

فكرة الدرس:

تعرفُ الاقترانات كثيرات الحدود، وتمثيلها بيانياً، وإجراء عمليات الجمع والطرح والضرب عليها، وحل مسائل عنها.

الاقتران وحيد الحد (monomial) بمتغير واحد هو اقتران قاعدته ناتج ضرب عدد حقيقي، يُسمى المعامل، في متغير أسه عدد صحيح غير سالب. والجدول الآتي يعرض بعض الأمثلة على وحيد الحد، وأسسه، ومعامله:

9	x	7x3	12x5-	3x2	وحيد الحد
0	1	3	5	2	الأس
9	1	7	12-	3	المعامل

الاقتران كثير الحدود (polynomial) بمتغير واحد هو اقتران يتكوّن من وحيد حد واحد، أو مجموع عدّة اقترانات وحيدة الحد بمتغير واحد. ومن أمثله الاقترانات الآتية:

$$f(x) = 2 \quad f(x) = 3x - 4 \quad f(x) = x^2 + 4x - 5 \quad g(x) = -3x^2 + 15x^4$$

الصورة العامة لكثير الحدود:

$$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + a_{n-2} x^{n-2} + \dots + a_1 x + a_0$$

حيث: n: عدد صحيح غير سالب.
a_n, a_{n-1}, a_{n-2}, ..., a₁, a₀: أعداد حقيقية تُسمى معاملات حدود كثير الحدود.

إذا كان a_n ≠ 0، فإنّه يُسمى المعامل الرئيس (leading coefficient)، ودرجة (degree) كثير الحدود (n) هي أكبر أس للمتغير في جميع حدوده، ويُسمى a₀ الحد الثابت.

يكون كثير الحدود مكتوباً بالصورة القياسية (standard form) إذا كانت حدوده مكتوبةً بترتيب تنازلي من أكبرها درجةً إلى أصغر درجةً.

كثير الحدود الذي جميع معاملاته أصفار يُسمى كثير الحدود الصفرى (zero polynomial) وهو $f(x) = 0$ ، وليس له درجة، ويمثله المحور x في المستوى الإحداثي.

مجال (domain) أي اقتران هو مجموعة القيم التي يأخذها المتغير x ، ومداه (range) هو مجموعة القيم التي يأخذها المتغير y لتمثيل الاقتران كثير الحدود $f(x)$ بيانياً، أكون جدول قيم أعدد فيه قيم المتغير x ، وأحسب قيم $f(x)$ ، وأعين النقاط $(x, f(x))$ في المستوى الإحداثي، وأصل بينها بمنحنى متصل.