

إجابات تدريبات الدرس

قواعد الاشتقاق 2

تدريب 1

إذا كان $q(s) = (s^2 - 2s + 3) \left(s + \frac{1}{2} \right)$ فجد $q'(s)$.

الحل

هاهنا ضرب اقترانين .

$$q'(s) = (s^2 - 2s + 3) \times \frac{1}{2} + \left(s + \frac{1}{2} \right) \times (2s - 2)$$

$$q'(s) = \left(\frac{s^2}{2} - s + \frac{3}{2} \right) + (2s^2 - 2s - 1)$$

$$= \frac{5}{2}s^2 - 3s + \frac{5}{2}$$

تدريب 2

إذا كان $v = \frac{s^2 + 1}{s^2 - 2}$ فجد $\frac{dv}{ds}$

الحل

$$\frac{dv}{ds} = \frac{(s^2 + 1) \times 2 - (s^2 - 2) \times 2s}{(s^2 - 2)^2}$$

$$= \frac{2s^2 + 2 - 2s^3 + 4s}{(s^2 - 2)^2} = \frac{2 - 2s^3 + 4s + 2s^2}{(s^2 - 2)^2}$$

تدريب 3

جد $\frac{دس}{وس}$ لكل مما يأتي :

$$(2) \text{ ص} = \frac{2-3س}{س}$$

$$(1) \text{ ص} = \frac{\sqrt[3]{3}}{س^2}$$

الحل

$$(1) \text{ ص} = \frac{\sqrt[3]{3}}{س^2}$$

$$\frac{دس}{وس} = \frac{3 \times 3 \times 3}{س^4} = \frac{27}{س^4}$$

$$(2) \text{ ص} = \frac{2-3س}{س} = \frac{2}{س} - 3$$

$$\text{ص} = \frac{2}{س} - 3$$

$$\frac{دس}{وس} = \frac{2}{س^2} - 3س$$

تدريب 4

$$\left. \begin{array}{l} \text{س} \geq 1, \frac{4}{1+\text{س}} \\ \text{س} < 1, 1+\text{س} \end{array} \right\} = \text{إذا كان ق (س)}$$

فابحث في قابلية الاقتران ق للاشتقاق على ح.

الحل

نبحث الاتصال عند $س = 1$

$$(1) \text{ ق} (1) = \frac{4}{1+1} = 2$$

$$(2) \text{ هنا ق (س)} = \frac{4}{1+\text{س}} = 2 \Rightarrow 4 = 2(1+\text{س}) \Rightarrow 4 = 2 + 2\text{س} \Rightarrow 2 = 2\text{س} \Rightarrow \text{س} = 1$$

$$\text{هنا ق (س)} = 1 + \text{س} = 2 \Rightarrow \text{س} = 1$$

$$(3) \text{ هنا ق (س)} = 1 + \text{س} = 2 \Rightarrow \text{س} = 1 \therefore \text{ق سهل عند } س = 1$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{س} > 1 \\ \text{س} < 1 \end{array} \right\} = \text{ق (س)}$$

$$\begin{aligned} \text{عدد } (1) &= + \\ \text{عدد } (1) &= \frac{-x}{(1+x)} = - \\ \text{عدد } (1) &\neq \text{عدد } (1) \Leftrightarrow \text{عدد } (1) \text{ غير موجودة} \end{aligned}$$