

إجابات تمارين ومسائل الدرس

نظريات النهايات - إجابات دليل المعلم

(١) إذا كان $ق(س) = ٢س - ٦$ ، $ل(س) = ٢س - ٢س - ٣$ ، فجد كلاً مما يأتي:

أ) نهايا $(ق(س) + ل(س))$ (ب) نهايا $ق(س) \times ل(س)$ منهاجي

ج) نهايا $\frac{ل(س)}{ق(س)}$ منهاجي د) نهايا $(ل(س))^٤$

هـ) نهايا $\sqrt[٢]{١٢ - ل(س)}$ و) نهايا $\frac{ل(س)}{ق(س)}$ منهاجي

الحل

أ	ب	ج	د	هـ	و
١٠-	٢٤	$\frac{٢}{٣}$	٨١	$\sqrt[٣]{٤}$	صفر

(٢) إذا كانت نهايا $٢ع(س) = ١٠$ ، نهايا $٣ل(س) = ٧$ ، فجد كلاً مما يأتي:

أ) نهايا $(٢ع(س) + ل(س))$ (ب) نهايا $(٢ع(س) - ل(س))$ منهاجي

ج) نهايا $\sqrt[٢]{ل(س)}$ منهاجي د) نهايا $(٢ع(س) - ل(س))$

الحل

أ	ب	ج	د
١٢	١٢١	$\frac{\sqrt[٢]{٢٧}}{٥}$	٢١

(٣) جد كلاً مما يأتي:

منهاجي

أ) نهيا $|س - ٢ - ٢٥|$ $س \leftarrow +٥$

ب) نهيا $|س - ٢ - ٢٥|$ $س \leftarrow -٥$

ج) نهيا $|س - ٢|$ $س \leftarrow -٢$

د) نهيا $|س - ٢ - ٦٤|$ $س \leftarrow ٨$

هـ) نهيا $[س - ٢]$ $س \leftarrow ٤$

و) نهيا $(س [س] + |س|)$ $س \leftarrow ١$

ز) نهيا $\sqrt[٥]{س - ٥}$ $س \leftarrow -٥$

ح) نهيا $\sqrt[١]{س - ٢}$ $س \leftarrow ١$

ط) نهيا $\sqrt[٢]{س + ٢ + ٤ + ٤}$ $س \leftarrow ٢$

منهاجي

الحل

أ	ب	ج	د	هـ	و	ز	ح	ط
صفر	صفر	صفر	صفر	غير موجودة	غير موجودة	صفر	غير موجودة	صفر

(٤) جد قيم جـ التي تجعل نهيا $\sqrt[٦]{س - ٦}$ غير موجودة.

منهاجي

الحل

قيم جـ $\exists [٦, \infty)$

(٥) إذا كان ق(س) = $[٢, ٠, س]$ ، فجد قيم جـ التي تجعل نهيا $[٢, ٠, س] = ١ -$

منهاجي

الحل

جـ $\exists (٠, ٥ -)$

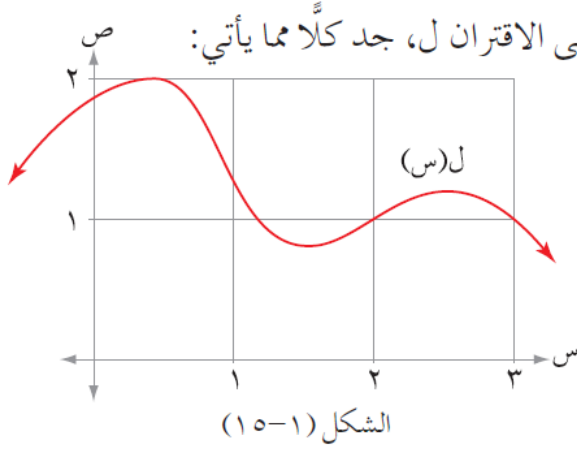
(٦) إذا كان ق(س) = $\left. \begin{array}{l} س - ٢ \leq ٤ \text{ أ} \\ س > ٣ \end{array} \right\}$ ، فجد قيم جـ التي تجعل نهيا $[٢, ٠, س] = ١ -$

وكانت نهيا ق(س) موجودة، فجد قيمة الثابت أ.

منهاجي

الحل

بما أن النهاية موجودة إذن $٩ - ٤ = ٣$ ومنه $أ = \frac{٣}{٢}$



٧) معتمداً الشكل (١-١٥) الذي يمثل منحنى الاقتران ل، جد كلاً مما يأتي:

أ) نهياً ل (٣ - س) ← س

(إرشاد: افرض $ص = 3 - س$)

ب) نهياً (س + ل) (س)



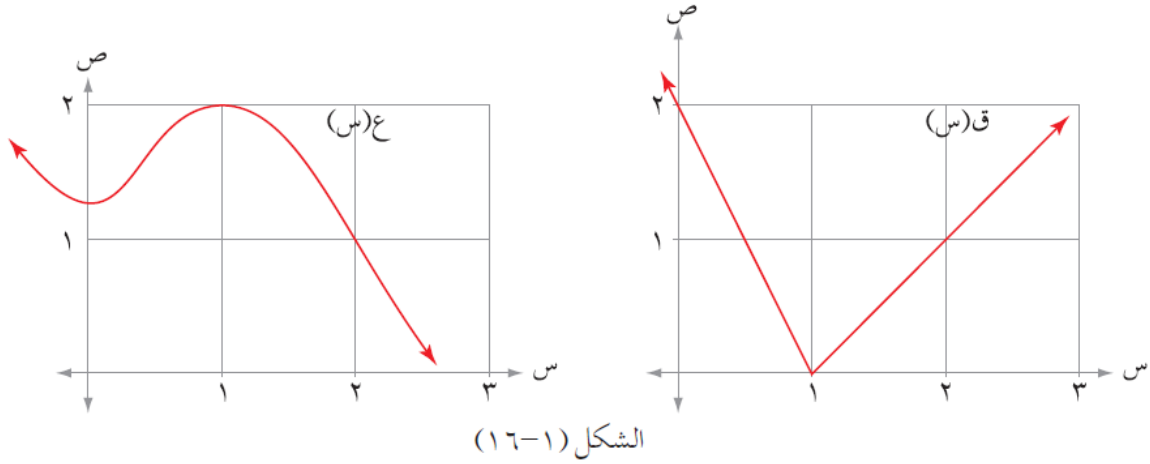
الحل

أ) بفرض $ص = 3 - س$ ، عندما تقترب س من العدد ٢ تقترب ص من العدد ٣

ومنه نهياً ل (ص) = ١ ← س

ب) بتوزيع النهاية ينتج أن نهياً (س + ل) (س) = ١ + ٢ = ٣ ← س

٨) معتمداً الشكل (١-٦)، الذي يمثل منحنيي الاقترانين ق، ع، جد كلاً مما يأتي:



- أ) نهيا $(ق(س) + ع(س))$ $1 \leftarrow س$
 ب) نهيا $(ق(س) \times ع(س))$ $2 \leftarrow س$
 ج) نهيا $(2ق(س) + (1-س)ع(س))$ $1 \leftarrow س$



الحل

- أ) بما أن الاقترانين متصلان؛ إذا يمكن توزيع النهاية، ومنه نهيا $(ق+ع) = 2$ $1 \leftarrow س$
 ب) نهيا $(ق \times ع) = 1$ $2 \leftarrow س$
 ج) نهيا $(2ق(س) + (1-س)ع(س)) = 6$ $1 \leftarrow س$ (افرض $ص = 1 - س$)

٩) إذا كان ق كثير حدود يمر بالنقطة $(-٣، ٤)$ ، وكانت نهيا $(س - ل(س)) = ١٠ -$ $3 \leftarrow س$



الحل

- بتوزيع النهاية ينتج أن: نهيا $ل(س) = ٧$ $3 \leftarrow س$
 ومنه نهيا $(ق٢(س) - ٢ل(س)) = ١٤ - ١٦ = ٢$ $3 \leftarrow س$

١٠. إذا كان $ع$ كثير حدود باقي قسمته على $(س-٢)$ يساوي ٥ ، فجد نها $(٣ع(س) + ٤س٢)$
 $س \leftarrow ٢$

الحل

منهاجي

(نظرية الباقي)

$$ع(٢) = ٥$$

$$نها (٣ع(س) + ٤س٢) = ١٦ + ٥ \times ٣ = ٣١$$

$س \leftarrow ٢$