

إجابات تدريبات الدرس

مشتقات الاقترانات المثلثية

تدريب ١

إذا كان $q = 2$ جاس $6 + s$ ، فجد $q = \left(\frac{\pi}{3}\right)$

الحل

$$q = 2 = 6 + s \Rightarrow s = 2 - 6 = -4$$

$$q = \left(\frac{\pi}{3}\right) = 6 + \frac{\pi}{3} \Rightarrow \frac{\pi}{3} = 6 + \frac{\pi}{3} - 6 = \frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{3} = 0$$

$$4 = 6 + 1 = 7 + \frac{1}{2} \times 2 = 7 + 1 = 8$$

تدريب ٢

إذا كان $q = s$ جاس، فجد $q = \left(\frac{\pi}{2}\right)$.

الحل

$$q = s = 1 \Rightarrow s = 1 - 1 = 0$$

$$q = \left(\frac{\pi}{2}\right) = 1 + \frac{\pi}{2} \Rightarrow \frac{\pi}{2} = 1 + \frac{\pi}{2} - 1 = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2} = 0$$

$$1 = 1 + 0 = 1$$

تدريب ٣

استخدم القاعدتين (١)، (٢) في إثبات قواعد اشتقاق الاقترانات: ظتاس، قتاس، قاس كما في الجدول الآتي:

المشتقة: ق(س)	الاقتران: ق(س)
قاس ظاس	قاس
- قتاس ظتاس	قتاس
- قتاس	ظتاس

الحل

$$(١) \text{ ص(س) = قاس} = \frac{1}{\text{جاس}}$$

$$\text{ص(س)} = \frac{1 - \text{حاس} \times \text{حاك}}{\text{جاس}} = \frac{\text{حاك}}{\text{جاس}}$$

$$\frac{1}{\text{جاس}} \times \frac{\text{حاس}}{\text{جاس}} = \text{حاك} \times \text{قاس}$$

$$(٢) \text{ ص(س) = قاس} = \frac{1}{\text{حاك}}$$

$$\text{ص(س)} = \frac{1 - \text{جاس} \times \text{جاس}}{\text{جاس}} = \frac{1}{\text{حاك}} \times \frac{\text{حاك}}{\text{حاك}}$$

$$= - \text{ظتاس} \times \text{قتاس}$$

$$(٣) \text{ ص(س) = ظتاس} = \frac{\text{جاس}}{\text{حاك}}$$

$$\text{ص(س)} = \frac{\text{حاك} \times \text{حاك} - \text{حاك} - \text{جاس} \times \text{جاس}}{\text{جاس}}$$

$$= \frac{\text{حاس} - \text{جاس} - \text{جاس}}{\text{جاس}}$$

$$= - \frac{(\text{جاس} + \text{جاس})}{\text{جاس}} = \frac{1}{\text{جاس}} = - \text{قتاس}$$

تدريب ٤

حلّ المسألة الواردة في بداية الدرس.

إذا كان $ق(س) = قاس + ظاس$ ، فجد $ق'(-\frac{\pi}{6})$.

الحل

$$حد(س) = قاس + ظاس$$

$$حد(\frac{\pi}{6}) = ق(\frac{\pi}{6}) + ظ(\frac{\pi}{6})$$

$$= \left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right) + \frac{1}{\sqrt{3}} \times \frac{1}{2} =$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{1}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right) + \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{2}{4} = \frac{2\sqrt{3}}{4} + \frac{2}{4} = \frac{2\sqrt{3} + 2}{4} = \frac{\sqrt{3} + 1}{2}$$