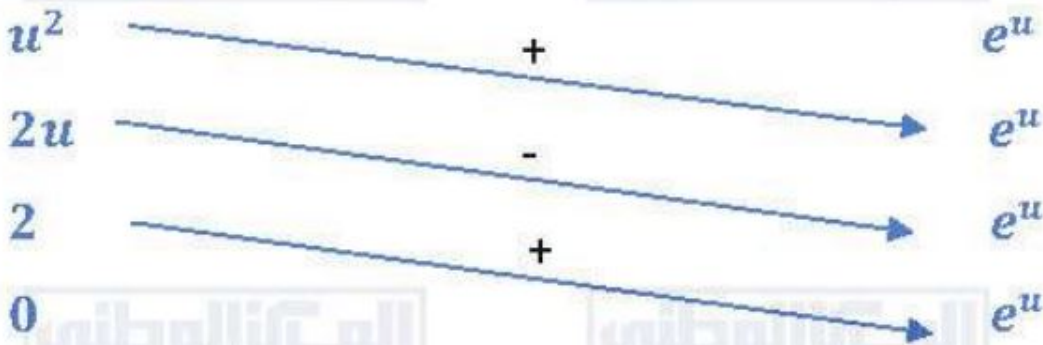




$f(u)$  ومشتقاته المتكررة

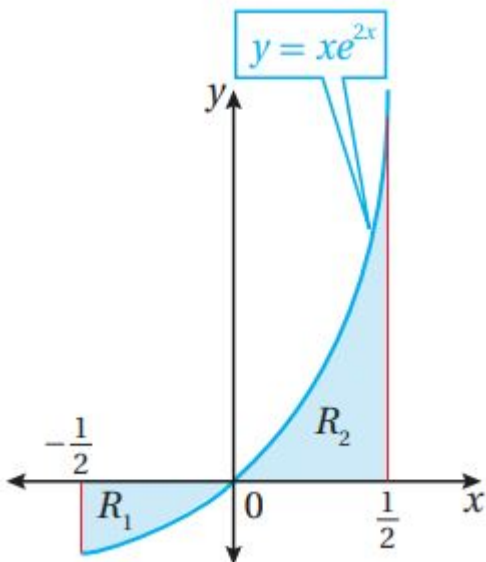
$g(u)$  وتكاملاته المتكررة



$$\int x^2 \ln x dx = \frac{x^3}{3} \ln x - \int \frac{x^3}{3} \cdot \frac{1}{x} dx = \frac{x^3}{3} \ln x - \frac{x^3}{9} + C$$

الطريقة الثانية: بالأجزاء مباشرة:

$$\int x^2 \ln x dx = \frac{x^3}{3} \ln x - \int \frac{x^3}{3} \cdot \frac{1}{x} dx = \frac{x^3}{3} \ln x - \frac{x^3}{9} + C$$



تبرير: إذا كان الشكل المجاور يمثل منحنى الاقتران:  $y = xe^{2x}$  حيث:  $x \leq 1/2 \geq 1/2$ ، فأجيب عن السؤالين الآتيين تبعاً:

(41) أجد مساحة كل من المنطقة  $R_1$ ، والمنطقة  $R_2$ .

$$A_1 = -\int_{-1/2}^0 xe^{2x} dx, A_2 = \int_0^{1/2} xe^{2x} dx$$

نجد التكامل غير المحدود  $\int xe^{2x} dx$  بالأجزاء:

$$u = x, dv = e^{2x} \Rightarrow du = dx, v = \frac{1}{2}e^{2x} \Rightarrow \int xe^{2x} dx = \frac{1}{2}xe^{2x} - \int \frac{1}{2}e^{2x} dx = \frac{1}{2}xe^{2x} - \frac{1}{4}e^{2x} + C$$

$$x-14e^{2x}+C=14e^{2x}(2x-1)+C \Rightarrow A(R1)=-14e^{2x}(2x-1)|_{120}=14-12e$$

$$=e-24e \quad A(R2)=14e^{2x}(2x-1)|_{012}=0+14=14$$

(42) أثبت أن مساحة المنطقة R1 إلى مساحة المنطقة R2 تساوي  $(e-2):e$ .

$$A(R1):A(R2)=e-24e:14=e-2:A(R1):A(R2)=(e-2):e$$

تحد: استعمل التكامل بالأجزاء لإثبات كل مما يأتي، حيث:  $n$  عدد صحيح موجب،  
و  $a \neq 0$ :

$$\int x^n \ln x dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} (-1 + (n+1) \ln x) + C \quad (43)$$

$$\int x^{n+1} \ln x dx = \int x^{n+1} \ln x dv = x^{n+1} \ln x du = \int x^{n+1} \ln x dx = \int x^{n+1} \ln x du = \ln x$$

$$x^{n+1} - \frac{1}{n+1} x^{n+1} + C = \frac{x^{n+1}}{n+1} (-1 + (n+1) \ln x) + C$$

$$\int x^n e^{ax} dx = \frac{x^n e^{ax}}{a} - n \int x^{n-1} e^{ax} dx \quad (44)$$

$$u = x^n \quad dv = e^{ax} \quad du = nx^{n-1} dx \quad v = \frac{1}{a} e^{ax}$$

$$\int x^n e^{ax} dx = \frac{1}{a} x^n e^{ax} - n \int x^{n-1} e^{ax} dx$$