

إجابات كتاب التمارين

التوزيع الطبيعي

إذا اتخذ التمثيل البياني لأطوال مجموعة من طلبة الصف السابع شكل المنحنى الطبيعي، فأجد كلاً مما يأتي:

(1) النسبة المئوية للطلبة الذين تقع أطوالهم فوق الوسط الحسابي.

النسبة المئوية للطلبة الذين تقع أطوالهم فوق الوسط الحسابي هي 50%

(2) النسبة المئوية للطلبة الذين لا يزيد البعد بين أطوالهم والوسط الحسابي على انحراف معياري واحد.

النسبة المئوية للطلبة الذين لا يزيد البعد بين أطوالهم والوسط الحسابي على انحراف معياري واحد هي 68%

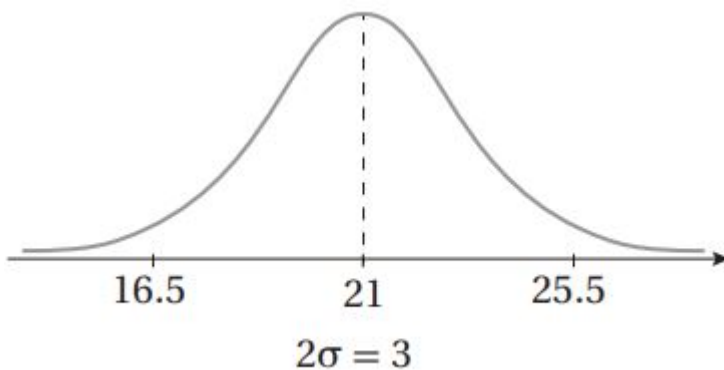
(3) النسبة المئوية للطلبة الذين تقل أطوالهم عن الوسط الحسابي بمقدار لا يزيد على الحرفين معياريين.

النسبة المئوية للطلبة الذين تقل أطوالهم عن الوسط الحسابي بمقدار لا يزيد على الحرفين معياريين 47.5%

(4) النسبة المئوية للطلبة الذين تقل أطوالهم عن الوسط الحسابي بمقدار لا يزيد على ثلاثة انحرافات معيارية، أو تزيد عليه بمقدار لا يزيد على انحرافين معياريين.

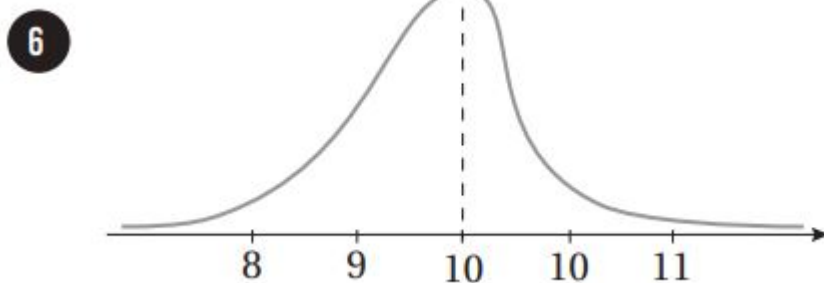
النسبة المئوية للطلبة الذين تقل أطوالهم عن الوسط الحسابي بمقدار لا يزيد على ثلاثة انحرافات معيارية، أو تزيد عليه بمقدار لا يزيد على انحرافين معياريين هي 97.35%

(5) بين الشكل المجاور منحنى توزيع طبيعي، أعبّر عن المتغير العشوائي لهذا التوزيع باستخدام الرموز.

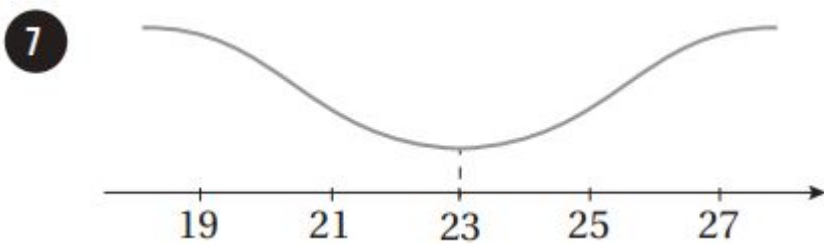


$$(X \sim N(21, 1.52)$$

أبين لماذا لا يمثل أي من التمثيلين الآتين منحنى توزيع طبيعي:



منحنى التوزيع الطبيعي يكون متماثلاً حول المستقيم المار بالوسط الحسابي للبيانات، وهذا الشكل لا يحقق هذه الخاصية.



من خواص منحنى التوزيع الطبيعي، أن الوسط والوسيط والمنوال (وهي القيمة الأكثر تكراراً، أي أعلى نقطة في المنحنى) كلها متطابقة وتتوسط البيانات، بينما هذا الشكل لا يحقق هذه الخاصية.

إذا كان: $X \sim N(8, 0.04)$ ، فأجد كلاً مما يأتي:

$$(P(X > 8)) \quad (8)$$

$$P(X > 8) \approx 0.5$$

$$(P(7.8 < X < 8.2)) \quad (9)$$

$$P(7.8 < X < 8.2) = P(8 - (0.2) < X < 8 + (0.2)) = P(\mu - \sigma < X < \mu + \sigma) \approx 0.68$$

$$(P(X > 8.4)) \quad (10)$$

$$P(X > 8.4) = P(X > 8 + 2(0.2)) = P(X > \mu + 2\sigma) \approx 0.025$$



صناعة: يمكن نمذجة أطوال أقطار مسامير ينتجها مصنع بمنحنى التوزيع الطبيعي المبين في الشكل المجاور:

(11) أجد كلاً من الوسط الحسابي، والانحراف المعياري لأطوال أقطار المسامير.

$$\mu = 2.5 \quad \mu + 2\sigma = 2.7 \Rightarrow 2.5 + 2\sigma = 2.7 \Rightarrow \sigma = 0.1$$

(12) أجد النسبة المئوية للمسامير التي يزيد طول قطر كل منها على الوسط الحسابي بما لا يزيد على الحرفين معيارين.

$$P(2.5 < X < 2.7) = 12(95\%) = 47.5\%$$