

## إجابات أسئلة الدرس

### القيم القصوى



(١) جد القيم القصوى (العظمى والصغرى) المحلية (إن وجدت) لكل مما يأتي:

أ) ق (س) =  $3s^2 - s^3 + 1$

ب) ل (س) =  $6s^2 - 4s^3 + 2$

ج) هـ (س) =  $s^2 + 4$

د) ك (س) =  $8s^4 - 2s^2 - s^3$

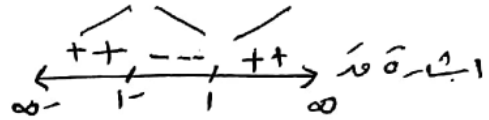
### الحل

أ) عند (س) =  $3s^2 - s^3 + 1$

عند (س) =  $3 - s^3$

$3 - s^3 = 3 - s^3 \iff \frac{3}{3} = \frac{s^3}{3}$

$1 = s^3 \iff s = 1$



عند  $s = 1$  فإن عظمى عليه هي

عند  $s = 1 = (1-)^3 = (1-)^3 + 1 = 3$

عند  $s = 1$  فإن صغرى محلية هي

عند  $s = (1)^3 = 1 + (1)^3 = 1 - 1 = 0$



(ب) ل (س) = ٤س<sup>٣</sup> - ٦س<sup>٢</sup> + ٢

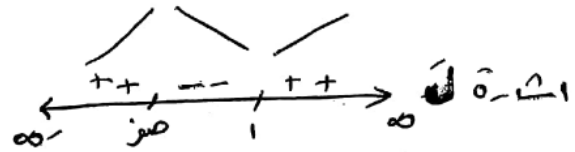
ل' (س) = ١٢س<sup>٢</sup> - ١٢س

١٢س<sup>٢</sup> - ١٢س = ٠

١٢س(س - ١) = ٠

$\frac{١٢س}{١٢} = \frac{١٢(س-١)}{١٢} \Rightarrow \boxed{س = ١}$

$س - ١ = ٠ \Rightarrow \boxed{س = ١}$



عند س = ١ = صفر يتجه على طرفه هي ل(١) = ٢

عند س = ١ = صفر يتجه صفرى عليه هي

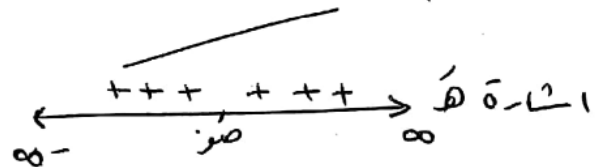
ل(١) = ٤ - ٦ + ٢ = ٠

٠ = ٢ - ٤ + ٦ - ٢ = صفر

(ج) ه (س) = ٤س<sup>٣</sup> + ٤

ه' (س) = ١٢س<sup>٢</sup>

$\frac{١٢س^٢}{١٢} = \frac{١٢(س-١)}{١٢} \Rightarrow \boxed{س = ١}$



الاقترانه ه (س) قتران على (-infinity, infinity) لا يوجد قيم صفرى

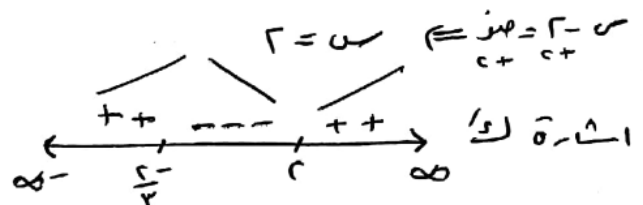
(د) ل (س) = ٣س<sup>٣</sup> - ٤س<sup>٢</sup> + ٨

ل' (س) = ٩س<sup>٢</sup> - ٨س

٩س<sup>٢</sup> - ٨س = ٠

٩س(س - ٨/٩) = ٠

$\frac{٩س}{٩} = \frac{٩(س-٨/٩)}{٩} \Rightarrow \boxed{س = ٨/٩}$



عند  $s = \frac{2}{3}$  قيمة  $c$  هي

$$8 + \left(\frac{2}{3}\right)^2 - \left(\frac{2}{3}\right)^3 = \left(\frac{2}{3}\right)^4$$

$$8 + \frac{4}{9} + \frac{4}{9} - \frac{8}{27} =$$

$$\frac{207}{27} = \frac{217}{27} + \frac{10}{27} + \frac{10}{27} - \frac{8}{27} =$$

عند  $s = 2$  قيمة  $c$  هي (2)

$$8 + 2 \times 4 - 2^3 = (2)^4$$

$$8 + 8 - 8 - 8 =$$

٢) جد القيم القصوى (العظمى والصغرى) المحلية (إن وجدت) لكل مما يأتي باستخدام اختبار المشتقة الثانية:

- أ)  $c(s) = s^2 - 8$   
 ب)  $c(s) = s^2 + 4$   
 ج)  $c(s) = 2s^2 - 6s$

**الحل**

أ)  $c'(s) = 2s = 0 \Rightarrow s = 0$   
 $c''(s) = 2 > 0$   
 عند  $s = 0$  قيمة  $c$  هي  $c(0) = 0^2 - 8 = -8$

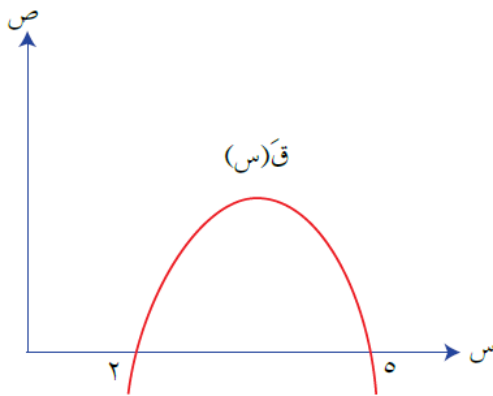
ب)  $c'(s) = 2s = 0 \Rightarrow s = 0$   
 $c''(s) = 2 > 0$   
 عند  $s = 0$  قيمة  $c$  هي  $c(0) = 0^2 + 4 = 4$

ج)  $c'(s) = 4s - 6 = 0 \Rightarrow s = \frac{3}{2}$   
 $c''(s) = 4 > 0$   
 عند  $s = \frac{3}{2}$  قيمة  $c$  هي  $c\left(\frac{3}{2}\right) = 2\left(\frac{3}{2}\right)^2 - 6\left(\frac{3}{2}\right) = 4.5 - 9 = -4.5$

عند  $s = 0$  قيمة  $c$  هي  $c(0) = 8$

$$\begin{aligned} \text{ج) عند } s=2 &= 6 - 2^2 = 2 \\ \text{عند } s=3 &= 6 - 3^2 = -3 \\ \frac{7}{6} &= \frac{6-s}{6} \Leftrightarrow 6-s = 6 \cdot \frac{7}{6} \\ s=2 &= 6 - 2^2 = 2 \\ \text{عند } s=1 &= 6 - 1^2 = 5 \\ \text{عند } s=2 &= 6 - 2^2 = 2 \\ \text{عند } s=3 &= 6 - 3^2 = -3 \\ \text{عند } s=4 &= 6 - 4^2 = -10 \\ \text{عند } s=5 &= 6 - 5^2 = -19 \end{aligned}$$

٣) اعتماداً على الشكل (٣-١٢) الذي يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتزان ق، حيث



الشكل (٣-١٢).

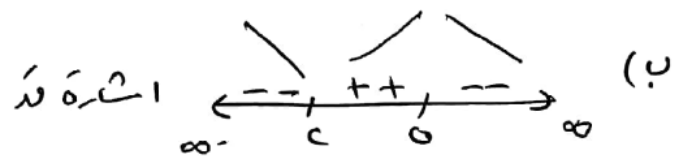
ق(٢) = ق(٥) = ٥ صفرًا، جد كلاً مما يأتي:

- أ) قيم س الحرجة للاقتزان ق.  
ب) فترات التزايد والتناقص للاقتزان ق.  
ج) نقط القيم القصوى المحلية للاقتزان ق مُحدِّدًا نوعها.

### الحل

أصفار المشتقة الأولى

هـ { ٢ ، ٥ } وهي التقاطح الحرجة



ب) [٢، ٥] تناقص، [٥، ∞) تناقص.

ج) [٥، ٢] تزايد.

د) عند س = ٢ هي قيمة صغرى هي (٢)

عند س = ٥ هي قيمة عظيمة هي (٥).

٤) إذا كان للاقتران ق(س) = ٣س<sup>٢</sup> - ٢أس + ٤ قيمة حرجة عندما س = ٢، فجد قيمة الثابت أ.

**الحل**

$$\text{وه } (س) = ٣س^٢ - ٢أس + ٤$$

$$\text{قيمة حرجة عند } س = ٢ \Rightarrow \text{و } (٢) = ٤$$

$$\text{و } (س) = ٣س^٢ - ٢أس + ٤$$

$$\text{و } (٢) = ٣(٢)^٢ - ٢أ(٢) + ٤$$

$$\text{٤} = ١٢ - ٤أ + ٤$$

$$\boxed{١٢ = ٤} \quad ١ - ٤ (٢ - = ١٤ -)$$