

إجابات تمارين ومسائل الدرس

تطبيقات فيزيائية

(١) يتحرك جسيم على خط مستقيم وفق العلاقة ف(ن) = $3 - 2n + 6n^2 + 9n + 3$ ، حيث ن الزمن بالثواني، ف المسافة المقطوعة بالأمتار، فجد كلاً مما يأتي:

منهاجي
متعة التعليم الهادف

أ) السرعة الابتدائية للجسيم.

ب) تسارع الجسيم لحظة سكونه.

الحل

$$ف(ن) = 3 - 2n + 6n^2 + 9n + 3$$

$$ع(ن) = 9 + 12n - 2n^2$$

$$ت(ن) = 12 - 4n$$

$$أ) ع(١) = 9 + 0 \times 12 - 0 \times 3 = 9$$

$$ب) ت(١) = 12 - 4 \times 1 = 8$$

$$٠ = 9 + 12n - 2n^2 \leftarrow ٠ = (١ - n)(٣ - n)$$

$$٣، ١ = ن$$

$$ت(١) = 12 - 4 \times 1 = 8$$

$$ت(٣) = 12 - 4 \times 3 = 0$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

(٢) يتحرك جسيم على خط مستقيم وفق العلاقة ف(ن) = $2 \left(\frac{n}{2} \right)^2 + \sqrt[3]{n}$ ، ن $\in [0, \frac{\pi}{2}]$ حيث ف: المسافة بالأمتار، ن: الزمن بالثواني، جد تسارع الجسيم عندما تكون سرعته $\sqrt[3]{3}$ م/ث.

منهاجي
متعة التعليم الهادف

الحل

$$ف(ن) = 2 \left(\frac{n}{2} \right)^2 + \sqrt[3]{n}$$

$$ع(ن) = 2 \left(\frac{n}{2} \right) \times \frac{1}{2} + \frac{1}{3} \sqrt[3]{n} = \frac{\sqrt[3]{n}}{3} + \frac{n}{2}$$

$$ت(ن) = \frac{1}{3} \sqrt[3]{n}$$

$$ت(١) = \frac{1}{3} \sqrt[3]{1} = \frac{1}{3}$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$\frac{\pi}{3} = \frac{1}{3} \sqrt[3]{n} \leftarrow \sqrt[3]{n} = \pi \leftarrow \frac{\sqrt[3]{n}}{2} = \frac{\pi}{2} \leftarrow \frac{\sqrt[3]{n}}{2} = \frac{\pi}{2}$$

$$ت(١) = \left(\frac{\pi}{3} \right)^3 = \frac{\pi^3}{27}$$

٣) قذف جسم رأسياً إلى الأعلى من نقطة على سطح الأرض بحيث كان بعده عن سطح الأرض بعد ن ثانية هو $f(n) = 19,6n - 4,9n^2$ متر، فجد كلاً مما يأتي:

منهاجي
متعة التعليم الهادف

أ) أقصى ارتفاع يصل اليه الجسم عن سطح الأرض.
ب) تسارعه في اللحظة n .

منهاجي
متعة التعليم الهادف

ج) سرعة الجسم لحظة وصوله إلى سطح الأرض.

الحل

$$f(n) = 19,6n - 4,9n^2$$

$$g(n) = 19,6 - 9,8n$$

$$v(n) = 19,6 - 9,8n$$

$$a(n) = -9,8$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$g(n) = 19,6 - 9,8n = 0 \Rightarrow n = \frac{19,6}{9,8} = 2$$

$$f(2) = 19,6 \times 2 - 4,9 \times 2^2 = 19,6$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$v(n) = 19,6 - 9,8n$$

$$a(n) = -9,8$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$f(n) = 19,6n - 4,9n^2$$

$$g(n) = 19,6 - 9,8n$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$g(n) = 19,6 - 9,8n = 0 \Rightarrow n = \frac{19,6}{9,8} = 2$$

$$g(2) = 19,6 - 9,8 \times 2 = -9,8$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

٤) قذف جسم رأسياً إلى الأعلى من نقطة على سطح الأرض؛ بحيث يكون ارتفاعه عن سطح الأرض



بعد زمن n ثانية هو $f(n) = 128n - 16n^2$ قدم، فجد كلاً مما يأتي:

أ) مجموعة قيم n التي تكون عندها السرعة سالبة.

ب) أقصى ارتفاع يصل إليه الجسم عن سطح الأرض.

ج) تسارع الجسم عند أي لحظة.

د) سرعة الجسم الابتدائية.

الحل

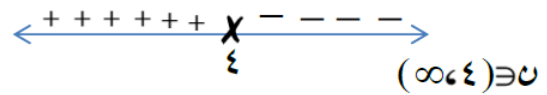
$$f(n) = 128n - 16n^2$$

$$g(n) = 128 - 32n$$

$$v(n) = 32 - 32n$$



$$a) \quad g(n) = 128 - 32n = 0 \rightarrow n = 4$$



$$b) \quad f(n) = 0$$

$$f(n) = 128n - 16n^2 = 0 \rightarrow n = 0 \text{ or } n = 8$$



$$c) \quad v(n) = 32 - 32n = 0 \rightarrow n = 1$$



$$d) \quad a = -32$$

$$v(0) = 32 - 32 \cdot 0 = 32$$

٥) قذف جسم رأسياً إلى أعلى من نقطة على سطح الأرض؛ بحيث يكون ارتفاعه عن سطح الأرض بالأقدام بعد n ثانية معطى وفق العلاقة $f(n) = 96 - 16n^2$. جد سرعة الجسم عندما يكون على ارتفاع ٨٠ قدماً.



الحل

$$f(n) = 96 - 16n^2$$

$$g(n) = 32 - 96 = 0$$

$$g(n) = 0 \Rightarrow n = 8$$

$$96 - 16n^2 = 0 \Rightarrow 16n^2 = 96 \Rightarrow n^2 = 6 \Rightarrow n = \sqrt{6}$$

$$g(n) = 0 = (1-n)(5-n) \Rightarrow n = 1 \text{ or } n = 5$$

$$g(1) = 1 \times 32 - 96 = -64$$

$$g(5) = 5 \times 32 - 96 = 64$$



٦) قذف جسم رأسياً إلى الأعلى من نقطة على سطح الأرض بحيث إن بعده عن نقطة القذف بعد n ثانية من بدء الحركة معطى بالعلاقة $f(n) = 5n^2 - 10n$ بالأمتر، فجد قيمة n أعظم ارتفاع وصل إليه الجسم ٨٠ متراً.



الحل

$$f(n) = 5n^2 - 10n$$

$$g(n) = 5n^2 - 10n - 80 = 0$$

$$g(n) = 0 \Rightarrow n = 8 \text{ or } n = -4$$

$$g(n) = 0 = 10n - 10n^2 - 80 \Rightarrow 10n^2 - 10n + 80 = 0$$

$$f(n) = 80 = \left(\frac{1}{10}\right) \times 10 - \left(\frac{1}{10}\right) \times 100 \Rightarrow 80 = \frac{1}{10} - 10$$

$$800 = 1 - 100 \Rightarrow 800 = \frac{1}{10} - 100 \Rightarrow 800 = \frac{1}{10} - 100$$

$$800 = 1 - 100 \Rightarrow 800 = \frac{1}{10} - 100$$



٧) قُذف جسم رأسياً إلى أعلى من نقطة على ارتفاع ٦٠ متراً من سطح الأرض وفق العلاقة
ف(ن) = ٤٠ - ٥ن^٢ حيث ن الزمن بالثواني، ف المسافة بالأمتار، جد كلاً مما يأتي:

منهاجي
متعة التعليم الهادف

أ) الزمن الذي يستغرقه الجسم حتى يعود إلى نقطة القذف.

ب) الزمن الذي يستغرقه الجسم حتى يعود إلى سطح الأرض.

ج) أقصى ارتفاع يصل إليه الجسم عن سطح الأرض.

د) متى تصبح سرعه الجسم ٣٠ م/ث؟

هـ) متى يصبح ارتفاع الجسم ١٣٥ متراً عن سطح الأرض؟

الحل

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$أ) ف(ن) = ٤٠ - ٥ن^٢ = ٠ \leftarrow ٥ن^٢ = ٤٠$$

$$ن(٤٠ - ٥) = ٤٠ \leftarrow ٥ن = ٤٠ \leftarrow ٤٠ = ٥ن$$

$$٨ = ن$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$ب) ف(ن) = ٤٠ - ٥ن^٢ + ٦٠ = ٠ \leftarrow ٥ن^٢ = ١٠٠$$

$$٥ن^٢ = ١٠٠ \leftarrow ٤٠ - ٥ن^٢ = ٠ \leftarrow ٤٠ - ١٠٠ = -٦٠$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$٤٠ - ٥ن^٢ = ٠ \leftarrow ٥ن^٢ = ٤٠$$

$$٤ = ن$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$ج) ف(ن) = ٤٠ - ٥ن^٢ = ١٣٥ \leftarrow ٥ن^٢ = ٩٥$$

$$٥ن^٢ = ٩٥ \leftarrow ٤٠ - ٥ن^٢ = ١٣٥$$

$$١٤٠ = ٦٠ + ٨٠ - ١٦٠$$

د)

$$٤٠ - ٥ن^٢ = ٣٠ \leftarrow ٥ن^٢ = ١٠ \leftarrow ١٠ = ٥ن^٢$$

هـ)

$$٤٠ - ٥ن^٢ + ٦٠ = ١٣٥ \leftarrow ٥ن^٢ = ٢٠$$

$$٤٠ - ٥ن^٢ = ١٣٥ \leftarrow ٥ن^٢ = ١٠٠$$

$$٥(١٠ - ٣) = ٣٠ \leftarrow ٣٠ = ٥(١٠ - ٣)$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

منهاجي
متعة التعليم الهادف

٨) أسقط شخص جسمًا من السكون من سطح بناية وفق العلاقة $f_1(n) = 2n^2$ ، وفي اللحظة نفسها قذف شخص ثانٍ جسمًا عموديًا إلى أسفل بسرعة ابتدائية مقدارها ٢٠ قدم/ث من السطح نفسه وفق العلاقة $f_2(n) = 2n^2 + 20n$ ، فإذا ارتطم الجسم الأول بعد $\frac{1}{4}$ ثانية من ارتطام الجسم الثاني بالأرض، فجد ارتفاع البناية.



الحل

$$f_1(n) = 2n^2 \quad \text{ف 1 بناية}$$

$$f_2(n) = 2n^2 + 20n \quad \text{ف 2 بناية}$$

$$n = \text{زمن الجسم الأول} \quad n + \frac{1}{4} = \text{زمن الجسم الثاني}$$



$$f_1\left(n + \frac{1}{4}\right) = f_2(n)$$

$$2\left(n + \frac{1}{4}\right)^2 = 2n^2 + 20n$$

$$2\left(n^2 + \frac{1}{2}n + \frac{1}{16}\right) = 2n^2 + 20n$$

$$2n^2 + n + \frac{1}{8} = 2n^2 + 20n$$

$$n + \frac{1}{8} = 20n$$

$$n = 20n - \frac{1}{8}$$

$$n = 20n - \frac{1}{8}$$



٩) يتحرك جسيم على خط مستقيم بحيث إن سرعته $v = \sqrt{a}$ ، $a < 0$ ، $v < 0$ ، ف: المسافة بالأمتار، إذا علمت أن تسارعه 8 م/ث^2 . فجد قيمة الثابت a .



الحل

$$v = \sqrt{a} \quad \leftarrow \quad v = \frac{a}{2v}$$

$$\leftarrow \quad v = \frac{a}{2v} \quad \leftarrow \quad 8 = \frac{a}{2 \times 8}$$

$$a = 128$$



١٠. يتحرك جسيم على خط مستقيم حسب العلاقة $x = 2t^2 - 1$ حيث x السرعة، t المسافة بالأمتار.

جد تسارع الجسيم عندما تنعدم سرعته.

الحل

$$2t = 2t^2 - 1 \leftarrow 2t^2 - 1 = 0$$

$$2t^2 - 1 = 0 \leftarrow 2t^2 = 1 \leftarrow t^2 = \frac{1}{2} \leftarrow t = \pm \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\leftarrow t = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\leftarrow t = -\frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$0 = 2t^2 - 1 \leftarrow 2t^2 = 1 \leftarrow t^2 = \frac{1}{2} \leftarrow t = \pm \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\leftarrow t = \frac{1}{\sqrt{2}} \text{ أو } t = -\frac{1}{\sqrt{2}} \text{ لأنها مسافة}$$

$$\leftarrow t = \frac{1}{\sqrt{2}} \leftarrow 2 \leftarrow t = \frac{1}{\sqrt{2}} \times 2 = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$