

إجابات تدريبات الدرس

الاشتقاق الضمني

تدريب ١

جد $\frac{y}{x}$ لكل مما يأتي:

$$(١) \quad ٣س - ٢ص = ٨$$

$$(٣) \quad ٢س + ٢ص = ٨$$

الحل

$$(١) \quad ٣س - ٢ص = ٨$$

$$٦س - ٤ص = ١٦$$

$$\frac{٦س}{٨ص} = \frac{١٦}{٨ص}$$

$$\frac{٣س}{٤ص} = \frac{٢}{١}$$

$$(٣) \quad ٢س + ٢ص = ٨$$

$$٢س + ٢ص = ٨$$

$$٢س - ٢ص = ٨$$

$$\frac{2x^2 - 1}{2 - 4x^3 - 5x} = \frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x} = \frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x}$$

$$\frac{2x^2 - 1}{2 - 4x^3 - 5x} = \frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x}$$

$$(2 - 4x^3 - 5x) = 2x^2 + 2x^2$$

$$\frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x} = \frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x} + 2x^2$$

$$2x^2 = \frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x} - \frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x}$$

$$2x^2 = \frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x} (1 - 1)$$

$$2x^2 = \frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x} (1 - 1)$$

$$\frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x} = \frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x}$$

$$\frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x} = \frac{2x^2}{2 - 4x^3 - 5x}$$

تدريب ٢

جد $\frac{dx}{ds}$ لكل مما يأتي:

$$0 = (2(s - v) - v^2) = 0$$

$$(1) \sqrt{v} + 2s = 4$$

الحل

$$(1) \frac{1}{2\sqrt{v}} \frac{dv}{ds} + 2 = 0$$

$$2 = -\frac{1}{2\sqrt{v}} \frac{dv}{ds}$$

$$4\sqrt{v} = -\frac{dv}{ds}$$

$$(2) \frac{d}{ds} (v - 1) = \frac{dv}{ds} - 1 = 0$$

$$1 = \frac{dv}{ds} - 1 \Rightarrow \frac{dv}{ds} = 2$$

$$2 - (v - 1) = \frac{dv}{ds} - \frac{dv}{ds} = 0$$

$$2 - (v - 1) = \frac{dv}{ds} (1 - (v - 1))$$

$$\frac{2 - (v - 1)}{1 - (v - 1)} = \frac{dv}{ds}$$

تدريب ٣

إذا كان جتا ص = س، ص ∈ (0, π/٢)، فأثبت أن:

$$\frac{1}{\sqrt{1-s^2}} = \frac{ds}{dv}$$

الحل - حاصل دس = ١

$$\frac{1}{\sqrt{1-s^2}} = \frac{ds}{dv}$$

لكن جتا ص + جتا ص = ١
 جتا ص = ١ - جتا ص
 جتا ص = ١ - س
 $\sqrt{1-s^2} = \sqrt{1-s^2}$

$$\frac{1}{\sqrt{1-s^2}} = \frac{ds}{dv}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1-s^2}} = \frac{ds}{dv}$$

تدريب ٤

إذا كان $s = 3 - \sqrt{3}$ ، $v = 3 - \sqrt{3}$ ، فجد $\frac{dv}{ds}$ عند $s = \frac{\pi}{3}$
الحل

$$\frac{ds}{ds} = 3 - \sqrt{3}$$

$$\frac{dv}{ds} = 3 - \sqrt{3}$$

$$\frac{dv}{ds} \times \frac{ds}{ds} = \frac{dv}{ds}$$

$$= \frac{1}{3 - \sqrt{3}}$$

$$= \frac{3 + \sqrt{3}}{3^2 - (\sqrt{3})^2}$$

$$= \frac{3 + \sqrt{3}}{6}$$

$$\frac{dv}{ds} = \frac{3 + \sqrt{3}}{6} \quad (\text{منه بالسببه الى هنا})$$

$$\frac{dv}{ds} = \frac{3 + \sqrt{3}}{6} \quad \text{جد} \quad \frac{1}{3 - \sqrt{3}} = \frac{ds}{ds}$$

$$= \frac{3 + \sqrt{3}}{6}$$

$$= \frac{3 + \sqrt{3}}{6}$$

$$\frac{\pi}{3} = s$$

$$1 = 1 - x = \frac{3 + \sqrt{3}}{6}$$