

إجابات تمارين ومسائل الدرس

التكامل المحدود - إجابات دليل المعلم

(١) احسب قيمة كل من التكاملات الآتية:

أ) $\int_{\frac{1}{2}}^1 \frac{1}{s} ds$ ب) $\int (s^2 - |s - 1|) ds$ ج) $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \text{جا } 2s ds$

د) $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} (s + \text{جتاس}) ds$ هـ) $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sqrt{\text{جا } 2s + 1}}{\text{جاس} + \text{جتاس}} ds$ و) $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} (9s - 7)^\circ ds$

ز) $\int_{-1}^2 (s - 1)(s^2 + s + 1) ds$ ح) $\int \sqrt{s} (2 + \sqrt{s})^2 ds$ ط) $\int_{\frac{1}{2}}^1 \frac{1}{s(1-s)^2} ds$

ي) $\int \frac{s^2 - 4s + 5}{s^2} ds$ ك) $\int \sqrt{9s^2 - 2s + 4} ds$ ل) $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{4}} (\text{جتاس} - \text{جاس}) ds$

الحل

أ) $\frac{3}{8}$ ب) $\frac{13}{2}$ ج) $\frac{1}{2}$ د) $1 - \frac{2\pi}{8}$

هـ) $\frac{\pi}{2}$ و) صفر ز) ١٦ ح) $\frac{76}{15}$

ط) $\frac{2}{3}$ ي) $\frac{1}{3}$ ك) $\frac{11}{2}$ ل) صفر

(٢) إذا كان ق(س) = $\int (|s - 4| - s^3 + 2s) ds$ ، فجد ق(١-).

الحل
١١-

(٣) إذا كان $\int_0^2 s ds = 30$ ، حيث \exists ح، فجد قيمة الثابت ب.

الحل
ب = ٥، ٣-

٤) إذا كان $\bar{A} \cap B$ (س - ١) وس = ٠ ، حيث $\exists C$ ، فجد قيمة ج .

منهاجي

الحل
ج = صفر، ١، ٥

٥) إذا كان $\bar{A} \cap B$ (س^٣ - ٢ - ٢) (س^٣ م س) وس = -٢٠ ، فجد قيمة الثابت ج .

منهاجي

الحل
ج = ٢، -٢

٦) إذا كان $\bar{C} \cap (A \cup B)$ (س) = $\left. \begin{array}{l} 3 - s > 0 \\ s \geq 0 \end{array} \right\}$ ، فجد $\bar{A} \cap (B \cup C)$ (س) وس

منهاجي

الحل
١٢، ٥

٧) إذا كان $\bar{A} \cap B$ (س - ٣) وس = ٢٠ ، فجد قيمة الثابت ب .

منهاجي

الحل
ب = ٦، ٣

٨) إذا كان $\bar{A} \cap B$ (س) + $\frac{1}{s} - 6$ وس = ١٢ ، فجد $\bar{A} \cap (B \cup C)$ (س) وس


منهاجي

الحل
 $\frac{17}{6}$

٩) دون حساب تكامل المقدار $\int \frac{1}{3\cos x + 2} dx$ وس بين أن

$$\frac{\pi}{2} \geq \int \frac{1}{3\cos x + 2} dx \geq \frac{\pi}{5}$$

الحل


منهاجي 

$$-1 \leq \cos x \leq 1$$

$$0 \leq \cos x \leq 1$$

$$0 \leq 3\cos x \leq 3$$

$$2 \leq 2 + 3\cos x \leq 5$$

منهاجي 

$$\frac{1}{5} \leq \frac{1}{2 + 3\cos x} \leq \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} \geq \frac{1}{2 + 3\cos x} \geq \frac{1}{5}$$

$$\int \frac{1}{2} dx \geq \int \frac{1}{2 + 3\cos x} dx \geq \int \frac{1}{5} dx$$

$$\frac{\pi}{2} \geq \int \frac{1}{2 + 3\cos x} dx \geq \frac{\pi}{5}$$

١٠) إذا علمت أن $m \geq \int_{-\frac{\pi}{3}}^{\frac{\pi}{3}} \sqrt{9 - s^2} ds$ ، فجد أكبر قيمة ممكنة للثابت م ، وأصغر قيمة


ممكنة للثابت ك تحقق المتباينة دون حساب قيمة $\int_{-\frac{\pi}{3}}^{\frac{\pi}{3}} \sqrt{9 - s^2} ds$

منهاجي 

$$-3 \leq s \leq 3$$

$$0 \leq s^2 \leq 9$$

$$0 \leq 9 - s^2 \leq 9$$

منهاجي 

$$0 \leq 9 - s^2 \leq 9$$

$$0 \leq \sqrt{9 - s^2} \leq 3$$

$$\int_{-\frac{\pi}{3}}^{\frac{\pi}{3}} 0 ds \leq \int_{-\frac{\pi}{3}}^{\frac{\pi}{3}} \sqrt{9 - s^2} ds \leq \int_{-\frac{\pi}{3}}^{\frac{\pi}{3}} 3 ds$$

$$m = \text{صفرًا} ، ك = 18$$

(١١) إذا كان ق اقتران كثير حدود من الدرجة الثانية، وكان ق(٠) = ٥، ق(س) = ٤،

أق(س) = ٣، فجد قاعدة الاقتران ق.

منهاجي 

الحل

$$ق(س) = ٢س^٢ + س + ٥$$

(١٢) جد كثير حدود ق(س) من الدرجة الأولى بحيث أق(س) = ٤، أق(س) = ٢،

منهاجي 

الحل

$$ق(س) = -٥س + ٢$$