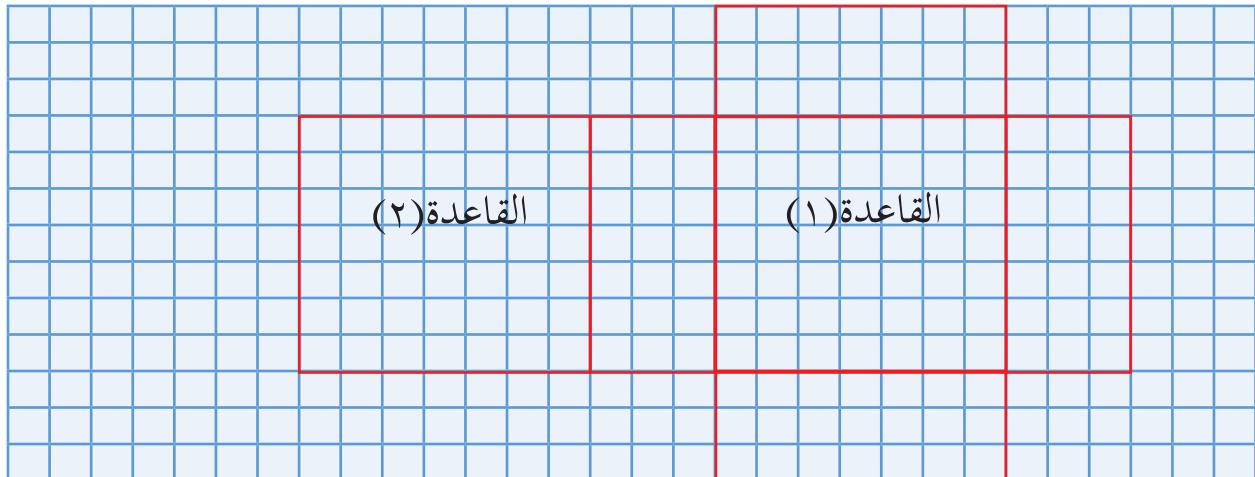
سم^٢ _____ =



تمارين وسائل



(١) ما المساحة الجانبية والمساحة الكلية لمتوازي المستطيلات الذي يمكن تكوينه من الشبكة الآتية؟



(٢) متوازي مستطيلات طوله ١٢ سم، وعرضه ٤ سم، وارتفاعه ٨ سم. أحسب مساحته:
● ب) الكلية.
● أ) الجانبية.

(٣) غرفة للتسجيلات الصوتية مكعب الشكل، طول حرفها ٥٥ سم. يراد تغطية الجوانب بالواح عازلة. أجده مساحة هذه الألواح.

(٤) لدى سمير كمية من الدهان تكفي لطلاء $٦٥ \text{ م}^٢$ من الجدران، أراد أن يدهن الجوانب الأربع الخارجية لغرفة على شكل متوازي مستطيلات، طولها ٦ م، وعرضها ٤ م، وارتفاعها ٣ م، أساعد سميرًا في معرفة إن كانت هذه الكمية تكفي لدهان جوانب الغرفة.





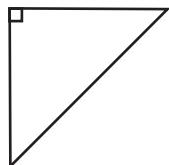
تمارين عامة



١)

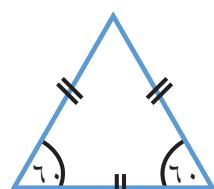
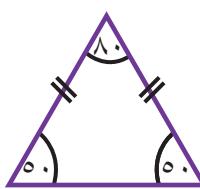
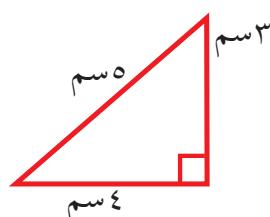
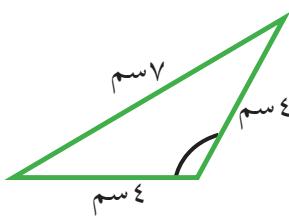
أضع دائرةً حول رمز الإجابة الصحيحة:

- (١) أي من الوحدات الآتية وحدة قياس مساحة؟
- أ) السنتيمتر.
 - ب) المتر.
 - ج) المتر المربع.
 - د) الملمتر.
- (٢) ما طول ضلع مربع مساحته ٣٦ سم²؟
- أ) ٤ سم
 - ب) ٦ سم
 - ج) ٨ سم
 - د) ٩ سم
- (٣) ما عرض مستطيل مساحته ٨٠ سم²، وطوله ١٠ سم؟
- أ) ٨ سم
 - ب) ١٨ سم
 - ج) ٢٤ سم
 - د) ١٨ سم
- (٤) ما نوع المثلث المجاور من حيث الزوايا؟
- أ) حادُّ الزوايا
 - ب) قائمُ الزاوية.
 - ج) منفرجُ الزاوية.
 - د) متساوي الأضلاع



٢)

أصنِّف المثلثات الآتية حسب نوع أضلاعها، ونوع زواياها؟



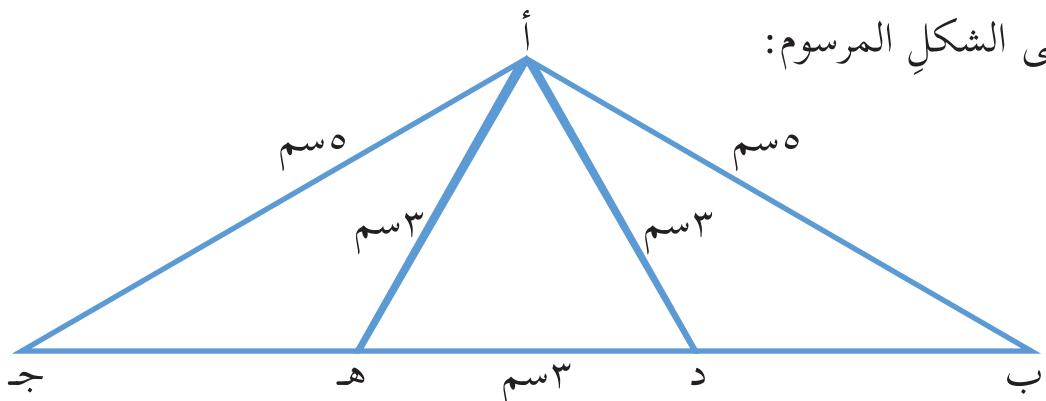
من حيث الزوايا

من حيث الأضلاع



(٣)

مُعْتَمِدًا عَلَى الشَّكْلِ الْمَرْسُومِ:



- أ) أكتب مثلاً واحداً على مثلثٍ منفرِجٍ الزَّاوِيَةِ _____، ومثلثٍ حادٌ الزَّاوِيَةِ _____.
- ب) ما نوع المثلث $\triangle AHD$ من حيث أضلاعه؟ _____
- ج) هل يحتوي الشكل على مثلثٍ متساوي الساقين؟ أذكره _____.

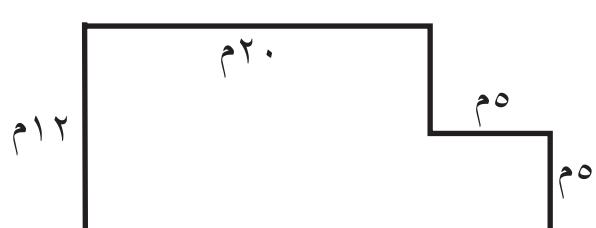
(٤)

أكملُ الفراغاتِ الآتية:

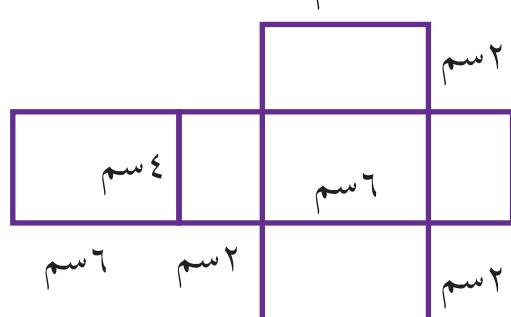
- أ) مستطيلٌ طولُه ضعْفُ عرضِه، فإذا كان عرضُه ٣ سم فإن مساحته = _____ سم٢
- ب) المساحة الكلية لمتوازي المستويات = المساحة _____ + _____
- ج) المثلث الذي أطوالُ أضلاعه ٩ سم، ٥ سم، ٦ سم يُسمى مثلثاً _____
- د) الشبكةُ المرسومةُ أمامك تُسمى شبكةَ _____
- هـ) حديقةٌ مدرسيةٌ مستطيلة الشكل، أبعادُها: ١٥ م، ٩ م فما مساحتُها؟ _____ م٢
- و) بلاطةٌ مربعةٌ الشكل، طولُ ضلعِها ٣٠ سم، فما مساحةُ البلاطة؟ _____ سم٢

(٥)

الرسمُ الآتي يُمثِّلُ مُخططاً لقطعةِ أرضٍ،
أحسب مساحتها حسب الأطوال المذكورة.



(٦) أحسب المساحة الجانبية والكلية لمتوازي المستطيلات، من خلال الشبكة المرسومة.



(٧) قطعة أرض مستطيلة الشكل، طولها ٣٥ م، وعرضها ٢٠ م، استخدم الآلة الحاسبة لحساب ثمنها، إذا علمت أنَّ ثمن المتر المربع الواحد فيها يساوي ١٠٠ دنانير.



أكمل الجدول الآتي:

دون المتوسط	متوسط	مرتفع	المهارة
			تمييز المثلثات من حيث أنواعها
			حساب مساحة كل من المستطيل والمربع
			حساب المساحة الجانبية والكلية لمتوازي المستطيلات

مشروع عي



تقسيم طلابِ الصفِ إلى مجموعاتٍ، بالتعاون مع معلم الرياضيات، ويتم تكليفُ كلّ مجموعة بقياس الأبعادِ لبعض مَرافقِ المدرسة، (وذلك باستخدام المتر المعدني الطويل أو الكركر) وإيجاد المساحة، وتدوينِ الأبعادِ، والمساحة على بطاقةٍ، وتعليقها في المكان المناسب لكلّ مِرافق.

ومن هذه المراافق:



- غرفة مدير المدرسة.
- غرفة الصف الدراسي.
- المكتبة المدرسية.
- المختبر.
- حديقة المدرسة.
- ملعب المدرسة.

روابط الكترونية:

[http://www.mstmron.com/forums/showthread.php?t433440=](http://www.mstmron.com/forums/showthread.php?t433440)

<http://www.hayyabina.com/games.php>



الإحصاء

طلب مدير المدرسة من معلم الصف الخامس تزويده بمعلومات عن مستويات طلابه في الرياضيات، كيف سيقرأ المعلم هذه البيانات على مدير المدرسة، بطريقةٍ سهلةٍ واضحة.

يتوقع من الطلبة بعد الإنتهاء من دراسة هذه الوحدة والتفاعل مع أنشطتها أن يكونوا قادرين على توظيف البيانات في الحياة العملية من خلال الآتي:

- تنظيم بياناتٍ في جداولٍ تكرارية.
- تمثيل بيانات مجدولة بالأعمدة والخطوط.
- قراءة بياناتٍ مجدولةٍ بالأعمدة والخطوط.



الجدائل التكرارية



نشاط (١)

الحق في الانتخاب تكفله المواثيق الدولية ومن أجل ترسیخ تلك الممارسة، قام جميع طلاب الصف الخامس الأساسي في مدرسة الكرامة الأساسية بانتخاب مسؤول مكتبة الصف، وكانت النتائج كما هي موضحة بالجدول التكراري:

الاسم	أحمد	موسى	خالد	عبد الرحمن
نتائج بالإشارات	////	// ////	////	////
التكرار (العدد)				

أملاً الفراغات في الجدول التكراري وأجيب:

- ١) مسؤول المكتبة المنتخب هو: _____
 - ٢) الطلاب الذين حصلوا على النتائج نفسها هم: _____
 - ٣) عدد طلاب هذا الصف: _____



نشاط (۲)



تُسمى هذه البيانات (العلامات) بيانات خام.



وَتُمْثِلُ هَذِهِ الْبَيَانَاتِ فِي جَدْوِيلٍ تَكْرَارِيٌّ كَمَا يَلِي:

- نَرْسُمُ جَدْوِيلًا يَتَكَوَّنُ مِنْ ٣ أَعْمَدَةِ: الْعَمُودُ الْأَوَّلُ يُمْثِلُ الْعَلَامَةَ، وَالْعَمُودُ الثَّانِي يُمْثِلُ الإِشَارَاتَ، وَالْعَمُودُ الثَّالِثُ يُمْثِلُ الْعَدْدَ أَوَ التَّكْرَارَ.
- نَكْتُبُ فِي الْعَمُودِ الْأَوَّلِ الْعَلَامَاتِ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا الطَّالِبَاتُ وَهِيٌ: ١٠، ٩، ٨، ٧، ٦.
- نَبْدُأُ بِتَعْبِيَّةِ الْعَمُودِ الثَّانِي؛ وَذَلِكَ بِوَضْعِ إِشَارَةٍ (/) مُقَابِلَ كُلِّ عَلَامَةٍ حَصَلَتْ عَلَيْهَا طَالِبَةٌ مِنَ الطَّالِبَاتِ، وَنَحِزِّمُ كُلَّ ٥ إِشَارَاتٍ هَكَذَا: ////.
- نَكْتُبُ عَدْدَ الإِشَارَاتِ (عَدْدَ الطَّالِبَاتِ أَوَ التَّكْرَارِ) فِي الْعَمُودِ الثَّالِثِ عَلَى الشَّكْلِ الْآتَى:

العلامة	الإشارات	عدد الطالبات (التكرار)
٦	/ / /	٣
٧	/ / / /	٥
٨	/ / / / / /	١٣
٩	/ / / / / / /	١٤
١٠	/ / / /	٣
	المجموع	

أَتَأْمَلُ الْجَدْوَلَ، وَأَجِيبُ :

- الْعَلَامَةُ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا أَكْبَرُ عَدْدٍ مِنَ الطَّالِبَاتِ هِيٌ: _____.
- الْعَلَامَةُ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا أَقْلَعُ عَدْدٍ مِنَ الطَّالِبَاتِ هِيٌ: _____، _____.
- عَدْدُ الطَّالِبَاتِ الْلَّوَاتِي حَصَلْنَ عَلَى عَلَامَةٍ أَكْبَرَ مِنْ ٨: _____ طَالِبَةٌ.



نشاط (٣)



أَحْصِي مُعَادًّا عَدْدَ أَبْنَاء بَعْضِ الْعِائِلَاتِ الْفِلَسْطِينِيَّةِ فِي بَلْدَتِهِ، فَكَانَتْ كَمَا يَلِي:

٦، ٣، ٣، ٤، ٥، ٤، ٥، ٢، ٥، ٤، ٣، ٦، ٤، ٥، ٩، ٣، ٥، ٧، ٨، ٦، ٥، ٤، ٥، ٢، ٥، ٣، ٨، ٦، ٥، ٤، ٣، ٨، ٦، ٥، ٢، ٥، ٤، ٥، ٧، ٦، ٥، ٤، ٥، ٨، ٦، ٥، ٤، ٣، ٨، ٦، ٥، ٢، ٥، ٤، ٥، ٧، ٦، ٥، ٤.

أ) أُكْمِلْ تَنظِيمَ الْبِيَانَاتِ السَّابِقَةِ فِي الجُدُولِ التَّكْرَارِيِّ.

التكرار (عدد العائلات)	الإشارات	عدد الأبناء
٣	/ / /	١
		٢
		٣
		٤
		٥
		٦
		٧
		٨
		٩

ب) أَتَأْمِلُ الْبِيَانَاتِ فِي الجُدُولِ التَّكْرَارِيِّ، وَأَجِيبُ:

- عَدْدُ الْعِائِلَاتِ الَّتِي لَهَا أَكْبَرُ عَدْدٍ مِّنَ الْأَبْنَاء = _____ عَائِلَة

- عَدْدُ الْعِائِلَاتِ الَّتِي لَهَا أَقْلَى عَدْدٍ مِّنَ الْأَبْنَاء = _____ عَائِلَة

- عَدْدُ الْأَبْنَاء الَّذِي يَقْابِلُ أَكْبَرَ عَدْدٍ مِّنَ الْعِائِلَاتِ = _____ أَبْنَاء

- عَدْدُ الْعِائِلَاتِ الَّتِي تَمَّ جَمْعُ الْبِيَانَاتِ مِنْهَا = _____ عَائِلَة

- أَعْدَادُ أَبْنَاءِ الْعِائِلَاتِ الَّتِي حَصِّلَتْ عَلَى التَّكْرَارِ (الْعَدْد) نَفْسِهِ: _____



تمارين ومسائل



(١) سألت المعلمة طالبات الصف الخامس عن فروع الرياضيات التي يفضلنها، ومثلت النتائج في جدول تكراري على الشكل الآتي:

الفرع	الإشارات	التكرار (عدد الطالبات)
نظرية الأعداد	// //// ////	
الهندسة	//// ////	
الإحصاء	//// ////	
الاحتمالات	///	
المجموع		

- أ) أكمل تعبئة الجدول.
- ب) فرع الرياضيات الأكثر تفضيلاً بين الطالبات هو: _____
- ج) الفرع الأقل تفضيلاً بين الطالبات هو: _____
- د) عدد طالبات الصف = _____ طالبة

(٢) قام صاحب مكتبة بتسجيل القرطاسية المدرسية التي تم بيعها خلال يوم واحد، بالترتيب كما يأتي:



دفتر، قلم رصاص، دفتر، قلم رصاص، ممحاة،
ممحاة، أقلام تلوين، معجونة، قلم رصاص، ممحاة،
أقلام تلوين، دفتر، علبة هندسة، قلم رصاص، قلم
رصاص، دفتر، ممحاة، أقلام تلوين، دفتر، دفتر، دفتر،
معجونة، قلم رصاص.



- أ) أمثلُ البياناتِ السابقةِ بالإشاراتِ في جدولٍ تكراريٌّ .
- ب) أيّهما أكثر مبيعاً قلم الرصاص، أم الدفتر؟ أوضّح إجابتي .
- ج) أرتّب تصاعدياً القرطاسيّة حسب تكرارِ (عدد) بيعها .

(٣) سُجّلت حالة الطقس خلال أيام شهر تشرين الثاني، وكانت على النحو الآتي:



◀ مشمس: الأحد ، الجمعة ، الأحد ، الإثنين ، الأربعاء ، الخميس.



◀ غائم: الثلاثاء ، الأربعاء ، الخميس ، الجمعة ، السبت ، الأحد ، الإثنين ، الأربعاء ، الخميس ، الإثنين ، الثلاثاء ، الأربعاء ، الخميس ، الجمعة ، السبت ، الثلاثاء .



◀ ماطر: الجمعة ، السبت ، الثلاثاء ، الأحد ، الإثنين ، الأربعاء ، السبت ، الثلاثاء .

أتعاونُ مع أفراد مجّمعتي في :

- أ) تمثيلُ البياناتِ السابقةِ بالإشاراتِ في جدولٍ تكراريٌّ .
- ب) نكتبُ سؤالين حول هذه البيانات ، ونجيبُ عنها .



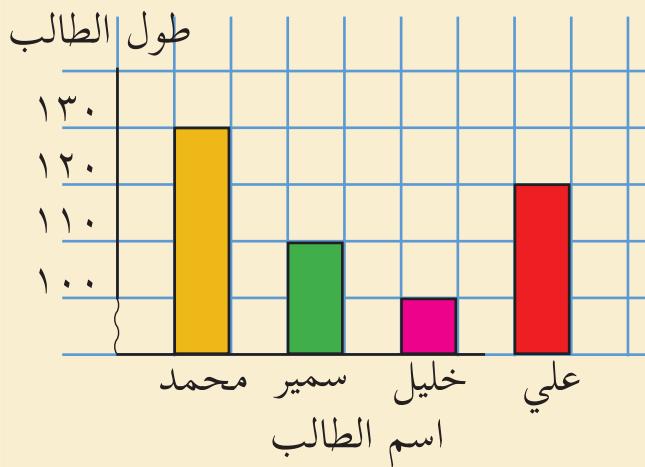


تمثيل البيانات بالأعمدة



نشاط (١)

تعاونَ أفرادُ مجموعةِ الكرمل في قياس طول كُلّ منهم، وتسجيلِ البيانات في جدول، ثم تمثيلها بالأعمدة الرئيسية كما يلي:



اسم الطالب	محمد	سمير	علي	خليل
الطول (سم)	١٣٠	١١٠	١٢٠	١٠٠

أتَأْمَلُ التمثيلَ بالأعمدة، وأجيبُ:

● أطولُ طالِبٍ هو: _____ ، وأقصُرُ طالِبٍ هو: _____

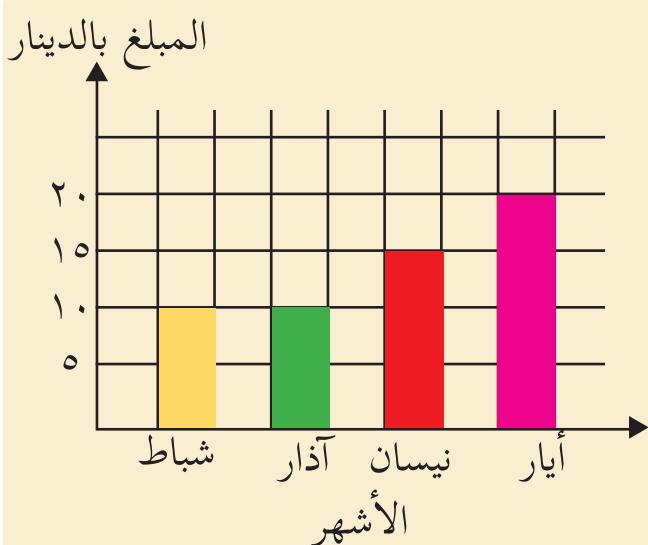
● الفرقُ في الطول بين سميرٍ وعليٍّ = _____

نشاط (٢)

بدأتْ نورٌ تدَّخِرُ المال من شهر شباط، وعلى مَدارِ أربعة أشهرٍ مُنتَدِلة، وكان ما ادَّخرَتْهُ مُمثَّلاً بالجدول الآتي:

الشهر	شباط	آذار	نيسان	أيار
المبلغ بالدينار	١٠	١٥	٢٠	





أولاً: نمثل البيانات الواردہ في الجدول بالأعمدة الرأسية كما يلي:

- أرسم خطأً أفقياً على شبكة المربعات يمثل الأشهر، وأكتب عليه أسماء الأشهر.
- أرسم خطأً عمودياً على شبكة المربعات يمثل المبلغ بالدينار، وأكتب عليه تدريج المبلغ المدخر: ٢٠، ١٥، ١٠، ٥
- أرسم عموداً مقابل كل شهر، طوله يساوي قيمة المبلغ المدخر.

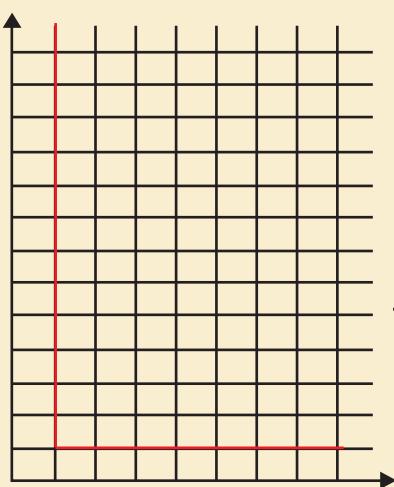
ثانياً: أتأمل تمثيل البيانات بالأعمدة، وأجيب:

- _____ الشهر الذي ادخرت فيه نور أكبر مبلغ هو: _____
- ادخرت نور مبلغًا متساوياً في شهري: _____ و _____
- أيهما أسهل قراءة:** البيانات من الجدول، أم من التمثيل بالأعمدة؟ ولماذا؟

نشاط (٣)



العمر بالسنوات



الاسم

الاسم	سهام	خليل	أمل	العمر بالسنوات
محمد	٦	١١	٣	

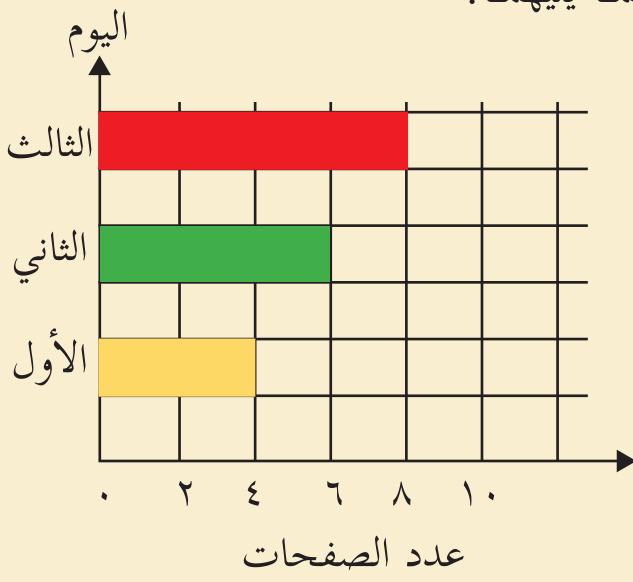
- أمثل البيانات الواردہ في الجدول بالأعمدة الرأسية.
- الفرق في العمر بين سهام وخليل = _____ سنوات.
- أرتّب أسماء إخوة محمد تنازلياً حسب العمر: _____، _____، _____، _____

- إذا كان عمر محمد يزيد عن عمر أمل بـ ٤ سنوات،
أمثل عمر محمد عمودياً على الشبكة.

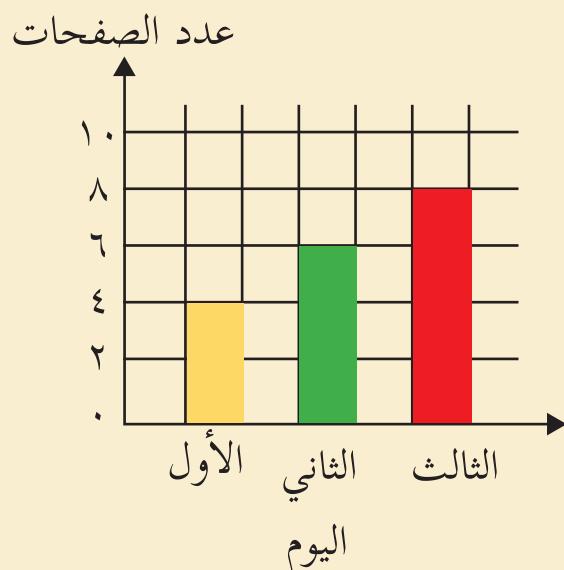
نشاط (٤)



كِلا التمثيلين الآتيين يمثلُ عددَ الصفحاتِ التي قرأها محمّدُ من كتاب، «عائد إلى حifa» للأديب الفلسطيني «غسان كنفاني»، خلال ثلاثة أيام، أقرأ البياناتِ في كِلا الشكلين، ثم أجيئُ عما يليهما:



الشكل (٢)



الشكل (١)

- أ) التمثيل المستخدمُ في كِلا الحالتينِ هو : _____
- ب) هل اختلَفتِ البياناتِ في كُلِّ منها؟ _____
- ج) ما نوعُ الأعمدةِ في شكل (١)؟ _____
- د) ما نوعُ الأعمدةِ في شكل (٢)؟ _____

ملاحظة: الأعمدة تُمثلُ على المحورين: الأفقي والرأسي.

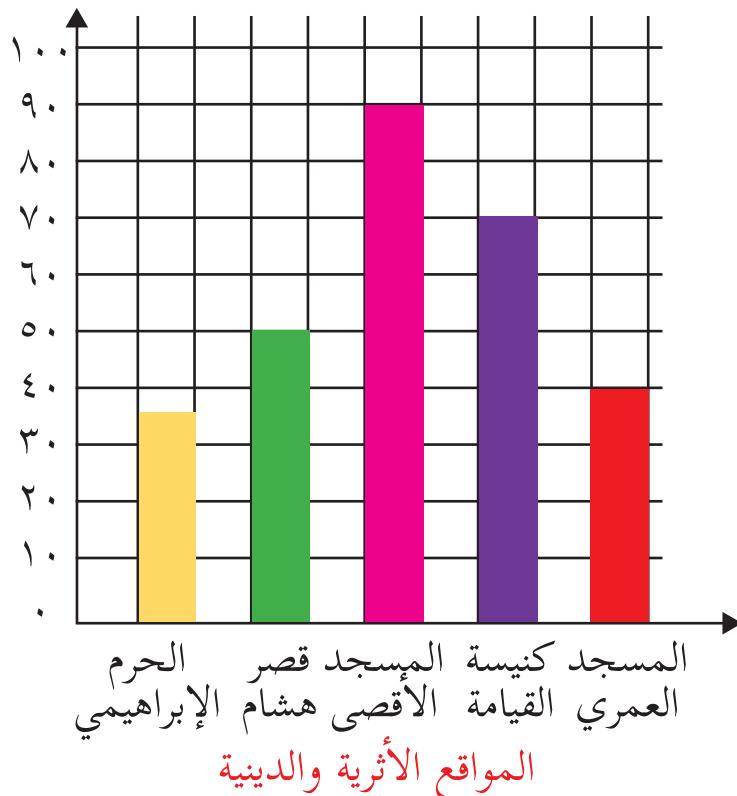




تمارين ومسائل



عدد المجموعات



- (١) التمثيل المجاور يمثل عدد المجموعات السياحية التي زارت الموقع الدينية والأثرية في فلسطين، خلال أحد الأشهر:
- أ) ما الموقع الأكثر زيارةً من المجموعات السياحية؟
 - ب) أيهما أكثر: عدد المجموعات التي زارت المسجد العمري أم الحرم الإبراهيمي؟ أفسّر إجابتي.

الرابعة	الثالثة	الثانية	الأولى	المزارعة
٢٠٠	١٢٠	١٧٥	١٥٠	كتلة العنبر بالكيلوغرام

(٢) البيانات الواردة في الجدول توضح محصول أربع مزارع للعنبر في الخليل. أمثل هذه البيانات بالأعمدة الرأسية والأفقية:

الكتلة بالكيلوغرام				
المزارعة	المزارعة	المزارعة	المزارعة	المزارعة
٢٠٠	١٢٠	١٧٥	١٥٠	كتلة العنبر بالكيلوغرام

الكتلة بالكيلوغرام				
المزارعة	المزارعة	المزارعة	المزارعة	المزارعة
٢٠٠	١٢٠	١٧٥	١٥٠	كتلة العنبر بالكيلوغرام

الأعمدة الرأسية

المزارعة

الأعمدة الأفقية





تمثيل البيانات بالخطوط

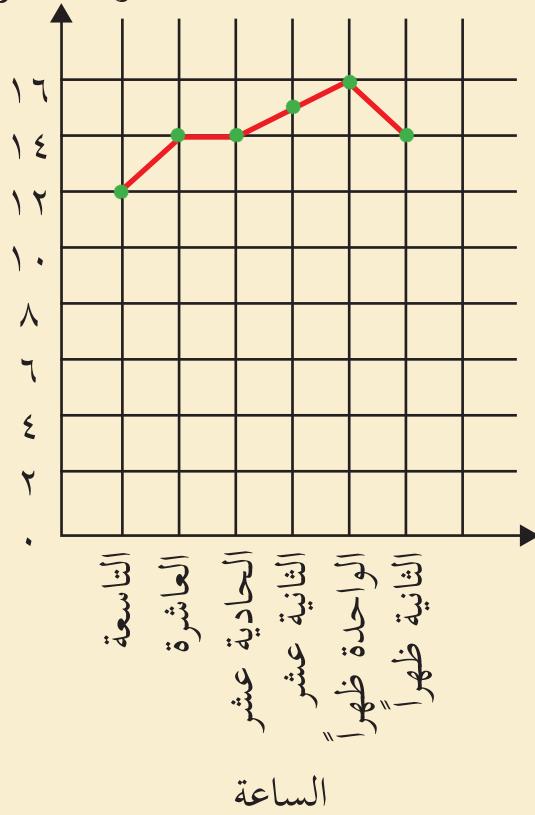


نشاط (١)

لدى متابعة درجات الحرارة في مدينة القدس (عاصمة فلسطين) يوم الثلاثاء ٢٠١٦/١٢/٦، تم تسجيل درجات الحرارة الآتية المُبيَّنة في الجدول:

الساعة	١٢	١٤	١٤	١٤	١٥	١٦	١٦	١٧
درجة الحرارة		١٤			١٥		١٦	١٦
الساعة	العاشرة	الحادية عشرة	الثانية عشرة	الواحدة عشرة	الثانية عشرة ظهراً	الحادية عشرة ظهراً	العاشرة	العاشرة ظهراً

درجة الحرارة



أولاً: نمثل البيانات الواردة في



الجدول بالخطوط كما يلي:

- نرسم خطأً أفقياً على شبكة المربعات، ونكتب عليه الساعة.
- نرسم خطأً عمودياً على شبكة المربعات، ونكتب عليه درجات الحرارة بتدريج مناسب، وفرق ثابت بين درجات الحرارة.
- نضع نقطةً مقابل كل ساعة ودرجة الحرارة المقابلة لها.
- نصل بين النقاط بقطع مستقيم. (لماذا؟)

* للمعلم: يستخدم التمثيل بالخطوط للبيانات المتناسبة فقط.



ثانياً: أتأمّل التمثيل بالخطوط، وأجيّب:

- أ) درجة الحرارة الساعَة الواحدَة ظهراً ____.
- ب) أقل درجة حرارة كانت الساعَة ____.
- ج) درجة الحرارة الساعَة العاشرَة والنّصْف ____.



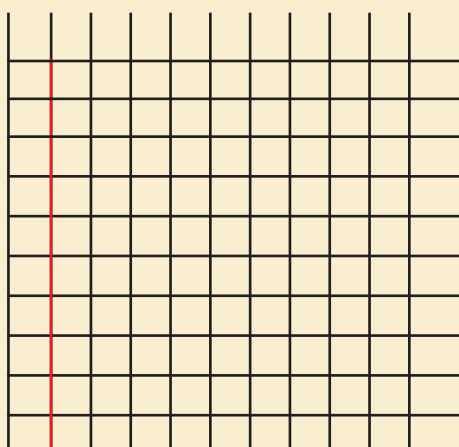
نشاط (٢):

الجدول أدناه يوضّح كتلة أحد الكتاكيت في إحدى المزارع خلال خمسة أسابيع.

الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول	الأسبوع
١٩٠٠	١٣٠٠	٨٠٠	٤٠٠	٢٠٠	كتلة الكتكوت بالغرام

- ١) أُمِّلِ كُتلَ الكتكوت الواردة في الجدول بالخطوط.
- ٢) كم تزيد كتلة الكتكوت في الأسبوع الخامس عنها في الأسبوع الثاني؟

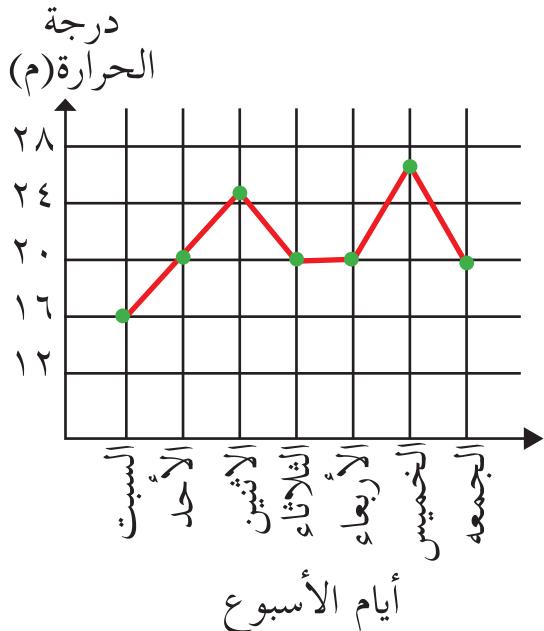
الكتلة بالغرام



الأسبوع



تمارين ومسائل



(١) الشكلُ المقابلُ يمثّلُ درجاتِ الحرارة خلال أسبوع في إحدى المدنِ الفِلسطينية.

أجيبُ عمّا يليّ:

أ) أعلى درجة حرارة كانت يوم

_____.

ب) أقل درجة حرارة كانت يوم

_____.

ج) درجة الحرارة يوم الأحد =

_____.

د) أكملُ الجدولَ الآتي :

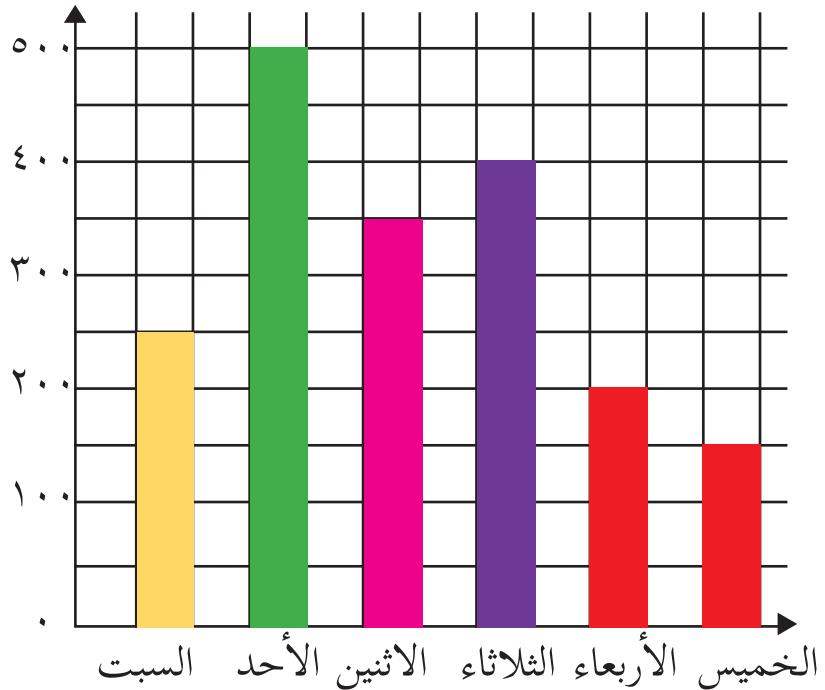
الجمعة	الأربعاء	الخميس	الثلاثاء	الإثنين	الأحد	السبت	اليوم
							درجة الحرارة

(٢) الجدولُ الآتي يوضحُ كُتلةً جنينٍ بالغرام، خلال الأسابيع الأربعِ للشهر السابع من الحمل. أمثلُ هذه البياناتِ بالخطوطِ:

الرابع	الثالث	الثاني	الأول	الاسبوع
١٥٠٠	١٢٠٠	١٠٠٠	٨٠٠	الكتلة بالغرام



تمارين عامة



(١) يوضح التمثيل البياني
عدد الزائرين لمتحف محمود
درويش في ستة أيام متتالية.
أضع دائرةً حول رمز الإجابة
الصحيحة:

١) ما عدد الزائرين يوم الخميس؟

- ٤٠٠ ● ٢٠٠ ● ١٥٠ ● ١٠٠ ● د) ٤٠٠ ● ج) ٢٠٠ ● ب) ١٥٠ ● أ) ١٠٠ ●

٢) في أيّ يوم كان عدد الزائرين أكثر ما يكون؟

- د) الخميس ● ج) السبت ● ب) الإثنين ● أ) الأحد ● ج) السبت ● ب) الإثنين ● د) الخميس ●

٣) في أيّ يوم كان عدد الزائرين أقل ما يكون؟

- د) الخميس ● ج) الأربعاء ● ب) الإثنين ● أ) السبت ● ج) الأربعاء ● ب) الإثنين ● د) الخميس ●

٤) ما مجموع الزائرين في يومي الثلاثاء والأربعاء؟

- ٧٥٠ ● ٦٥٠ ● ٦٠٠ ● ٥٥٠ ● ٥٠٠ ● ج) ٧٥٠ ● ب) ٦٥٠ ● د) ٦٠٠ ● أ) ٥٥٠ ●

٥) ما الفرق بين عدد الزائرين في أكثر يوم وأقل يوم؟

- ٦٥٠ ● ٦٠٠ ● ٥٥٠ ● ٣٥٠ ● ج) ٦٥٠ ● ب) ٦٠٠ ● د) ٥٥٠ ● أ) ٣٥٠ ●



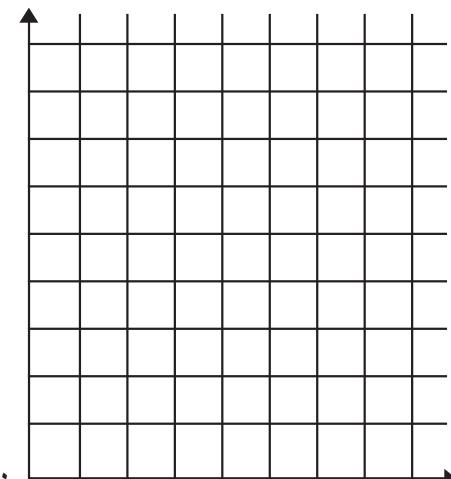
(٢) قامتِ اللّجنةُ المروريّةُ في المدرسة بإحصاء نوع المركبات التي مرّت من أمام المدرسة، خلال فترة الاستراحة؛ للقيام بإجراءات السلامة المروриّة، فكانت كما يأتي: شاحنة، سيارة، سيارة، سيارة، سيارة، سيارة، شاحنة، سيارة، شاحنة، سيارة، سيارة، سيارة.

- أ) أمثلُ هذه البيانات الخام في جدولٍ، باستخدام الإشارات.
- ب) ما عدد جميع المركبات التي مرّت من أمام المدرسة خلال فترة الاستراحة؟

الجدول الآتي يمثلُ عدد الزوار لمعرض الكتاب خلال أسبوع وبالبالغ ١٣٥٠ زائراً:

اليوم	السبت	الأحد	الأثنين	الثلاثاء	الأربعاء	الخميس
٢٥٠	١٥٠	٣٠٠	٢٠٠	٥٠		عدد الزوار

عدد الزوار



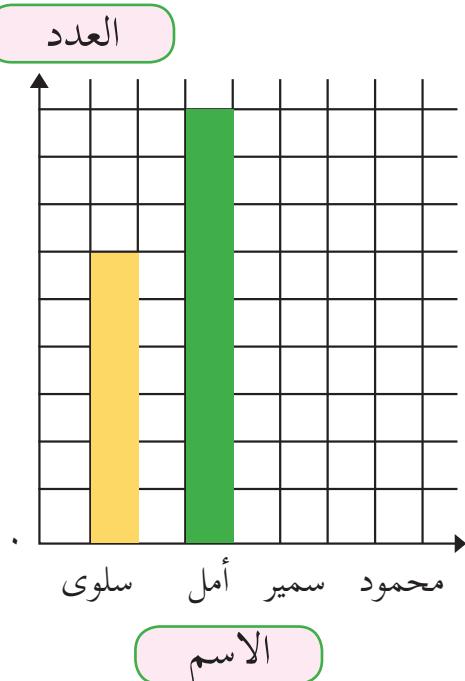
اليوم



٠٠٠٠٠٠٠٠

(٤) أُكمل التمثيل البياني المقابل من الجدول الذي يوضح عدد الأسماك التي اصطادها ٤ أصدقاء من البحر:

الاسم	العدد
سليم	٦
أمل	١٨
سلوى	١٢

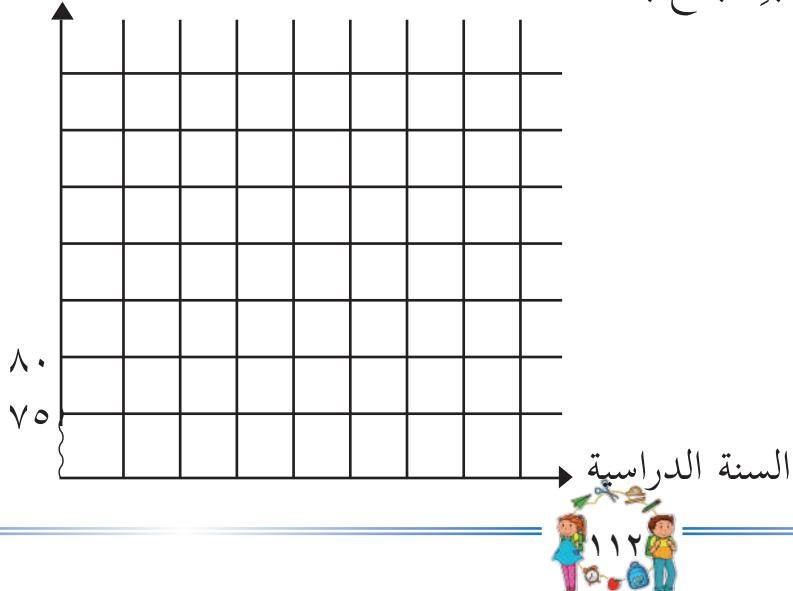


٠٠٠٠٠٠٠٠

(٥) الجدول الآتي يوضح مُعَدَّل علامات الطالبة نجاح خلال ٥ سنوات دراسية:

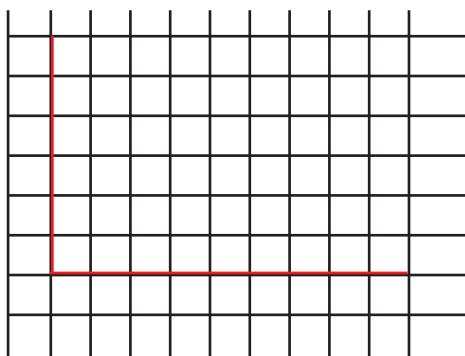
السنة الدراسية	الأولى	الثانية	الثالثة	الرابعة	الخامسة
مُعَدَّل العلامات	٧٥	٨٠	٩٠	٩٠	٩٥

أُكمل تمثيل مُعَدَّل علامات الطالبة نجاح بالأعمدة:



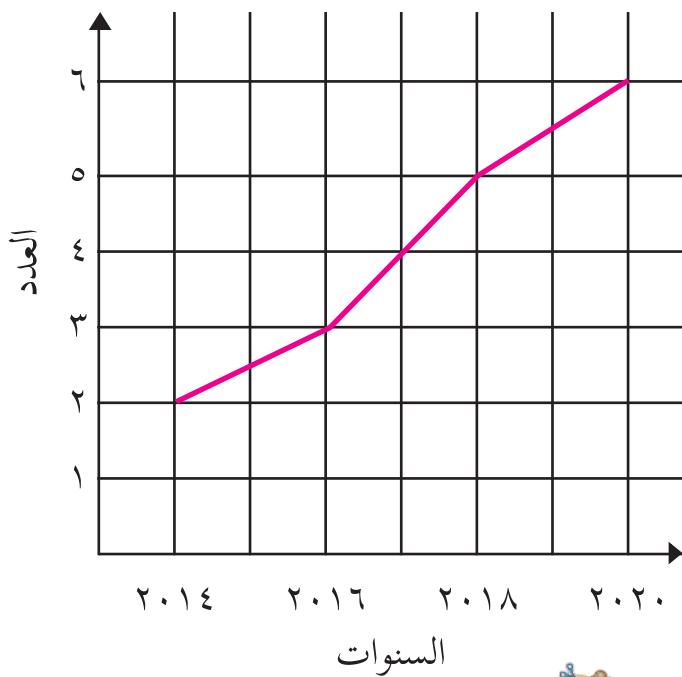
الثالث	الثاني	الأول	الأسبوع
١١	٦	٤	التربة الرملية
٢٦	١٦	٨	التربة الطينية

(٦) قام مزارع من جنین بزراعة بذور الحِمَص في نوعيْن من التُّرْبَة: أحدها رملية، والثانية طينية. والجدول الآتي يوضّح طول نبات الحِمَص بالسنتيمتر خلال ٣ أسابيع.



● أ) أمثل البيانات بالخطوط على النحو الآتي:
أستخدم اللون الأحمر؛ لتمثيل طول نبات الحِمَص في التربة الرملية، واللون الأخضر؛ لتمثيل طول نبات الحِمَص في التربة الطينية.

● ب) بناءً على البيانات في الجدول، أيهما أفضل لزراعة نبات الحِمَص: التربة الرملية أم التربة الطينية؟ لماذا؟



(٧) أتأمل الشكل المقابل، ثم أجد المدة الزمنية التي زاد فيها عدد أفراد العائلة بمعدل شخص في كل عام.





أكمل الجدول الآتي:

دون المتوسط	متوسط	مرتفع	المهارة
			تمثيل بيانات بطرق مختلفة
			تفسير بيانات ممثلة

مشروعٍ



نعاون معاً، ونستخدم مقياس المطر في المدرسة؛ للقيام بما يأتي:

- أ) نسجل كميات الأمطار التي سوف تسقط خلال الأسبوعين الأول والثاني من شهر كانون أول، كبيانات خام.
- ب) ننظم هذه البيانات في جدول تكراري باستخدام الإشارات.
- ج) نمثل هذه البيانات باستخدام الأعمدة.



المشروع

|| **المشروع:** شكل من أشكال منهج النشاط؛ يقوم الطلبة (أفراداً أو مجموعات) بسلسلة من ألوان النشاط التي يمكنون خلالها من تحقيق أهداف ذات أهمية للقائمين بالمشروع.

ويمكن تعريفه على أنه: سلسلة من النشاط الذي يقوم به الفرد أو الجماعة لتحقيق أغراض واضحة ومحددة في محیط اجتماعي برغبة وداعية.

|| ميزات المشروع:

١. قد يمتد زمن تنفيذ المشروع لمدة طويلة ولا يتم دفعه واحدة.
٢. ينفّذه فرد أو جماعة.
٣. يرمي إلى تحقيق أهداف ذات معنى للقائمين بالتنفيذ.
٤. لا يقتصر على البيئة المدرسية وإنما يمتد إلى بيئه الطلبة لمنحهم فرصة التفاعل مع البيئة وفهمها.
٥. يستجيب المشروع لميول الطلبة وحاجاتهم ويثير دافعيتهم ورغبتهم بالعمل.

|| خطوات المشروع:

أولاً: اختيار المشروع: يشترط في اختيار المشروع ما يأتي:

١. أن يتماشى مع ميول الطلبة ويشبع حاجاتهم.
٢. أن يوفر فرصة للطلبة للمرور بخبرات متنوعة.



٣. أن يرتبط الواقع حياة الطلبة ويكسر الفجوة بين المدرسة والمجتمع.
٤. أن تكون المشروعات متنوعة ومتراقبة وتتكامل بعضها البعض ومتوازنة، لا تغلب مجالاً على الآخر.
٥. أن يتلاءم المشروع مع إمكانات المدرسة وقدرات الطلبة والفئة العمرية.
٦. أن يُخطط له مسبقاً.

ثانياً: وضع خطة المشروع:

يتم وضع الخطة تحت إشراف المعلم حيث يمكن له أن يتدخل لتصويب أي خطأ يقع فيه الطلبة.

يقتضي وضع الخطة الآتية:

١. تحديد الأهداف بشكل واضح.
٢. تحديد مستلزمات تنفيذ المشروع، وطرق الحصول عليها.
٣. تحديد خطوات سير المشروع.
٤. تحديد الأنشطة الالزمة لتنفيذ المشروع، (شريطة أن يشتراك جميع أفراد المجموعة في المشروع من خلال المناقشة والحوار وإبداء الرأي، بإشراف وتجييه المعلم).
٥. تحديد دور كل فرد في المجموعة، ودور المجموعة بشكل كلي.

ثالثاً: تنفيذ المشروع:

مرحلة تنفيذ المشروع فرصة لاكتساب الخبرات بالممارسة العملية، وتعده مرحلة ممتعة ومثيرة لما تتوفره من الحرية، والخلص من قيود الصف، وشعور الطالب بذاته وقدرته على الإنجاز حيث يكون إيجابياً متفاعلاً خلاقاً مبدعاً، ليس المهم الوصول إلى النتائج بقدر ما يكتسبه الطلبة من خبرات ومعلومات ومهارات وعادات ذات فائدة تعكس على حياتهم العامة.

دور المعلم:

١. متابعة الطلبة وتوجيههم دون تدخل.
٢. إتاحة الفرصة للطلبة للتعلم بالأخطاء.
٣. الابتعاد عن التوتر مما يقع فيه الطلبة من أخطاء.
٤. التدخل الذكي كلما لزم الأمر.

دور الطلبة:

١. القيام بالعمل بأنفسهم.
٢. تسجيل النتائج التي يتم التوصل إليها.
٣. تدوين الملاحظات التي تحتاج إلى مناقشة عامة.
٤. تدوين المشكلات الطارئة (غير المتوقعة سابقاً).

رابعاً: تقويم المشروع: يتضمن تقويم المشروع الآتي:

١. الأهداف التي وضع المشروع من أجلها، ما تم تحقيقه، المستوى الذي تحقق لكل هدف، العوائق في تحقيق الأهداف إن وجدت وكيفية مواجهة تلك العوائق.
٢. الخطة من حيث وقتها، التعديلات التي جرت على الخطة أثناء التنفيذ، التقييد بالوقت المحدد للتنفيذ، ومرونة الخطة.
٣. الأنشطة التي قام بها الطلبة من حيث، تنوعها، إقبال الطلبة عليها، توافر الإمكانيات الالزمة، التقييد بالوقت المحدد.
٤. تجاوب الطلبة مع المشروع من حيث، الإقبال على تنفيذه بداعيّة، التعاون في عملية التنفيذ، الشعور بالارتياح، إسهام المشروع في تنمية اتجاهات جديدة لدى الطلبة.

يقوم المعلم بكتابه تقرير تقويمي شامل عن المشروع من حيث:

- أهداف المشروع وما تحقق منها.
- الخطة وما طرأ عليها من تعديل.
- الأنشطة التي قام بها الطلبة.
- المشكلات التي واجهت الطلبة عند التنفيذ.
- المدة التي استغرقها تنفيذ المشروع.
- الاقتراحات الالزمة لتحسين المشروع.



المراجع

- ابو الوفاء البوزجاني (1971): علم الحساب العربي ، تحقيق د. احمد سعيدان ، عمان .
- نورة ، دهبي (2008): الرياضيات ، دار الصفاء للنشر و التوزيع- عمان-الأردن .
- انور عكاشة وآخرون (1990): تاريخ الرياضيات ، مؤسسة دار الكتب للطباعة والنشر ، عمان
- كارتر، فيليب ؛ راسيل ، كين (2010): الدليل الكامل في اختبارات الذكاء، مكتبة جرير،
السعوية.
- رمضان صبرا، أحمد عثمان، غريب موسى، روز زريقات (1997): الرياضيات العامة، دارالمناهج
للنشر و التوزيع-عمان-الأردن
- عبد اللطيف، علي اسحق (1993): عالم الهندسة الرياضية ابن الهيثم ، منشورات الجامعة
الاردنية، عمان ، الاردن .
- العامر ، حنان سالم (2010): تعليم التفكير في الرياضيات ، دار ديبونو للنشر والتوزيع، عمان،
الاردن.
- الجنابي، احمد نصيف (1980): الرياضيات عند العرب ، منشورات دار الباحث للنشر،
الجمهورية العراقية
- الإعلان العالمي لحقوق الانسان ، 1948 م.
- العهد الدولي الخاص بالحقوق المدنية والسياسية ، 1966 م.
- العهد الدولي الخاص بالحقوق الاقتصادية والثقافية والاجتماعية ، 1966 م .

Kline , M,(1972): Mathematics Thought From Ancient to Modern Times,
Oxford. N.Y

Lamborg. James(2005):Math reference,Wiley, N.Y



لجنة المناهج الوزارية:

م. فواز مجاهد	د. بصري صالح	د. صبيري صيدم
أ. علي مناصرة	أ. عزام ابو بكر	أ. ثروت زيد
م. جهاد دريدي	د. سمية النخالة	د. شهناز الفار

اللجنة الوطنية لوثيقة الرياضيات:

د. علي عبد المحسن	د. محمد صالح (منسقاً)	أ. ثروت زيد
د. عبد الكرييم ناجي	أ. وهيب جبر	د. تحسين المغربي
د. علا الخليلي	د. محمد مطر	د. عطا أبوهانبي
أ. ارواح كرم	د. أيمن الأشقر	د. شهناز الفار
فتحي أبو عودة	د. وجيه ضاهر	أ. حنان أبو سكران
أ. مبارك مبارك	أ. قيس شبانة	د. سمية النخالة
أ. نسرین دویکات	أ. نادية جبر	أ. عبد الكرييم صالح
		أ. نشأت قاسم

المشاركون في ورشات عمل الجزء الأول من كتاب الرياضيات للصف الخامس:

سهيل شبير	أحمد رشدي	حنين سليمان	فاطمة قزع
فلاح الترك	روان الصوص	سهامية ضبان	ختام البطاط
سميرة حنيف	سباء عساف	أمل شاهين	فايق صبح
نبيل سلمن	أكرم عسالوة	كندا صالح	محاسن سحويل
عبد الله مهنا	محمد الفرا	نشأت قاسم	فلسطين الخطيب
	وسام موسى	زياد عرباس	يوسف بشر
	وفاء موسى	روان مطر	أحمد رصرص