

إجابات تمارين ومسائل الدرس

القطع المكافئ - إجابات دليل المعلم

- (١) جد معادلة القطع الناقص في كل مما يأتي، ثم ارسم منحناه بشكل تقريبي:
- أ) رأساه النقطتان (٤ ، ١)، (٢- ، ١) وطول محوره الأصغر ٤ وحدات.
- ب) بؤرتاه النقطتان (٠ ، ٢+)، ورأساه النقطتان (٠ ، ٥+).
- ج) مركزه نقطة الأصل، وبؤرتاه تقعان على محور السينات، وبعده البؤري ٦ وحدات، والفرق بين طولي محوريه يساوي ٢ وحدة.
- د) مركزه نقطة الأصل، ومحوره الأكبر يوازي محور السينات، ويمر منحناه بالنقطة (١ ، ٣)، واختلافه المركزي ٠,٥
- هـ) يمر بالنقطة (٨- ، ٣)، ويقع مركزه على المستقيم $s=2$ ، وبؤرتاه تقعان على المستقيم الذي معادلته $s=3$ واختلافه المركزي ٠,٦.
- و) رأساه النقطتان (٢ ، ٠)، (٨- ، ٠)، وطول محوره الأصغر يساوي أربعة أمثال المسافة بين أحد رأسيه والبؤرة القريبة من ذلك الرأس.
- ز) نهايتا محوره الأصغر النقطتان (٣+ ، ٠) ويمر بالنقطة (٢ ، ٣).

الحل

$$\begin{aligned} \text{أ) } 1 &= \frac{(s-1)^2}{9} + \frac{(s-1)^2}{4} \\ \text{ب) } 1 &= \frac{s^2}{21} + \frac{v^2}{25} \\ \text{ج) } 1 &= \frac{s^2}{25} + \frac{v^2}{16} \\ \text{د) } 1 &= \frac{(s)^2}{13} + \frac{4v^2}{39} \\ \text{هـ) } 1 &= \frac{(s-2)^2}{100} + \frac{(s-3)^2}{64} \\ \text{و) } 1 &= \frac{s^2}{16} + \frac{(s+3)^2}{25} \\ \text{ز) } 1 &= \frac{s^2}{9} + \frac{5v^2}{81} \end{aligned}$$

(٢) جد عناصر القطع الناقص المعطاة معادلته في كل مما يأتي:

(أ) $1 = \frac{ص^2}{25} + \frac{س^2}{144}$ (ب) $1 = \frac{ص^2(1+ص)}{81} + \frac{س^2(4-س)}{25}$
 (ج) $100 = ص^2 + 4س^2$ (د) $7 - 6س = ص^2 + 2ص + 2س^2$
 (هـ) $64 = (ص - 3)^2 + (4 + ص)^2$ (و) $\frac{4}{3} = ص^2 + 3ص + 4س^2$

فرع	المركز	البؤرتان	الرأسان	المحور الأكبر	المحور الأصغر
أ	(٠، ٠)	(٠، $\sqrt{119}$) (٠، $-\sqrt{119}$)	(٠، ١٢) (٠، -12)	منطبق على محور السينات ومعادلته $ص = ٥$ وطوله ٢٤	منطبق على محور الصادات ومعادلته $س = ٥$ وطوله ١٠
ب	(١-، ٤)	($\sqrt{56} + 1$ ، ٤) ($\sqrt{56} - 1$ ، ٤)	(٨، ٤) (١٠-، ٤)	يُوازى محور الصادات ومعادلته $س = ٤$ وطوله ١٨	يُوازى محور السينات ومعادلته $ص = ١-$ وطوله ١٠
جـ	(٠، ٠)	(٠، $\sqrt{3}5$) (٠، $-\sqrt{3}5$)	(٠، ١٠) (٠، -10)	منطبق على محور السينات ومعادلته $ص = ٥$ وطوله ٢٠	منطبق على محور الصادات ومعادلته $س = ٥$ وطوله ١٠
د	(١-، ٣)	(١-، $\sqrt{2} + 3$) (١-، $\sqrt{2} - 3$)	(١-، ٥) (١-، ١)	يُوازى محور السينات ومعادلته $ص = ١-$ وطوله ٤	يُوازى محور الصادات ومعادلته $س = ٣$ وطوله $2\sqrt{2}$
هـ	(٢-، ٣)	(٢-، $\sqrt{48} + 3$) (٢-، $\sqrt{48} - 3$)	(٢-، ١١) (٢-، ٥-)	يُوازى محور السينات ومعادلته $ص = ٢-$ وطوله ١٦	يُوازى محور الصادات ومعادلته $س = ٣$ وطوله ٨
و	(٠، ٠)	($\frac{1}{3}$ ، ٠) ($\frac{1}{3}$ ، ٠)	($\frac{2}{3}$ ، ٠) ($\frac{2}{3}$ ، ٠)	منطبق على محور الصادات ومعادلته $س = ٥$ وطوله $\frac{4}{3}$	منطبق على محور السينات ومعادلته $ص = ٥$ وطوله $\frac{2}{3\sqrt{3}}$

٣) جد معادلة القطع الناقص الذي إحدى بؤرتيه مركز الدائرة التي معادلتها
 $(2س - 6)^2 + (2ص - 4)^2 = 36$ ، وطول محوره الأصغر يساوي طول قطر هذه الدائرة،
 ومعادلة محوره الأصغر هي $س = 1$.



$$1 = \frac{(ص - 1)^2}{25} + \frac{(س - 1)^2}{29}$$

٤) جد معادلة القطع الناقص الذي مركزه النقطة $(1, 1)$ ، وإحدى بؤرتيه هي بؤرة القطع
 المكافئ $(ص - 1)^2 - 12س = 0$ ، وطول محوره الأصغر يساوي (10) وحدات.

$$1 = \frac{ص^2}{48} + \frac{س^2}{64}$$

٥) قطع ناقص بؤرتاه النقطتان $(0, 4)$ ، $(0, -4)$ ، والنقطة $(س, ص)$ تقع على
 منحنى القطع حيث إن محيط المثلث $ن ب ب$ يساوي $24س$ ، جد معادلتها.

$$1 = \frac{(ص - 2)^2}{9} + \frac{(س + 1)^2}{25}$$

٦) تتحرك النقطة $(س, ص)$ حيث يتحدد موقعها بالمعادلتين $س = 5 + 3ج$ ،
 $ص = 2 + 2ج$ ، حيث $ج$ زاوية متغيرة، بين أن النقطة $(و)$ تتحرك على منحنى قطع ناقص،
 ثم جد بعده البؤري.



$$1 = \frac{(ص - 2)^2}{4} + \frac{(س - 5)^2}{9}$$

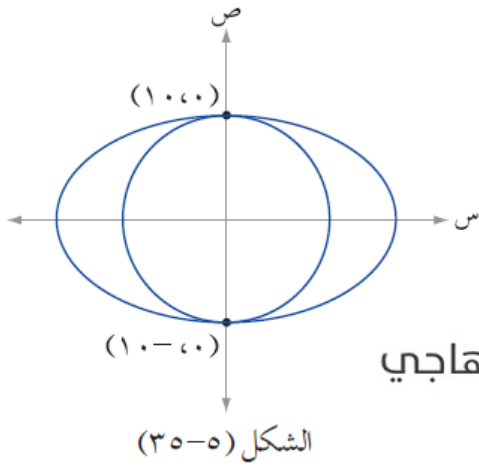
٧) قطع ناقص مساحته (40π) وحدة مربعة، ورأساه النقطتان $(0, 8)$ ، جد معادلتها.

$$1 = \frac{ص^2}{25} + \frac{س^2}{64}$$

٨) جد طول نصف قطر الدائرة التي مساحتها تساوي مساحة القطع الناقص الذي معادلتها

$$1 = \frac{ص^2}{16} + \frac{س^2}{81}$$

نق = 6



منهاجي

٩) يمثل الشكل (٣٥-٥) دائرة وقطع ناقص مشتركين في المركز (٠ ، ٠)، إذا كانت مساحة القطع الناقص تساوي مثلي مساحة الدائرة المرسومة داخله، فجد كلاً مما يأتي: أ) الاختلاف المركزي للقطع الناقص. ب) معادلة القطع الناقص.

$$١) \quad \frac{\sqrt{3}}{2} \quad \text{ب) } ١ = \frac{ص^2}{١٠٠} + \frac{س^2}{٤٠٠}$$

$$١٠) \quad \text{لمعادلة القطع الناقص} \quad ١ = \frac{ص^2(ك-١)}{ب^2} + \frac{س^2(ل-١)}{أ^2}$$

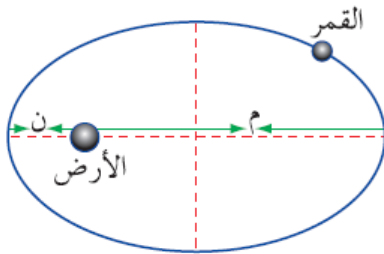
أثبت أن $ب^2 = أ^2(١ - هـ)$ حيث هـ: الاختلاف المركزي للقطع الناقص.

$$ب^2 - أ^2 = أ^2 هـ$$

$$ب^2 - أ^2 = أ^2 هـ$$

$$ب^2 = أ^2(١ - هـ)$$

منهاجي



الشكل (٣٦-٥)

١١) يدور القمر حول الأرض في مدار على شكل قطع ناقص، حيث تقع الأرض في إحدى بؤرتي المدار، فإذا كانت أطول مسافة بين الأرض والقمر تساوي (م) كم، وأقصر مسافة بينهما تساوي (ن) كم، كما في الشكل (٣٦-٥)، فأثبت أن الاختلاف المركزي لهذا القطع الناقص يساوي $\frac{ن-م}{ن+م}$

$$\frac{ن-م}{ن+م}$$

$$أ٢ = م + ن، ب٢ = م - ن$$

$$هـ = \frac{ب٢}{أ٢} = \frac{م-ن}{م+ن}$$

منهاجي